

नोट्स

whatsapp

8696608541

अपडेटेड नोट्स

OM PRAKASH SAINI



* Chapter - 1 स्थिर आवेश व विद्युत क्षेत्र *

* स्थिर वैद्युतिकी -

भौतिक विज्ञान कि वह शाखा जिसके अन्तर्गत स्थिर आवेश तथा इसके मध्य होने वाली अन्योन्य क्रियाओं (जैसे - विद्युत क्षेत्र, विद्युत विभव का उत्पन्न होना) का अध्ययन किया जाता है उसे स्थिर वैद्युतिकी कहा जाता है।

* उपयोग -

1. फॉटोकॉपी करने में
2. कम्प्युटर में डेटा संग्रहित करने में
3. कम्प्युटर प्रिंटर में
4. भुक्तप की तीव्रता मापने में

* घर्षण विद्युत -

इसकी खोज वैज्ञानिक थैल्स ने की थी लेकिन इसका वैज्ञानिक स्पष्टीकरण गिल्बर्ट ने प्रस्तुत किया था तथा इन्होंने इस पर एक पुस्तक भी लिखी जिसका नाम डि-मैग्नेटिरी रखा गया।

* परिभाषा - "जब दो वस्तुओं को आपस में रगड़ा जाता है तो इनमें अपने से छोटी वस्तुओं को आकर्षित करने का गुण उत्पन्न हो जाता है। जिससे वस्तुयें आवेशित हो जाती हैं। इस प्रक्रिया को ही घर्षण विद्युत कहा जाता है।"

* घर्षण विद्युत उत्पन्न होने का कारण -

जब दो वस्तुओं को आपस में रगड़ा जाता है तो रगड़ने के कारण इनमें ऊर्जा उत्पन्न होती है जिसके कारण

$$1 \text{ ngm} = 10^{-9} \text{ gm}$$

e^- स्थानान्तरण करने कि सामर्थ्य उत्पन्न हो जाती है और वस्तुयें आवेशित हो जाती हैं।

Q. यदि किसी वस्तु ने e^- का त्याग किया है तो इसका क्या अभिप्राय है।
इस स्थिति में वस्तु धनावेशित होगी।

Ans. यदि कोई वस्तु ऋणावेशित है तो इसका क्या अभिप्राय होगा ?
इस स्थिति में यह वस्तु e^- ग्रहण करती है।

Q. क्या घर्षण विद्युत की प्रक्रिया में वस्तुयें आवेशित होती हैं।
हाँ क्योंकि घर्षण विद्युत की प्रक्रिया में वस्तु में ऊर्जा उत्पन्न होती है। जिसके कारण e^- स्थानान्तरण करने की सामर्थ्य उत्पन्न हो जाती है। और वस्तुयें आवेशित होती हैं।

Q. यदि किसी वस्तु ने e^- ग्रहण किया है तो इसके द्रव्यमान (संहति) क पर क्या प्रभाव पड़ेगा।
इस स्थिति में वस्तु के द्रव्यमान में ग्रहण किये गये e^- के बराबर मात्रा में द्रव्यमान में वृद्धि होगी।

Q. यदि किसी वस्तु के द्रव्यमान में 9.1 ngm की कमी होती है तो इस वस्तु के द्वारा त्यागे गए e^- की संख्या ज्ञात करो ? $\Delta m = n m_e$

$$\Delta m = 9.1 \text{ ngm} = 9.1 \times 10^{-9} \text{ gm}$$

$$\Delta m = 9.1 \times 10^{-9} \times 10^{-3} \text{ g}$$

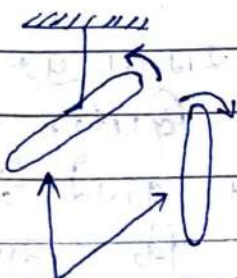
$$\Delta m = 9.1 \times 10^{-31} \text{ kg}$$

$$\therefore \Delta m = n m_e$$

$$n = \frac{\Delta m}{m_e} = \frac{9.1 \times 10^{-12}}{9.1 \times 10^{-31}} = 10^{-12+31} = \boxed{\frac{19}{10}}$$

* आवेशों के प्रकार :-

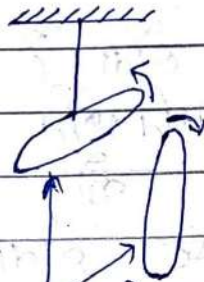
प्रयोग - 1



रेशम के कपड़े से रगड़ी काँच की छड़

चित्र - 1

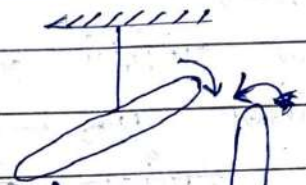
प्रयोग - 2



फर से रगड़ी एबोनाइट की छड़

चित्र - 2

प्रयोग - 3



रेशम के कपड़े से रगड़ी काँच की छड़

फर से रगड़ी एबोनाइट की छड़

चित्र - 3

* प्रयोग - 1

सर्वप्रथम दो काँच की छड़ें लेकर इन्हें रेशम के कपड़े से रगड़कर इन्हें एक-दूसरे के समीप लाया जाता है तो ये दोनों छड़ें एक-दूसरे को प्रतिकर्षित करने लगती हैं जैसा की चित्र 1 से स्पष्ट है।

* प्रयोग - 2

जब दो एबोनाइट की छड़ों को लेकर इन्हें फर से रगड़ा जाता है। तो ये दोनों छड़ें भी एक-दूसरे को प्रतिकर्षित करने लगती हैं।

जैसा कि चित्र दो से स्पष्ट है।

* प्रयोग - 3

जब एक रेशम के कपड़े से रगड़ी गई काच की छड़ तथा एक फर से रगड़ी हुई एबीजस्ट की छड़ को एक-दूसरे के समीप लाया जाता है तो ये दोनों छड़ें एक-दूसरे को आकर्षित करने लगती हैं। जैसा कि चित्र तीन से स्पष्ट है।

* निष्कर्ष -

1. इन प्रयोगों से स्पष्ट होता है कि समान प्रकृति के आवेश एक-दूसरे को प्रतिकर्षित जबकि विपरीत प्रकृति के आवेश एक-दूसरे को आकर्षित करते हैं।
2. इन प्रयोगों से स्पष्ट होता है कि आवेश दो प्रकार के होते हैं। पहला धनावेश दूसरा ऋणावेश।

Note:- किसी भी वस्तु पर उपस्थित कुल आवेश का निम्न सूत्र की सहायता से ज्ञात किया जा सकता है।

$$Q = ne$$

जहाँ पर -

- Q = वस्तु पर आवेश
- n = e^- / p^+ की संख्या
- e = e^- पर आवेश ($1.6 \times 10^{-19} C$)

Q. 6×10^{12} पर उपस्थित कुल आवेश तथा नाबिक में उपस्थित की गणना करी ?

$$\text{कुल आवेश} = +8 - 8 \\ = 0$$

नाभिक पर आवेश -

$$Q = ne \text{ से}$$

$$Q = 6 \times 1.6 \times 10^{-19} \text{ C}$$

$$Q = 9.6 \times 10^{-19} \text{ C}$$

Q. किसी वस्तु के द्रव्यमान में 18.2 mg की वृद्धि होती है तो इस वस्तु पर उपस्थित कुल आवेश की गणना करो?

$$\Delta m = 18.2 \text{ mg} = 18.2 \times 10^{-6} \text{ kg}$$

$$\therefore \Delta m = nme \text{ से}$$

$$n = \frac{\Delta m}{me} = \frac{18.2 \times 10^{-6}}{9.1 \times 10^{-31}}$$

$$n = 2 \times 10^{25}$$

$$\therefore Q = ne \text{ से}$$

$$Q = 2 \times 10^{25} \times 1.6 \times 10^{-19}$$

$$Q = 3.2 \times 10^6 \text{ C}$$

- Q.1. रेखाम के कपड़े से रगड़ी कपड़ों की छड़ धनावेशित क्यों हो जाती है।
- Q.2. कर से रगड़ी एबोनइट की छड़ ऋणावेशित क्यों हो जाती है।
- Q.3. व. कणों पर उपस्थित कुल आवेश की गणना करो ?

- Q.4. β -कण पर उपस्थित कुल आवेश की गणना करें ?
- Q.5. एक कप पानी अथवा 250gm पानी में धनावेश या ऋणावेश की गणना करें ?
- Q.6. यदि किसी वस्तु से प्रति सेक 10⁹ e⁻ उत्सर्जित होते हैं तो इस वस्तु को 1C का आवेश ग्रहण करने में कितना समय लगेगा ?
- Q.7. आवेश का SI तथा CGS पद्धति में मापक लिखें ?

Ans 1. रेशम के कपडे में प्रबल नाभिकीय आकर्षण बल उपस्थित होने के कारण ये अत्यधिक उर्जा देने पर e^- का त्याग करता है जिसके कारण इस स्थिति में काँच की छड़ e^- का त्याग करती है और ये धनावेशित हो जाती है।

Ans 2. फर में दुर्बल नाभिकीय आकर्षण बल उपस्थित होने के कारण ये e^- का त्याग कर देता है जिसके कारण एबोनाइट की छड़ के द्वारा इन e^- को ग्रहण कर लिया जाता है इस कारण एबोनाइट की छड़ ऋणावेशित हो जाती है।

Ans 3. $q = n e$ का नाभिक

$$n = 2$$

$$Q = n e$$

$$Q = 2 \times 1.6 \times 10^{-19} C$$

$$Q = 3.2 \times 10^{-19} C$$

Ans 4. β^- - कण से

$$Q = n e$$

$$Q = 1 \times 1.6 \times 10^{-19}$$

$$Q = -1.6 \times 10^{-19}$$

$$Q = H_2O \text{ का परमाणु भार } = 2 + 16 = 18 \text{ gm}$$

$$\therefore 18 \text{ gm } H_2O \text{ में परमाणुओं की संख्या } = 6.023 \times 10^{23}$$

$$\therefore 1 \text{ gm } \text{ " " " " " } = \frac{6.023 \times 10^{23}}{18}$$

$$\therefore 25 \text{ gm } \text{ " " " " " } = \frac{6.023 \times 10^{23}}{18} \times 250$$

$$H_2O \text{ के एक अणु में } e^- / p^+ = 2 + 8 = 10$$

$$n = \frac{6.023 \times 10^{23} \times 250}{18} \times 10$$

$$Q = ne \text{ से}$$

$$Q = \frac{6.023 \times 10^{23} \times 250 \times 10 \times 1.6 \times 10^{-19}}{18}$$

$$= 6.023 \times 250 \times 1.6 \times 10^{-5}$$

$$= 6.023 \times 200 \times 10^{-5}$$

$$= 6.023 \times 2 \times 10^{-3}$$

$$Q = \frac{12.046 \times 10^{-3}}{9}$$

$$Q = 1.338 \times 10^{-3}$$

प्रति sec उत्सर्जित होने वाले e^- की संख्या = 109

वस्तु पर कुल आवेश = $1.6 \times 10^{-19} C$

अतः वस्तु द्वारा 1 sec में गृहण किया गया आवेश -

$$Q = 1.6 \times 10^{-19} \times 109$$

$$Q = 1.6 \times 10^{-10} C$$

$$\therefore \frac{1.6 \times 10^{-10} \text{ C}}{1 \text{ C}} \text{ आवेश को गूना करने में लगा समय} = 1 \text{ sec}$$
$$t = \frac{1}{1.6 \times 10^{-10}}$$

$$t = 10^{10}$$
$$1.6 \times 365 \times 24 \times 60 \times 60$$

Q.7. S.I. = कुलाम् (C)
C.G.S. = स्टैट कुलाम्

$$1 \text{ कुलाम्} = 3 \times 10^9 \text{ स्टैट कुलाम्}$$

Eg. 1. $Q = 1 \text{ C}$
 $n = ?$
 $\therefore Q = ne$ से
 $n = \frac{Q}{e} = \frac{1}{1.6 \times 10^{-19}}$

$$n = \frac{1}{1.6} \times 10^{19} = \boxed{0.625 \times 10^{19}}$$

Eg. 1.2 $\Delta m = 9.1 \text{ ng m}$
 $\Delta m = 9.1 \times 10^{-9} \times 10^{-3} \text{ kg}$

i) $n = ?$
 $\Delta m = n m_e$ से

$$n = \frac{\Delta m}{m_e} = \frac{9.1 \times 10^{-12}}{9.1 \times 10^{-31}}$$

$$n = 10^{-12+31} = \boxed{10^{19}}$$

ii) $Q = ?$, प्रकृति = ?
 $Q = ne$ से
 $= 10^{19} \times 1.6 \times 10^{-19}$

$Q = -1.6$

प्रकृति ऋणावेशित

* आवेश का क्वाण्टीकरण -

किसी भी भौतिक राशि के क्वाण्टीकृत होने का तात्पर्य है कि ये भौतिक राशि एक न्युनतम संख्या कि पूर्ण गुणज होती है। इस न्युनतम संख्या को क्वाण्टा कहा जाता है।

इसी प्रकार आवेश भी एक क्वाण्टीकृत राशि होती है। क्योंकि आवेश का स्थानान्तरण e^- के पूर्ण गुणज के रूप में होता है। अतः आवेश के लिए न्युनतम संख्या e^- होती है तथा e^- को ही आवेश का क्वाण्टा कहा जाता है।

* आवेश की निश्चरता -

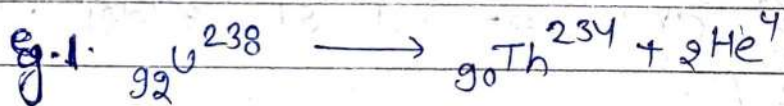
आवेश एक निश्चर राशि होती है अर्थात् किसी भी आवेश का गतिशील तथा विरामावस्था में मान समान होता है। अर्थात् आवेश का मान गति पर निर्भर नहीं करता।

$Q_{स्थिर} = Q_{गतिशील}$

* विलगित निकाय -
 वे निकाय जिसके आवेश में न तो कोई वृद्धि होती है तथा न ही कोई कमी उसे विलगित निकाय कहा जाता है।

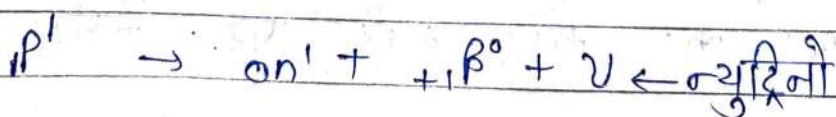
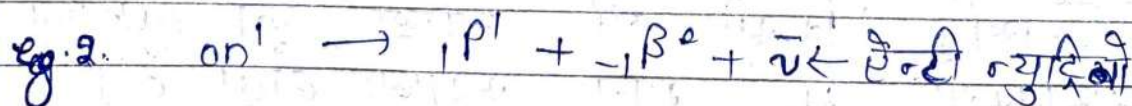
* आवेश संरक्षण का नियम -
 किसी विलगित निकाय में न तो कोई आवेश गृहण किया जाता है तथा न ही कोई आवेश त्यागा जाता है अर्थात् विलगित निकाय के आवेश में कोई वृद्धि या कमी नहीं होती। इसे केवल एक वस्तु से दूसरी वस्तु में स्थानांतरित किया जाता है। इसे ही आवेश संरक्षण का नियम कहते हैं।

अभिक्रिया के पूर्व का आवेश = अभिक्रिया के बाद के आवेश



$$92e \Rightarrow 90e + 2e$$

$$92e = 92e$$



$$-1\beta^0 = -1e^0 \text{ (e}^- \text{)}$$

$$+1\beta^0 = +1e^0 \text{ (पॉजीट्रॉन)}$$

- * आवेश के गुणधर्म -
1. आवेश एक अदिश राशि होती है।
 2. समान प्रकृति के आवेश एक-दूसरे को प्रतिकर्षित करते हैं। जबकि विपरीत प्रकृति के आवेश एक-दूसरे को आकर्षित करते हैं।
 3. आवेश दो प्रकार के होते हैं।
 - i) धनावेश
 - ii) ऋणावेश
 4. आवेश एक क्वाण्टीकृत राशि होती है।
 5. आवेश एक संरक्षित राशि होती है।
 6. आवेश एक निश्चर राशि होती है।
 7. आवेश सर्वेव बीजगणितीय योग नियमों का पालन करती है।

आवेश का एक अन्य मात्रक फैराडे भी होता है।

Note.1.

$$1 \text{ फैराडे} = 96500 \text{ C}$$

1. स्थिर आवेश विद्युत क्षेत्र न उत्पन्न करता है।
2. जबकि गतिशील आवेश विद्युत क्षेत्र तथा चुम्बकीय क्षेत्र दोनों उत्पन्न करता है।

- लथाक $1e^-$ पर उपास्थित आवेश में से कौन
- Q.1. $1C$ अधिक होगा ?
 - Q.2. यदि किसी वस्तु को $12.5 \times 10^6 e^-$ दिये जाए तो इस पर उपास्थित आवेश की गणना करो ?
 - Q.3. $75 \text{ kg } e^-$ नों पर उपास्थित कुल आवेश की गणना करो ?

Q.1. $Q = 1C$
 $1e^-$ पर आवेश

$$Q = 1.6 \times 10^{-19} \text{ C}$$

$1 e^-$ पर आवेश
आवृत्त e^- की संख्या

$$Q = ne \text{ से}$$

$$1 = n \times 1.6 \times 10^{-19}$$

$$n = \frac{1}{1.6 \times 10^{-19}} = \boxed{0.625 \times 10^{19}}$$

Q.2. $n = 12.5 \times 10^6$

$$Q = ?$$

$$Q = ne \text{ से}$$

$$Q = 12.5 \times 10^6 \times 1.6 \times 10^{-19} \text{ C}$$

$$\boxed{Q = 20.00 \times 10^{-13} \text{ C}}$$

Q.3. $m = 75 \text{ kg}$

$$Q = ?$$

$$\Delta m = nme \text{ से}$$

$$75 = n \times 9.1 \times 10^{-31}$$

$$n = \frac{75}{9.1 \times 10^{-31}}$$

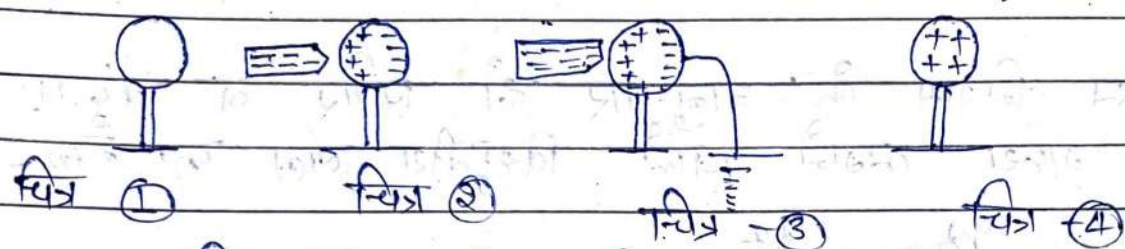
$$n = \frac{75}{9.1 \times 10^{-31}}$$

$$\therefore Q = ne \text{ से}$$

$$Q = \frac{75}{9.1 \times 10^{-31}} \times 1.6 \times 10^{-19}$$

$$Q = \frac{75 \times 16 \times 10^{11}}{91}$$

* स्थिर वैद्युत प्रेरण - (electro static Induction) - जब किसी अनावेशित वस्तु के समीप किसी आवेशित वस्तु को लाया जाता है तथा अनावेशित वस्तु को छुसम्पर्क कर दिया जाए तो अनावेशित वस्तु विपरीत आवेशित हो जाती है। इसे ही स्थिर वैद्युत प्रेरण कहा जाता है।



Note:- स्थिर वैद्युत प्रेरण कि प्रक्रिया में वस्तु पर उपास्थित आवेश में कोई कमी नहीं होती।

Q. यदि किसी अनावेशित वस्तु के समीप किसी धनावेशित छड़ को लाया जाए तो अनावेशित वस्तु के आवेश पर क्या प्रभाव पड़ेगा ?
 इस स्थिति में वस्तु पर ऋणावेश उपास्थित होगा।

Q. यदि किसी अनावेशित वस्तु के सम्पर्क में ऋणावेशित वस्तु को लाया जाए तो अनावेशित वस्तु के आवेश पर क्या प्रभाव पड़ेगा ?
 इस स्थिति में दोनों वस्तुओं पर कुल आवेश का आधा - 2 मान समान रूप से वितरित होगा।

Q. यदि दो वस्तुएँ अलग-अलग आवेश का मान क्रमशः 5C तथा -3C हैं। यदि इन्हें एक-दूसरे के सम्पर्क में लाया जाता है तो इनके आवेश पर क्या प्रभाव पड़ेगा ?

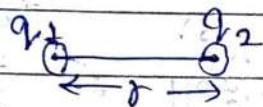
$${}^{1C} \begin{matrix} \text{5} & \text{3} \\ \text{---} & \text{---} \\ \text{---} & \text{---} \end{matrix} {}^{1C}$$

$$Q = \frac{5 + (-3)}{2} = \frac{2}{2} = 1C$$

* कूलाम्ब का नियम -

⇒ उपयोग - इस नियम का उपयोग दो स्थिर व बिंदुवत् आवेशों के मध्य लगाने वाले विद्युतीय बल (कूलाम्ब बल) का मान ज्ञात करने में किया जाता है।

⇒ नियम - इस नियम के अनुसार दो स्थिर व बिंदुवत् आवेशों के मध्य लगाने वाले विद्युतीय बल का मान -



1. दोनों आवेशों के गुणनफल के समानुपाती होता है।
अर्थात्

$$F \propto q_1 q_2 \quad \text{--- (1)}$$

2. दोनों आवेशों के मध्य कि दूरी के वर्ग के व्युत्क्रमानुपाती होता है।

$$F \propto \frac{1}{r^2} \quad \text{--- (2)}$$

समी. (1) व (2) से

$$F \propto \frac{q_1 q_2}{r^2}$$

$$F = \frac{k q_1 q_2}{r^2} \quad \text{--- (3)}$$

जहाँ पर $k =$ कूलाम्ब नियतांक

जिसका मान $= k = \frac{1}{4\pi\epsilon_0}$ (For deri.)

or

$$k = \frac{9 \times 10^9 \text{ Nxm}^2}{\text{C}^2} \text{ (For Num.)}$$

समी. 3 से.

$$F_E = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q_1 q_2}{r^2} \quad \text{--- (1)}$$

जहाँ पर

एन्साइलोनोट $\rightarrow E_0 =$ (निर्वात की विद्युतशीलता)

जिसका मान

$$E_0 = 8.854 \times 10^{-12} \frac{C^2}{N \cdot m^2}$$

सदृश रूप में.

$$\vec{F}_E = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q_1 q_2}{r^2} \cdot \hat{r}$$

* माध्यम में कुलाम् बल -

$$\vec{F}_m = \frac{1}{4\pi\epsilon} \cdot \frac{q_1 q_2}{r^2} \cdot \hat{r}$$

जहाँ पर $\epsilon =$ माध्यम में विद्युतशीलता

* निर्वात तथा माध्यम में कुलाम् बल कि तुलना -
 निर्वात में कुलाम् बल -

$$\vec{F} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q_1 q_2}{r^2} \cdot \hat{r} \quad \text{--- (1)}$$

माध्यम में कुलाम् बल

$$\vec{F}_m = \frac{1}{4\pi\epsilon} \cdot \frac{q_1 q_2}{r^2} \cdot \hat{r} \quad \text{--- (2)}$$

समी 1 \div 2 से

$$\frac{\vec{F}}{\vec{F}_m} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q_1 q_2}{r^2} \cdot \hat{r} \times \frac{4\pi\epsilon r^2}{q_1 q_2 \cdot \hat{r}}$$

$$\frac{\vec{F}}{\vec{F}_m} = \frac{\epsilon}{\epsilon_0} = \epsilon_r \quad (\text{माध्यम का पराविद्युतांक})$$

$$\vec{F}_m = E_r$$

$$\vec{F} = \vec{E} \times \vec{F}_m$$

$$\vec{F} = E_r \times \vec{F}_m$$

* माध्यम का परैरवैद्युतांक -

माध्यम की विद्युतशीलता तथा निवृत्त की विद्युतशीलता के अनुपात को ही माध्यम का परैरवैद्युतांक कहा जाता है।

$$E_r = \frac{E}{E_0}$$

Note:- E_r एक विमाहीन व मात्रकहीन राशी होती है।

* विभिन्न माध्यमों के E_r का मान -

| माध्यम | E_r का मान |
|-----------------|------------------|
| ✓ निवृत्त | 1 |
| वायु | 1.0006 |
| काँच | 3-4 |
| गोबर or पैराफीन | 2.5-3 |
| ✓ धातु | ∞ (अनन्त) |
| ✓ प्ल | 8000000 |
| mica | 3-6 |

* कुलाम नियतांक के विमा व मात्रक -

$$\therefore F = \frac{kq_1q_2}{r^2} \text{ से}$$

की विमा
 k

$$k = \frac{Fr^2}{q_1q_2}$$

$$K = \frac{[m^1 L^1 T^{-2}] [L^2]}{[A^1 T^1]^2}$$

$$K = \frac{m^1 L^3 T^{-2}}{A^2 T^2} = [m^1 L^3 T^{-4} A^{-2}]$$

मात्रक = $K = \frac{N \times m^2}{C^2}$ or $\frac{kg \times m^3}{sec^4 \times Amp^2}$

* E_0 की विमा व मात्रक -

$$\therefore K = \frac{1}{4 \times E_0}$$

$$E_0 = \frac{1}{4 \times K}$$

E_0 की विमा

$$E_0 = [m^{-1} E^3 T^4 A^2]$$

E_0 का मात्रक

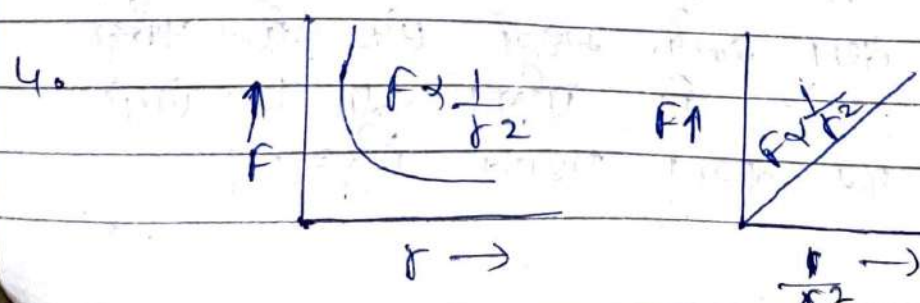
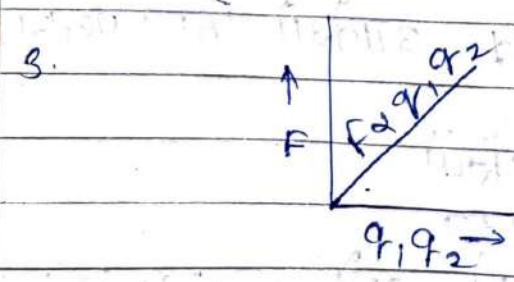
$$E_0 = \frac{C^2}{N \times m^2}$$
 or $\frac{sec^4 \times Amp^2}{kg \times m^3}$

- Q. कुलाम् के नियम में सदैव स्थिर आवेश का ही उपयोग क्यों किया जाता है।
- Q. कुलाम् के नियम में सदैव बिंदुवत् आवेशों का उपयोग क्यों किया जाता है।
- Q. F तथा $r_1 r_2$ के मध्य आरेख खिंचो ?
- Q. F तथा $r_1 r_2$ के मध्य ग्राफ बनाइए ?
- Q. यदि दो आवेशों के मध्य लगने वाले कुलाम् बल का मान F है तथा इनके मध्य एक लीन पेशीय पेशीयतांक वाली काँच की पट्टिका रख दी जाए तो कुलाम् बल पर क्या प्रभाव पड़ेगा।

Q. 6. $q_1 q_2 < 0$ से क्या तात्पर्य है तथा इसमें आवेशों की प्रकृति क्या होगी ?
 Q. 7. यदि दो आवेश प्लिनपर आवेशों के मान क्रमशः $5 \mu C$ तथा $3 \mu C$ हैं। इन्हें एक-दूसरे से 5 cm की दूरी पर रखा गया है। यदि इन दोनों आवेशों को सम्पर्क में लाकर पुनः इसी दूरी पर रख दिया जाए तो नए कुलाम चाल का मान ज्ञात कीजिए ?

1. कुलाम के नियम में सदैव स्थिर आवेशों का ही उपयोग किया जाता है क्योंकि गतिशील आवेश होने पर चुम्बकीय क्षेत्र उत्पन्न हो जाता है तथा चुम्बकीय क्षेत्र पर कुलाम का नियम लागू नहीं किया जा सकता जबकि स्थिर आवेशों के कारण विद्युत क्षेत्र उत्पन्न होता है।

2. E_0 एक परिशु राशि होने के कारण इसका मान आकार बढ़ने पर अलग-अलग दिशा में अक्षा-2 होता है। जिससे E_0 का मान परिवर्तित होने लगता है इस कारण आवेश सदैव बिंदुवत् लिए जाते हैं।



5. $E_r = 3$

माध्यम में कुलाम बल -

$$F_m = \frac{F}{E_r} \text{ से}$$

$$\boxed{F_m = \frac{F}{3}}$$

6. $q_1 q_2 < 0$

$$q_1 = (+)ve$$

$$q_2 = (-)ve$$

आवेशों की प्रकृति विपरीत प्रकृति की होगी तथा इनके मध्य आकर्षण बल लगेगा।

7. $q_1 = 5 \mu C = 5 \times 10^{-6} C$

$$q_2 = 3 \mu C = 3 \times 10^{-6} C$$

$$r = 5 \text{ cm} = 5 \times 10^{-2} \text{ m}$$

अतः कुलाम बल

$$F = \frac{k q_1 q_2}{r^2} \text{ से}$$

$$F = \frac{9 \times 10^9 \times 5 \times 10^{-6} \times 3 \times 10^{-6}}{(5 \times 10^{-2})^2} \quad \text{--- (1)}$$

प्रश्नानुसार $(5 \mu C)(3 \mu C)$

$$q_1 = q_2 = \frac{q_1 + q_2}{2}$$

$$q_1 = q_2 = 4 \mu C = 4 \times 10^{-6} C$$

$$\therefore F' = \frac{9 \times 10^9 \times 4 \times 10^{-6} \times 4 \times 10^{-6}}{(5 \times 10^{-2})^2} \quad \text{--- (2)}$$

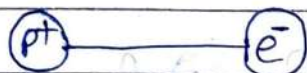
समी. $2 \div 1$ में

$$\frac{F'}{F} = \frac{\cancel{9 \times 10^9} \times 4 \times \cancel{10^{-6}} \times 4 \times \cancel{10^{-6}} \times \cancel{25 \times 10^{-4}}}{\cancel{25 \times 10^{-4}} \times \cancel{9 \times 10^9} \times 5 \times 3 \times \cancel{10^{-12}}}$$

$$\frac{F'}{F} = \frac{16}{15}$$

$$F' = \frac{16}{15} F$$

Eg. 1.4)



Solu $F = \frac{k q_1 q_2}{r^2}$ में

$$F_E = \frac{k q_1 q_2}{r^2}$$

$$F_E = \frac{9 \times 10^9 \times 1.6 \times 10^{-19} \times 1.6 \times 10^{-19}}{(5.3 \times 10^{-11})^2}$$

$$F_E =$$

गुरुत्वाकर्षण बल से तुलना

$$F_G = \frac{G m_1 m_2}{r^2} \text{ में}$$

$$F_G = \frac{6.67 \times 10^{-11} \times 1.67 \times 10^{-27} \times 9.1 \times 10^{-31}}{(5.3 \times 10^{-11})^2}$$

$$F_G = \frac{6.67 \times 1.67 \times 9.1 \times 10^{-69}}{5.3 \times 5.3 \times 10^{-22}} \times 10^0$$

=

$$\frac{1036.399 \times 10^{-69} \times 10^0}{2809 \times 10^{-22}}$$

$$F_G = 3608.54 \times 10^{-50}$$

Eg 75) $1 \text{ \AA} = 10^{-10} \text{ m} = 10^{-8} \text{ cm}$

$$F = 3.7 \times 10^{-9} \text{ N}$$

$$r = 5 \text{ \AA} = 5 \times 10^{-10} \text{ m}$$

$$q_1 = q_2 = q$$

Solu.

$$F = \frac{k q_1 q_2}{r^2}$$

$$3.7 \times 10^{-9} = \frac{9 \times 10^9 \times q^2}{25 \times 10^{-20}}$$

$$q^2 = \frac{3.7 \times 10^{-9} \times 25 \times 10^{-20}}{9 \times 10^9}$$

$$q^2 = \frac{3.7 \times 25}{9} \times 10^{-38}$$

$$q = \frac{5}{3} \times 10^{-19} \sqrt{3.7} = \frac{5}{3} \times 1.92 \times 10^{-19}$$

$$q = \frac{9.6}{3} \times 10^{-19} = 3.2 \times 10^{-19}$$

$$\therefore q = ne$$

$$n = \frac{q}{e} = \frac{3.2 \times 10^{-19}}{1.6 \times 10^{-19}}$$

$$\boxed{n = 2}$$

eg. 1.6. $F_a = 18 \text{ N}$

$$F_r = 6$$

Solu

$$F_m = \frac{F_a}{F_r} = \frac{18}{6} = \boxed{3 \text{ N}}$$

आंकिक Q. 1) $r = 30 \text{ cm} = 30 \times 10^{-2} \text{ m}$

$q_1 = 2 \times 10^{-7} \text{ C}, q_2 = 3 \times 10^{-7} \text{ C}$

$F = ?$ सी

Solu $F = \frac{kq_1q_2}{r^2} \Rightarrow F = \frac{9 \times 10^9 \times 2 \times 10^{-7} \times 3 \times 10^{-7}}{(30 \times 10^{-2})^2}$

$F = \frac{9 \times 10^{13} \times 10^{-14}}{150} \Rightarrow \frac{9 \times 10^{-2}}{15} = \boxed{0.6 \times 10^{-2}}$

आंकिक Q. 2) $q_1 = +10 \mu\text{C}, q_2 = -20 \mu\text{C}$

$\therefore F = \frac{kq_1q_2}{r^2}$ सी

$F = \frac{9 \times 10^9 \times 10 \times 10^{-6} \times 20 \times 10^{-6}}{r^2}$ — (1)

प्रश्नानुसार $(10 \mu\text{C}) (20 \mu\text{C})$ $q = \frac{10 - 20}{2} = \frac{-10}{2} = -5 \mu\text{C}$

$q_1 = q_2 = q = -5 \mu\text{C}$

$F' = \frac{kq_1q_2}{r^2}$ सी

$F' = \frac{9 \times 10^9 \times 5 \times 10^{-6} \times 5 \times 10^{-6}}{r^2}$ — (2)

समी.

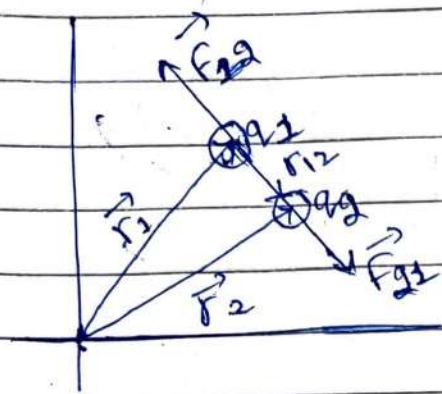
(1) \div (2)

$\frac{F}{F'} = \frac{9 \times 10^9 \times 10 \times 10^{-6} \times 20 \times 10^{-6}}{r^2} \times \frac{r^2}{9 \times 10^9 \times 5 \times 10^{-6} \times 5 \times 10^{-6}}$

$\frac{F}{F'} = \frac{200}{25}$

$\frac{F}{F'} = \frac{8}{1} = \boxed{8:1}$

कुलाम के नियम का सदिश निरूपण -



कुलाम के नियम से - \vec{F} का सदिश (दिशा दर्शाता है)

$$\vec{F} = \frac{kq_1q_2}{r^2} \hat{r} \text{ से}$$

अतः q_1 आवेश पर q_2 के आवेश के कारण बल -

$$\vec{F}_{12} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q_1q_2}{r_{12}^2} \hat{r}_{12} \text{ --- (1)}$$

इसी प्रकार q_2 आवेश पर q_1 आवेश के कारण बल -

$$\vec{F}_{21} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q_1q_2}{r_{21}^2} \hat{r}_{21} \text{ --- (2)}$$

कि से सदिश संयोजन के Δ नियम से -

$$\vec{F}_2 = \vec{F}_1 + \vec{F}_2$$

$$\vec{F}_1 = \vec{F}_2 - \vec{F}_1 \text{ --- (3)}$$

इसी प्रकार $\therefore \vec{F}_1 = \vec{F}_2 + \vec{F}_1$

$$\vec{F}_2 = \vec{F}_1 - \vec{F}_2 \text{ --- (4)}$$

समी 3 व 4 से

$$\vec{F}_2 = -\vec{F}_1$$

समी. 1 से

$$\vec{F}_{12} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q_1 q_2}{(-r_2)^2} \cdot (-\hat{r}_{12})$$

$$\vec{F}_{12} = -\frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q_1 q_2}{r_2^2} \cdot \hat{r}_{12}$$

समी. 2 से

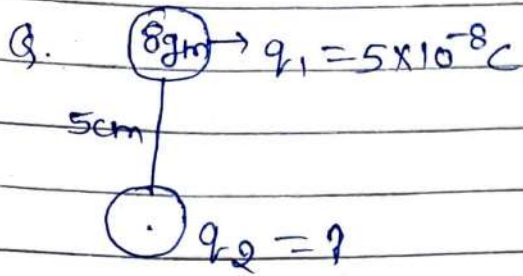
$$\vec{F}_{12} = -\vec{F}_2$$

अतः इससे स्पष्ट होता है की दोनों आवेशों के कारण एक-दूसरे पर लगाने वाले बल का मान परिमाण में समान लेकिन दिशा में विपरित होता है।

Q. 1. एक 8 gm की गेंद जिसपर आवेश का मान $+5 \times 10^{-8}$ है तथा इससे 5 cm की दूरी पर नीचे की ओर एक अन्य बॉल रखी गई है तो इस बॉल पर आवेश की गणना करो ?

Q. 2. दो इलेक्ट्रॉनों के मध्य लगाने वाले विद्युतीय बल तथा क गुरुत्वाकर्षण बल कि तुलना करो ?

Q. 3. दो समान आवेश q एक-दूसरे से r दूरी पर रखे गए हैं इनके मध्य एक तीसरा आवेश q रखा गया है तथा निकाय संतुलन की स्थिति में है तो आवेश q का परिमाण, चिन्ह व स्थिति ज्ञात करो ?



Soln. $F = \frac{Kq_1q_2}{r^2}$ — (1)

भार बल $F = mg$ — (2)

समी. (1) व (2) से

$$mg = \frac{Kq_1q_2}{r^2}$$

$$8 \times 10^{-3} \times 10 = \frac{9 \times 10^9 \times 5 \times 10^{-8} \times q_2}{(5 \times 10^{-2})^2}$$

$$q_2 = \frac{8 \times 10^{-2} \times 25 \times 10^{-4}}{9 \times 10^9 \times 5 \times 10^{-8}}$$

$$q_2 = \frac{40}{9} \times 10^{-7} \text{ C}$$

$$q_2 = 4.44 \times 10^{-7} \text{ C}$$

Q. 2 $q_1 = q_2 = e^-$
 कुलाम बल

$$F_E = \frac{Kq_1q_2}{r^2} \text{ से}$$

$$F_E = \frac{9 \times 10^9 \times 1.6 \times 1.6 \times 10^{-38}}{r^2}$$
 — (1)

इसी प्रकार गुरुत्वाकर्षण बल से

$$F_G = \frac{Gm_1m_2}{r^2} \text{ से}$$

$$F_G = \frac{6.67 \times 10^{-11} \times 9.1 \times 9.1 \times 10^{-31}}{r^2}$$

$$F_G = \frac{6.67 \times 10^{-11} \times 9.1 \times 9.1 \times 10^{-62}}{r^2}$$
 — (2)

समी. (1) व (2) से

$$\frac{F_E}{F_G} = \frac{9 \times 10^9 \times 1.6 \times 1.6 \times 10^{-38}}{6.67 \times 10^{-11} \times 9.1 \times 9.1 \times 10^{-62}} \times \frac{r^2}{r^2}$$

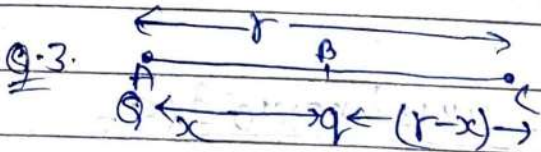
$$F_E \approx 10^{-29}$$

$$F_G \approx 10^{-73}$$

$$\frac{F_E}{F_G} \approx 10^{-29+73}$$

$$F_G$$

$$\frac{F_E}{F_G} \approx 10^{44}$$



के मध्यस्थतिकर्षण = व के मध्य
 AC वल A B
 आकर्षण वल

Solu.

$$F_{BA} = F_{BC}$$

$$\therefore F = \frac{kq_1q_2}{r^2}$$

$$\frac{kQq}{r^2} = \frac{kQq}{x^2}$$

$$\frac{kQq}{x^2} = \frac{kQq}{(r-x)^2}$$

$$\frac{Q}{r^2} = \frac{q}{x^2}$$

$$x^2 = (r-x)^2$$

$$\frac{Q}{r^2} = \frac{4q}{r^2}$$

$$x^2 = r^2 + x^2 - 2rx$$

$$Q = 4q$$

$$0 = r(r-2x)$$

$$\frac{Q}{4} = \frac{Q}{4}$$

$$r-2x = 0$$

$$2x = r$$

$$x = \frac{r}{2}$$

Ex: 1.7. $q_1 = 2 \mu C, (2m, 1m)$

$$q_2 = -5 \mu C, (-2m, 4m)$$

$$\vec{F}_{21} = ?$$

Solu. $\vec{r}_1 = 2\hat{i} + \hat{j}$

$$\vec{r}_2 = -2\hat{i} + 4\hat{j}$$

$$\vec{r}_{12} = \vec{r}_1 - \vec{r}_2$$

$$= (2\hat{i} + \hat{j}) - (-2\hat{i} + 4\hat{j})$$

$$= 2\hat{i} + \hat{j} + 2\hat{i} - 4\hat{j}$$

$$\vec{r}_{21} = 4\hat{i} - 3\hat{j}$$

$$\vec{F}_{21} = \frac{kq_1q_2}{|\vec{r}_{21}|^2} \cdot \hat{r}_{21}$$

$$\therefore \hat{r}_{21} = \frac{\vec{r}_{21}}{r_{21}}$$

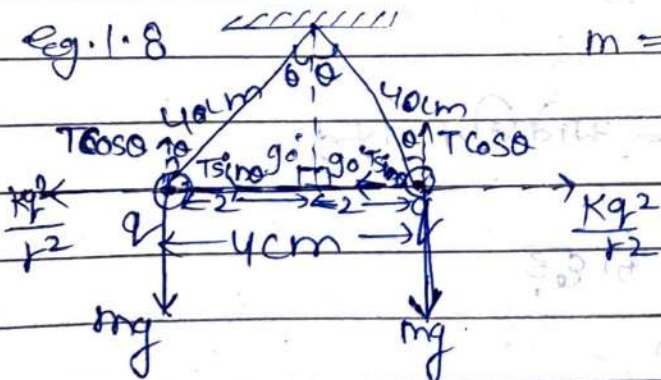
$$\vec{F}_{21} = \frac{kq_1q_2}{|\vec{r}_{21}|^2} \cdot \frac{\vec{r}_{21}}{r_{21}}$$

$$\vec{F}_{21} = \frac{kq_1q_2}{|\vec{r}_{21}|^3} \cdot \vec{r}_{21}$$

$$\vec{F}_{21} = \frac{9 \times 10^9 \times 2 \times 10^{-6} \times 5 \times 10^{-6}}{(\sqrt{4^2 + (-3)^2})^3} \cdot (4\hat{i} - 3\hat{j})$$

$$\vec{F}_{21} = \frac{9 \times 10^{-3}}{125} \cdot (4\hat{i} - 3\hat{j})$$

eg. 1.8



$m = 200\text{ gm}$

soln. चित्र से संतुलन की अवस्था में

$$T \sin \theta = \frac{kq^2}{r^2} \quad \text{--- (1)}$$

$$T \cos \theta = mg \quad \text{--- (2)}$$

समी. (1) \div (2) से

$$\frac{T \sin \theta}{T \cos \theta} = \frac{kq^2}{r^2} \times \frac{1}{mg}$$

$$\tan \theta = \frac{kq^2}{r^2 mg} \quad \text{--- (3)}$$

यदि कोण का मान अत्यल्प हो तो।

$$\sin \theta \cong \tan \theta \cong \theta$$

$$\tan \theta \cong \sin \theta = \frac{L}{R} = \frac{2 \times 10^{-2}}{40 \times 10^{-2}}$$

$$\tan \theta \cong \sin \theta = \frac{1}{20}$$

समी. ③ से।

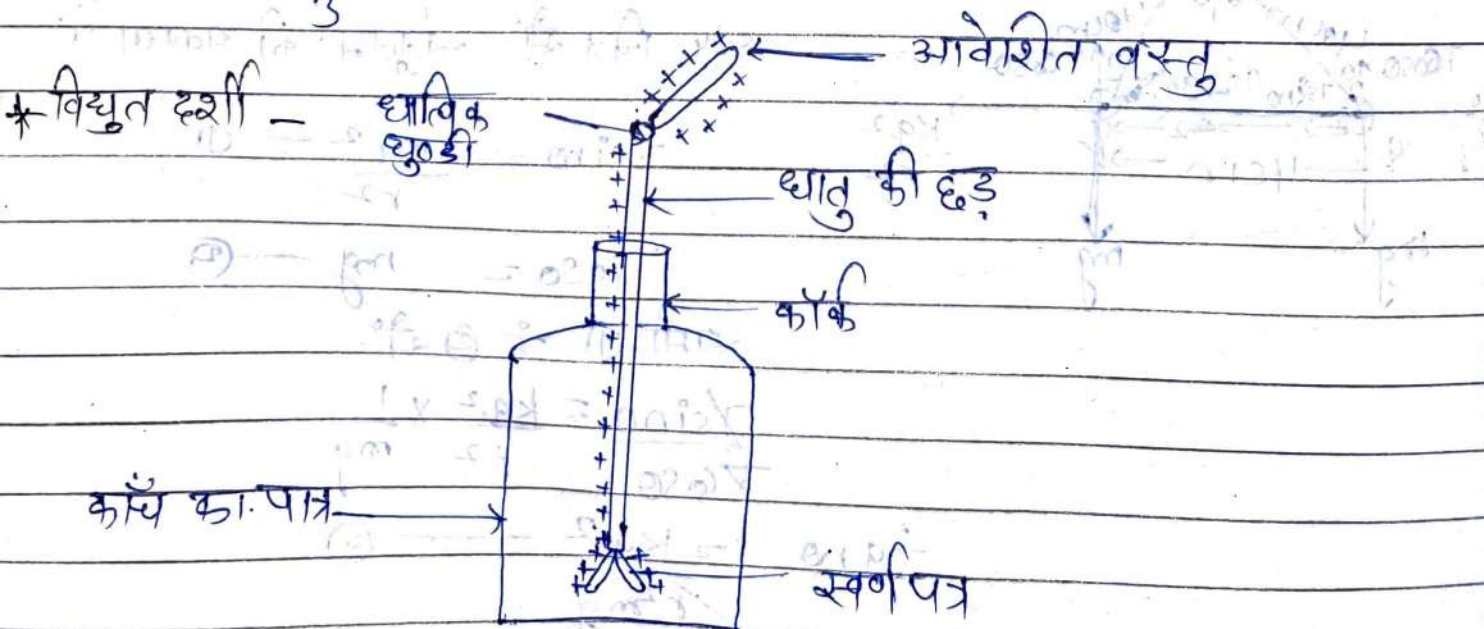
$$\frac{1}{20} = \frac{q \times 10^9 \times q \times 2}{(4 \times 10^{-2})^2 \times 200 \times 10^{-3} \times 10}$$

$$q^2 = \frac{1 \times 16 \times 10^{-4} \times 200 \times 10^{-3} \times 10}{20 \times 9 \times 10^9}$$

$$q^2 = \frac{16 \times 10^{-7} \times 10^{-7}}{9 \times 10^9}$$

$$q = \sqrt{\frac{16 \times 10^{-14}}{9}} = \frac{4 \times 10^{-7}}{3}$$

$$q = \frac{4 \times 10^{-7}}{3} = \boxed{1.3 \times 10^{-7}}$$



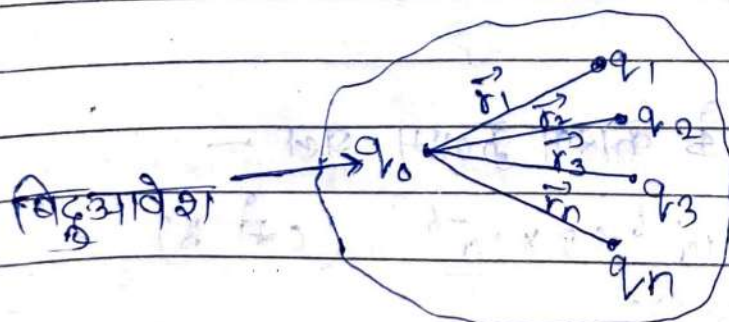
* उपयोग - इसका उपयोग किसी वस्तु पर उपस्थित आवेश की पहचान करने में किया जाता है।

* \Rightarrow इसमें एक काँच का पात्र काम में लिया जाता है। जिसमें एक फॉक लगा होता है इसमें से एक धातु की छड़ को अन्दर प्रवेश कराया जाता है। जिसपर नीचे की ओर ही स्वर्ण पत्र लगे होते हैं। जब इस धातु की छड़ के समीप किसी आवेशित वस्तु को लाया जाता है तो धात्विक धुन्डी के द्वारा आवेश का स्थानान्तरण धातु की छड़ से होता हुआ स्वर्ण पत्रों तक पहुँच जाता है। यदि इस स्थिति में विद्युत दर्शी पहले से आवेशित हो तो आवेशित वस्तु को इसके समीप लाने पर नीचे लगे दो स्वर्णपत्र फैलते हैं या सिकुड़ते हैं जिससे वस्तु पर आवेश की पहचान हो जाती है।

* अद्यारोपण का सिद्धान्त -

* उपयोग - दो या दो से अधिक आवेशों के कारण किसी बिंदु आवेश पर परिणामी बल का मान ज्ञात करने के लिए इस नियम का उपयोग किया जाता है।

\Rightarrow "इस सिद्धान्त के अनुसार दो या दो से अधिक आवेशों के कारण किसी बिंदु आवेश पर लगने वाले परिणामी बल का मान अन्य सभी आवेशों के कारण इस पर लगने वाले कूलाम्ब बलों के सदिश योग के बराबर होता है।" तथा सभी बल स्वतंत्र हैं -



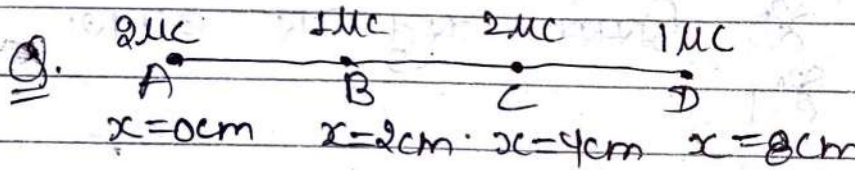
$$\vec{F}_0 = \vec{F}_{01} + \vec{F}_{02} + \vec{F}_{03} + \dots + \vec{F}_{0n}$$

$$\therefore F = \frac{kq_1q_2}{r^2}$$

$$\vec{F}_0 = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_0q_1}{r_1^2} \hat{r}_1 + \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_0q_2}{r_2^2} \hat{r}_2 + \dots + \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_0q_n}{r_n^2} \hat{r}_n$$

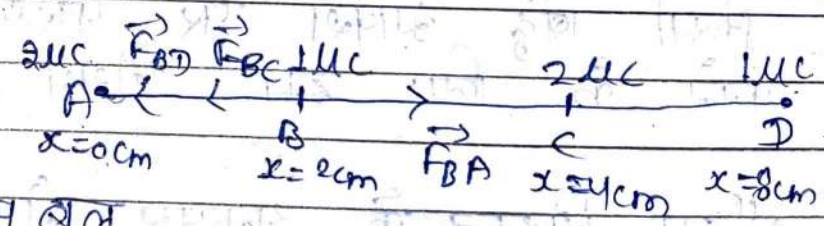
$$\vec{F}_0 = \frac{q_0}{4\pi\epsilon_0} \left[\frac{q_1}{r_1^2} \hat{r}_1 + \frac{q_2}{r_2^2} \hat{r}_2 + \dots + \frac{q_n}{r_n^2} \hat{r}_n \right]$$

$$\vec{F}_0 = \frac{q_0}{4\pi\epsilon_0} \sum_{i=1}^n \frac{q_i}{r_i^2} \hat{r}_i$$



प्रदर्शित चित्र में बिंदु B पर रखे आवेश पर परिणामी बल का मान ज्ञात करो ?

Soln $\because F = \frac{kq_1q_2}{r^2}$ से



बिंदु B पर A के कारण कुलाम बल

$$\vec{F}_{BA} = \frac{9 \times 10^9 \times 1 \times 10^{-6} \times 2 \times 10^{-6}}{(2 \times 10^{-2})^2} \quad (\text{A से B}) \quad (+x \text{ के अनुदिश})$$

$$\vec{F}_{BA} = \frac{18 \times 10^{-3}}{4 \times 10^{-4}} \text{ N} \quad \text{--- (1)}$$

इसी प्रकार बिंदु B पर C के कारण कुलाम बल —

$$\vec{F}_{BC} = \frac{9 \times 10^9 \times 1 \times 10^{-6} \times 2 \times 10^{-6}}{(2 \times 10^{-2})^2} \quad (\text{C से B})$$

$$\vec{F}_{BC} = \frac{18 \times 10^{-3}}{4 \times 10^{-4}} \text{ N} \quad \text{--- (2)}$$

इसी प्रकार बिंदु B पर चूके कारण कुलाम बल

$$\vec{F}_{BD} = \frac{9 \times 10^9 \times 1 \times 10^{-6} \times 1 \times 10^{-6}}{(6 \times 10^{-2})^2} \quad (\text{D से B})$$

$$\vec{F}_{BD} = \frac{9 \times 10^{-3}}{36 \times 10^{-4}} \text{ N} \quad \text{--- (3)}$$

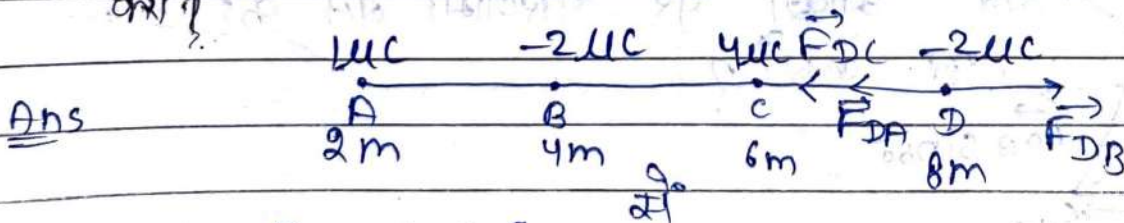
अतः बिंदु B पर परिणामी बल

$$\vec{F}_B = \vec{F}_{BC} + \vec{F}_{BD} - \vec{F}_{BA}$$

$$\vec{F}_B = \frac{18 \times 10^{-3}}{4 \times 10^{-4}} + \frac{9 \times 10^{-3}}{36 \times 10^{-4}} - \frac{18 \times 10^{-3}}{4 \times 10^{-4}}$$

$$\vec{F}_B = \frac{9 \times 10^{-3}}{36 \times 10^{-4}} = \boxed{2.5 \text{ N}} \quad (-x \text{ अक्ष के अनुदिश}) \quad (\text{B से A की ओर})$$

Q. 4 आवेश +x अक्ष के अनुदिश क्रमशः $1 \mu\text{C}, -2 \mu\text{C}, 4 \mu\text{C}, -2 \mu\text{C}$ रखे गए तथा इन आवेशों को मूल बिंदु के सापेक्ष क्रमशः $2 \text{ m}, 4 \text{ m}, 6 \text{ m}, 8 \text{ m}$ के दूरी पर रखा गया है।
 तो 8 m पर रखे गए आवेश पर परिणामी बल का मान ज्ञात करेंगे।



$$\therefore F = \frac{k q_1 q_2}{r^2}$$

बिंदु D पर A के कारण कुलाम बल

$$\vec{F}_{AD} = \frac{9 \times 10^9 \times 2 \times 10^{-6} \times 1 \times 10^{-6}}{(6)^2} \quad (\text{D से A})$$

$$\vec{F}_{DA} = \frac{18}{362} \times 10^{-3} = \frac{1}{2} \times 10^{-3} \text{ N} \quad \text{--- (1)}$$

इसी प्रकार

$$\vec{F}_{DB} = \frac{9 \times 10^9 \times 2 \times 10^{-6} \times 2 \times 10^{-6}}{(4)^2} \quad \text{(B से D)}$$

$$\vec{F}_{DB} = \frac{9}{164} \times 10^{-3} = \frac{9}{4} \times 10^{-3} \text{ N} \quad \text{--- (2)}$$

इसी प्रकार

$$\vec{F}_{DC} = \frac{9 \times 10^9 \times 2 \times 10^{-6} \times 4 \times 10^{-6}}{(4)^2} \quad \text{(D से C)}$$

$$\vec{F}_{DC} = \frac{18}{162} \times 10^{-3} = 18 \times 10^{-3} \text{ N} \quad \text{--- (3)}$$

अतः बिंदु D पर परिणामी बल -

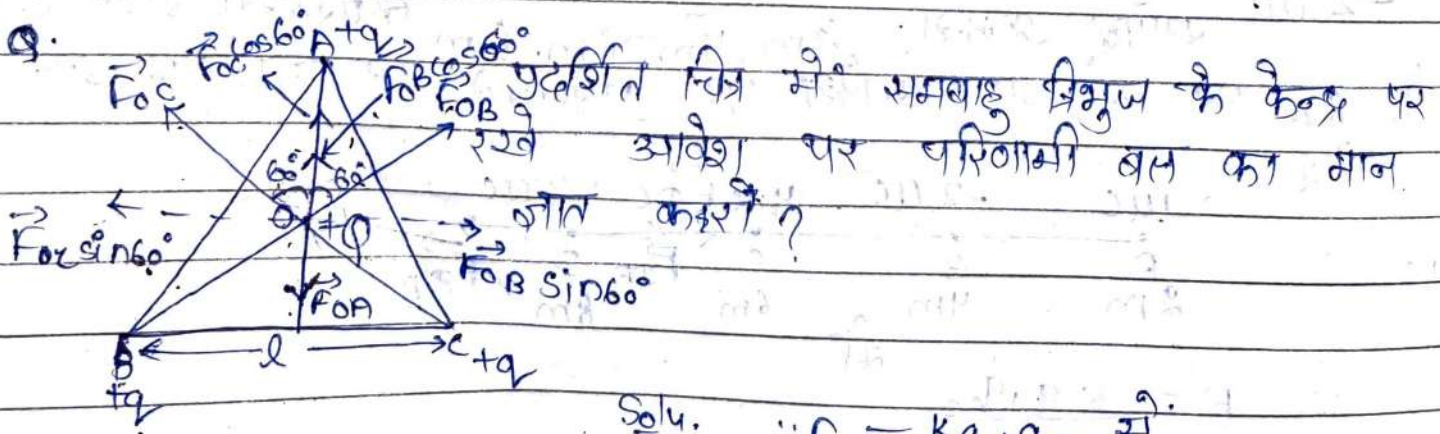
$$\vec{F}_D = \vec{F}_{DA} + \vec{F}_{DC} - \vec{F}_{DB}$$

$$F_D = 0.5 \times 10^{-3} + 18 \times 10^{-3} - \frac{9}{4} \times 10^{-3}$$

$$F_D = 10^{-3} [0.5 + 18 - 2.25] \text{ N}$$

$$F_D = 16.25 \times 10^{-3} \text{ N}$$

* समबाहु त्रिभुज पर आधारित समस्याएँ -



Sol. $\therefore F = \frac{kq_1q_2}{r^2}$ से

बिंदु O पर A के कारण कुलाम बल

$$\vec{F}_{OA} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{Qq}{OA^2} \quad \text{--- ① (A से O)}$$

इसी प्रकार

$$\vec{F}_{OB} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{Qq}{OB^2} \quad \text{--- ② (B से O)}$$

इसी प्रकार

$$\vec{F}_{OC} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{Qq}{OC^2} \quad \text{--- ③ (C से O)}$$

अतः समबाहु Δ होने के कारण :-

$$OA = OB = OC$$

इसी ① ② व ③ से

$$|\vec{F}_{OA}| = |\vec{F}_{OB}| = |\vec{F}_{OC}| \quad \text{--- ④}$$

अतः क्षैतिज रेखा पर परिणामी बल -

$$\vec{F}_1 = \vec{F}_{OB} \sin 60^\circ - \vec{F}_{OC} \sin 60^\circ$$

इसी ④ से

$$\vec{F}_1 = \vec{F}_{OB} \sin 60^\circ - \vec{F}_{OC} \sin 60^\circ = 0N$$

इसी प्रकार उल्टाधर रेखा पर परिणामी बल

$$\vec{F}_2 = \vec{F}_{OB} \cos 60^\circ + \vec{F}_{OC} \cos 60^\circ - \vec{F}_{OA}$$

$$\vec{F}_2 = F_{OA} \times \frac{1}{2} + F_{OA} \times \frac{1}{2} - F_{OA}$$

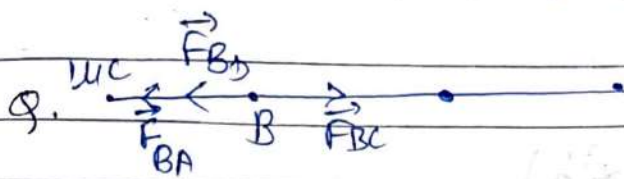
$$\vec{F}_2 = 0N$$

अतः बिंदु O पर परिणामी बल

$$\vec{F}_0 = \sqrt{F_1^2 + F_2^2}$$

$$\vec{F}_0 = \sqrt{0^2 + 0^2}$$

$$\boxed{\vec{F}_0 = 0N}$$



बिंदु B पर A के कारण कुलाम् बल

$$\vec{F}_{BA} = \frac{9 \times 10^9 \times 1 \times 10^{-6} \times 2 \times 10^{-6}}{(2)^2} \quad (\text{B से A})$$

$$\vec{F}_{BA} = \frac{18 \times 10^{-3}}{4} \text{ N} \quad \text{--- ①}$$

इसी प्रकार बिंदु B पर C के कारण कुलाम् बल -

$$\vec{F}_{BC} = \frac{9 \times 10^9 \times 2 \times 10^{-6} \times 4 \times 10^{-6}}{(2)^2} \quad (\text{B से C})$$

$$\vec{F}_{BC} = \frac{72 \times 10^{-3}}{4} \text{ N} \quad \text{--- ②}$$

इसी प्रकार

$$\vec{F}_{BD} = \frac{9 \times 10^9 \times 2 \times 10^{-6} \times 2 \times 10^{-6}}{(4)^2} \quad (\text{D से B})$$

$$\vec{F}_{BD} = \frac{36 \times 10^{-3}}{16} \text{ N} \quad \text{--- ③}$$

अतः बिंदु B पर परिणामी बल

$$\vec{F}_B = \vec{F}_{BC} - \vec{F}_{BA} - \vec{F}_{BD}$$

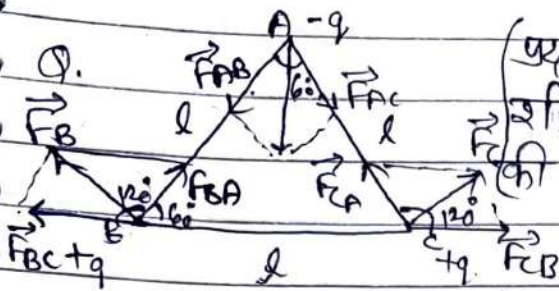
$$\vec{F}_B = \frac{72 \times 10^{-3}}{4} - \frac{18 \times 10^{-3}}{4} - \frac{36 \times 10^{-3}}{16}$$

$$\vec{F}_B = \frac{18 \times 10^{-3}}{4} \left[4 - 1 - \frac{2}{4} \right]$$

$$\vec{F}_B = \frac{18 \times 10^{-3}}{4} \times \left[\frac{3 - 1}{2} \right]$$

$$\vec{F}_B = \frac{18 \times 10^{-3}}{4} \times \frac{5}{2} = \frac{45 \times 10^{-3}}{4} \text{ N} \quad (\text{B से C})$$

(423) का अंश



प्रदत्त चित्र में समबाहु त्रिभुज के प्रत्येक शीर्ष पर उभे आवेश पर परिणामी बल की गणना करी ?

$$F = \frac{kq_1q_2}{r^2} \text{ से}$$

बिंदु B पर कार्यरत कुलाम बल -

बिंदु B पर A के कारण -

$$\vec{F}_{BA} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q^2}{l^2} \text{ --- (A से B)}$$

इसी प्रकार

$$\vec{F}_{BC} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q^2}{l^2} \text{ --- (C से B)}$$

अतः सभी (A) व (C) से

$$|\vec{F}_{BA}| = |\vec{F}_{BC}| = F \text{ (माना)}$$

अतः शक्ति संयोजन के समान्तर चतुर्भुज के नियम से बिंदु B पर परिणामी बल

$$F_B = \sqrt{F_{BA}^2 + F_{BC}^2 + 2F_{BA}F_{BC}\cos 120^\circ}$$

$$F_B = \sqrt{F^2 + F^2 + 2F^2 \times -\frac{1}{2}}$$

$$F_B = \sqrt{F^2} = F = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q^2}{l^2} \text{ Ans}$$

इसी प्रकार बिंदु A पर कार्यरत कुलाम बल -
बिंदु A पर B के कारण

$$\vec{F}_{AB} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q^2}{l^2} \text{ (A से B) --- (A)}$$

इसी प्रकार

$$\vec{F}_{AC} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q^2}{r^2} \quad (\text{A से C}) \quad \text{--- (9)}$$

समी. 3 व 9 से

$$|\vec{F}_{AB}| = |\vec{F}_{AC}| = F \quad (\text{माना})$$

अतः, संदिग्ध संयोजन के समान्तर चुम्बुर्ज के नियम से
 बिंदु A पर परिणामी बल

$$\vec{F}_A = \sqrt{F_{AB}^2 + F_{AC}^2 + 2F_{AB} \cdot F_{AC} \cos 60^\circ}$$

$$\vec{F}_A = \sqrt{F^2 + F^2 + 2F^2 \times \frac{1}{2}}$$

$$\vec{F}_A = \sqrt{3F^2} = F\sqrt{3}$$

$$\vec{F}_A = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q^2}{r^2} \cdot \sqrt{3}$$

इसी प्रकार बिंदु C पर कार्यरत इलाम् बल
 बिंदु C पर A के कारण इलाम् बल

$$\vec{F}_{CA} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q^2}{r^2} \quad \text{--- (10)} \quad (\text{C से A})$$

इसी प्रकार

$$\vec{F}_{CB} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q^2}{r^2} \quad \text{--- (11)} \quad (\text{B से C})$$

अतः समी. 5 व 6 से

$$|\vec{F}_{CA}| = |\vec{F}_{CB}| = F \quad (\text{माना})$$

अतः सदिश संयोजन के समान्तर चतुर्भुज के नियम से -
बिंदु C पर परिणामी बल

$$\vec{F}_C = \sqrt{F_{CA}^2 + F_{CB}^2 + 2F_{CB}F_{CA}\cos 120^\circ}$$

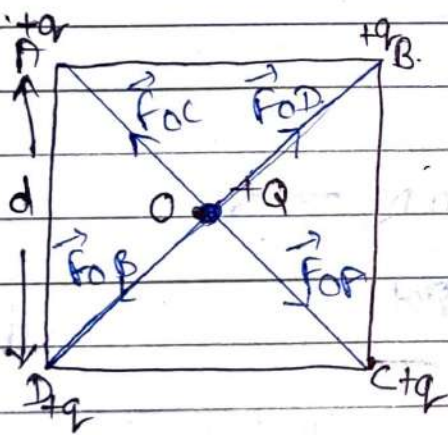
$$\vec{F}_C = \sqrt{F^2 + F^2 + 2F^2 \times -\frac{1}{2}}$$

$$= \sqrt{F^2 + F^2 - F^2}$$

$$F_C = \sqrt{F^2} = F = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q^2}{l^2}$$

* काँ पर आधारित समस्याएँ -

Q.



उद्दिष्ट चित्र में काँ के केंद्र पर रखे आवेश पर परिणामी बल का मान ज्ञात करो ?

Soln :: $F = \frac{kq_1q_2}{r^2}$ से

बिंदु O पर A के कारण कुलाम्ब बल -

$$\vec{F}_{OA} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q \cdot q}{\left(\frac{d}{\sqrt{2}}\right)^2} \quad \text{--- (1) (A से O)}$$

इसी प्रकार बिंदु O पर B के कारण कुलाम्ब बल -

$$\vec{F}_{OB} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q \cdot q}{\left(\frac{d}{\sqrt{2}}\right)^2} \quad \text{--- (2) (B से O)}$$

इसी प्रकार बिंदु O पर C के कारण कुलाम्ब बल -

$$\vec{F}_{OC} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q \cdot q}{\left(\frac{d}{\sqrt{2}}\right)^2} \quad \text{--- (3) (C से O)}$$

इसी प्रकार

$$\vec{F}_1 = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{Q_1 Q_2}{(d/2)^2} \quad \text{--- (4) से 0}$$

अतः AC रेखा पर परिणामी बल

$$\vec{F}_1 = \vec{F}_{1A} - \vec{F}_{1C}$$

समी. 4 व 3 से

$$\vec{F}_1 = \vec{F}_{1A} - \vec{F}_{1A} = 0 \text{ N} \quad \text{--- (5)}$$

इसी प्रकार BD रेखा पर परिणामी बल

$$\vec{F}_2 = \vec{F}_{2B} - \vec{F}_{2D}$$

समी. 2 व 4 से

$$\vec{F}_2 = \vec{F}_{2B} - \vec{F}_{2B} = 0 \text{ N} \quad \text{--- (6)}$$

अतः बिन्दु O पर परिणामी बल

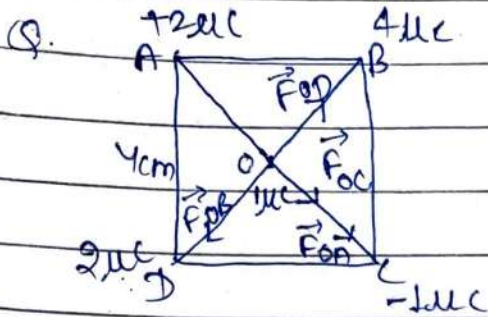
$$\vec{F}_0 = \sqrt{F_1^2 + F_2^2}$$

$$\vec{F}_0 = 0 \text{ N}$$

Q. किसी वर्ग के चारों शीर्षों पर क्रमशः $2\mu\text{C}$, $4\mu\text{C}$, $-1\mu\text{C}$ तथा $2\mu\text{C}$ स्थित हैं यदि इसके केन्द्र में $1\mu\text{C}$ का आवेश रख दिया जाए तो इस पर लगने वाले परिणामी बल का बल का मान ज्ञात करें जबकि वर्ग कि भुजा 4cm है।

Q. दो समान आकार के गोलें मिनपर विपरीत आवेश हैं ये एक-दूसरे को 0.108 N बल से आकर्षित करते हैं यदि इन्हें एक-दूसरे के सम्पर्क में लाकर पुनः उसी दूरी पर रख दिया जाए तो इनके मध्य 0.036 N का प्रतिकर्षण

बल लगता है तथा इनके मध्य कि दुरी 0.5m है। ती दोनों गोलों पर उपस्थित आवेश का मान ज्ञात करी ?



∴ $F = k \frac{q_1 q_2}{r^2}$ से

बिंदु O पर A के कारण कुलाम् बल

$$\vec{F}_{OA} = \frac{9 \times 10^9 \times 1 \times 10^{-6} \times 2 \times 10^{-6}}{(2\sqrt{2} \times 10^{-2})^2} \text{ (A से O)}$$

$$\vec{F}_{OA} = \frac{18 \times 10^{-3}}{8 \times 10^{-4}} \text{ N} \text{ --- (1)}$$

इसी प्रकार

$$\vec{F}_{OB} = \frac{9 \times 10^9 \times 1 \times 10^{-6} \times 4 \times 10^{-6}}{(2\sqrt{2} \times 10^{-2})^2} \text{ (B से O)}$$

$$\vec{F}_{OB} = \frac{36 \times 10^{-3}}{8 \times 10^{-4}} \text{ N} \text{ --- (2)}$$

इसी प्रकार

$$\vec{F}_{OC} = \frac{9 \times 10^9 \times 1 \times 10^{-6} \times 1 \times 10^{-6}}{8 \times 10^{-4}} \text{ --- (O से C)}$$

$$\vec{F}_{OC} = \frac{9 \times 10^{-3}}{8 \times 10^{-4}} \text{ N} \text{ --- (3)}$$

इसी प्रकार

$$\vec{F}_{OD} = \frac{9 \times 10^9 \times 1 \times 10^{-6} \times 2 \times 10^{-6}}{8 \times 10^{-4}}$$

$$\vec{F}_{OD} = 18 \times 10^{-3} \text{ N} \text{ --- (4)}$$

अतः AC रेखा पर परिणामी बल

$$\vec{F}_i = \vec{F}_{OA} + \vec{F}_{OC}$$

सभी ० व ० से:

$$\vec{F}_1 = \frac{18 \times 10^{-3}}{8 \times 10^{-4}} + \frac{9 \times 10^{-3}}{8 \times 10^{-4}}$$

$$\vec{F}_1 = \frac{9 \times 10^{-3}}{8 \times 10^{-4}} [2 + 1]$$

$$\vec{F}_1 = \frac{27}{8} \times 10 = \frac{270}{8} \text{ N} \quad \text{--- (1)}$$

इसी प्रकार B D रेखा पर परिणामी बल

$$\vec{F}_2 = \vec{F}_{0B} - \vec{F}_{1D}$$

$$\vec{F}_2 = \frac{36 \times 10^{-3}}{8 \times 10^{-4}} - \frac{18 \times 10^{-3}}{8 \times 10^{-4}}$$

$$\vec{F}_2 = \frac{18 \times 10^{-3}}{8 \times 10^{-4}} [2 - 1]$$

$$\vec{F}_2 = \frac{180}{8} \text{ N} \quad \text{--- (2)}$$

अतः परिणामी बल

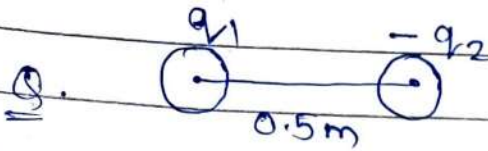
$$\vec{F}_0 = \sqrt{F_1^2 + F_2^2}$$

$$= \sqrt{\left(\frac{270}{8}\right)^2 + \left(\frac{180}{8}\right)^2}$$

$$\vec{F}_0 = \sqrt{\left(\frac{135}{4}\right)^2 + \left(\frac{90}{4}\right)^2}$$

$$\vec{F}_0 = \sqrt{\frac{18225}{16} + \frac{8100}{16}}$$

$$\vec{F}_0 = \sqrt{\frac{26325}{16}} = \frac{162.24}{4}$$



Solu. $\therefore F = \frac{kq_1q_2}{r^2}$ सी.

$$\frac{0.108}{1000} = \frac{9 \times 10^9 \times q_1 q_2}{(0.5)^2}$$

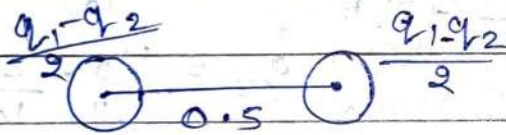
$$q_1 q_2 = \frac{108 \times 0.5 \times 0.5}{100000 \times 9 \times 10^9}$$

$$q_1 q_2 = \frac{108 \times 25}{9 \times 10^{14}} \quad \text{--- (1)}$$

प्रश्नानुसार

सम्पर्क में लाने पर

$$= \frac{q_1 - q_2}{2}$$



$$F' = 0.036 \text{ N}$$

$$0.036 = \frac{9 \times 10^9 \times \left(\frac{q_1 - q_2}{2}\right)^2}{(0.5)^2}$$

$$\frac{36}{1000} = \frac{9 \times 10^9 \times (q_1 - q_2)^2}{4 \times 0.5 \times 0.5}$$

$$(q_1 - q_2)^2 = \frac{36}{1000} \times \frac{4 \times 0.5 \times 0.5}{9 \times 10^9 \times 100}$$

$$(q_1 - q_2)^2 = \frac{16 \times 25}{10^{14}}$$

$$(q_1 - q_2) = \frac{4 \times 5}{10^7} \quad \text{--- (2)}$$

Q. $\therefore (A+B)^2 = (A-B)^2 + 4AB$

$(q_1 + q_2)^2 = (q_1 - q_2)^2 + 4q_1q_2$

$(q_1 + q_2)^2 = \frac{16 \times 25}{10^4} + \frac{108 \times 25}{9 \times 10^4} \times 4$

$(q_1 + q_2)^2 = \frac{4 \times 25}{10^4} \left[4 + \frac{108 \times 12}{9} \right]$

$(q_1 + q_2)^2 = \frac{100 \times 16}{10^4}$

$q_1 + q_2 = \frac{10 \times 4}{10^7} \quad \text{--- (3)}$

समी. 3 व 4 का जोड़ने पर -

$q_1 - q_2 + q_1 + q_2 = \frac{4 \times 5}{10^7} + \frac{10 \times 4}{10^7}$

$2q_1 = \frac{1}{10^7} (20 + 40)$

$2q_1 = \frac{60}{10^7}$

$q_1 = \frac{60 \times 10^{-7}}{2} = \boxed{30 \times 10^{-7}}$

समी. 3 से -

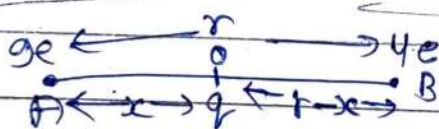
$q_1 + q_2 = \frac{10 \times 4}{10^7}$

$\frac{30}{10^7} + q_2 = \frac{40}{10^7}$

$q_2 = \frac{40}{10^7} - \frac{30}{10^7}$

$q_2 = \frac{1}{10^7} (40 - 30) = \frac{10}{10^7}$

$q_2 = \boxed{1 \times 10^{-6}}$



संतुलन की अवस्था में -

$|F_{OA}| = |F_{OB}|$

$\therefore F = \frac{kq_1q_2}{r^2}$ से

$\frac{k \times 9 \times 10^{-7}}{x^2} = \frac{k \times 4 \times 10^{-6}}{(r-x)^2}$

$\frac{9}{x^2} = \frac{4}{(r-x)^2}$

वर्ग मुक्त लेने पर

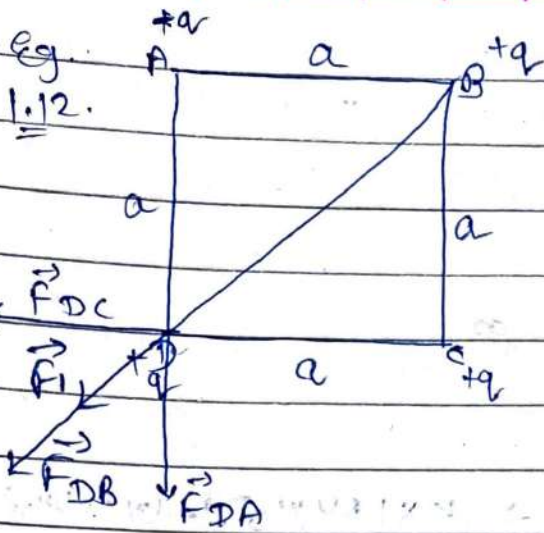
$\frac{3}{x} = \frac{2}{r-x}$

$2x = 3(r-x)$

$2x = 3r - 3x$

$2x + 3x = 3r$

$5x = 3r \Rightarrow \boxed{x = \frac{3r}{5}}$



Solⁿ. बिन्दु D पर A के कारण कुलाम्बल

$$\vec{F}_{DA} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q^2}{a^2} \quad \text{--- (A से D)}$$

इसी प्रकार बिन्दु D पर B के कारण कुलाम्बल

$$\vec{F}_{DB} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q^2}{(a\sqrt{2})^2} \quad \text{(B से D)}$$

$$\vec{F}_{DB} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q^2}{2a^2} \quad \text{--- (2)}$$

इसी प्रकार बिन्दु D पर C के कारण कुलाम्बल

$$\vec{F}_{DC} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q^2}{a^2} \quad \text{--- (C से D)}$$

अतः \vec{F}_{DC} व \vec{F}_{DA} लम्बवत् होने पर इनका परिणामी बल

$$F_1 = \sqrt{F_{DC}^2 + F_{DA}^2}$$

समी. (1) व (2) से

$$F_1 = \sqrt{F^2 + F^2} = \sqrt{2} F$$

$$F_1 = F\sqrt{2}$$

$$F_1 = \sqrt{2} \times \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q^2}{a^2} \quad \text{--- (3)}$$

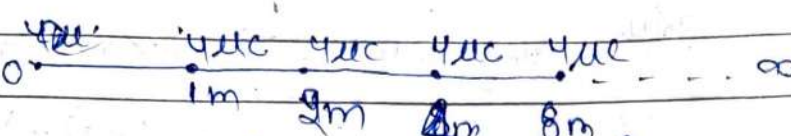
अतः F_1 व F_{DB} पर परिणामी बल

$$\vec{F}_2 = \vec{F}_1 + \vec{F}_{DB}$$

$$F_2 = \sqrt{2} \times \frac{kq^2}{a^2} + \frac{kq^2}{2a^2}$$

$$\vec{F}_2 = \frac{kq^2}{a^2} \left[\sqrt{2} + \frac{1}{2} \right] \quad \text{Ans (3) से D की ओर)}$$

इसी प्रकार अन्य बिन्दुओं पर कुलाम्बल होगा।

Q. 1.13 

Solu. अतः बिन्दु 0 पर परिणामी बल

$$\vec{F}_0 = \vec{F}_1 + \vec{F}_2 + \vec{F}_3 + \vec{F}_4 + \dots \infty$$

$$\therefore F = \frac{kq_1q_2}{r^2}$$

$$\vec{F}_0 = \frac{k \times 1 \times 4 \times 10^{-6}}{1} + \frac{k \times 1 \times 4 \times 10^{-6}}{4} + \frac{k \times 1 \times 4 \times 10^{-6}}{16} + \frac{k \times 1 \times 4 \times 10^{-6}}{64} + \dots \infty$$

$$\vec{F}_0 = k \times 4 \times 10^{-6} \left(1 + \frac{1}{4} + \frac{1}{16} + \frac{1}{64} + \dots \infty \right)$$

गुणोत्तर श्रेणी के अनन्त पदों का योग -

$$S_\infty = \frac{a}{1-r} \quad (r < 1)$$

$$S_\infty = \frac{1}{1 - \frac{1}{4}} = \frac{1}{\frac{4-1}{4}} = \frac{1}{\frac{3}{4}} = \frac{4}{3}$$

$$\vec{F}_0 = 3 \times 10^9 \times 4 \times 10^{-6} \times \frac{4}{3}$$

$$\vec{F}_0 = 48 \times 10^3 \text{ N } (-x \text{ अक्ष की अनुदिश})$$

$$\vec{F}_0 = 48 \times 10^3 (-\hat{i}) \text{ N}$$

* दो प्रोटीनों के मध्य लगाने वाले विद्युतीय बल तथा गुरुत्वाकर्षण बल कि तुलना -

विद्युतीय बल कि परिभाषा से -

$$F_e = \frac{kq_1q_2}{r^2} \quad \text{--- (1)}$$

$$q_1 = q_2 = q_p = 1.6 \times 10^{-19} \text{ C}$$

$$k = \frac{9 \times 10^9 \text{ N} \times \text{m}^2}{\text{C}^2}$$

समी. (क) से -

$$F_E = \frac{9 \times 10^9 \times 1.6 \times 1.6 \times 10^{-38}}{r^2} \quad \text{--- (2)}$$

इसी प्रकार गुरुत्वाकर्षण बल कि परिभाषा से -

$$F_G = \frac{G m_1 m_2}{r^2} \quad \text{--- (3)}$$

$$F_E \quad m_1 = m_2 = m_p = 1.67 \times 10^{-27} \text{ kg}$$

$$G = 6.67 \times 10^{-11} \text{ N m}^2$$

समी. (3) से kg^2

$$F_G = \frac{6.67 \times 10^{-11} \times 1.67 \times 1.67 \times 10^{-54}}{r^2} \quad \text{--- (4)}$$

समी (2) & (4) से r^2

$$\frac{F_E}{F_G} = \frac{9 \times 10^9 \times 1.6 \times 1.6 \times 10^{-38}}{r^2} \times \frac{r^2}{6.67 \times 10^{-11} \times 1.67 \times 1.67 \times 10^{-54}}$$

$$\frac{F_E}{F_G} = \frac{10^{-29}}{10^{-65}}$$

$$\frac{F_E}{F_G} = 10^{-29+65}$$

F_G

$$F_E \approx 10^{36} F_G$$

* विद्युतीय बल सक्ष कुसाम् बल में समानता व असमानता -
 गुरुत्वाकर्षण

* समानता -

दोनों बल केंद्रीय बल होते हैं।

1. दोनों बल अक्षी बल होते हैं।

2. दोनों बल व्युत्क्रम वर्ग नियम का पालन करते हैं।

3.

* असमानताएं -

1. विद्युतीय बल दो आवेशों के मध्य कार्यरत होता है जबकि गुरुत्वाकर्षण बल दो द्रव्यमानों के मध्य कार्यरत होता है।
2. विद्युतीय बल आकर्षण तथा प्रतिकर्षण दो प्रकार के प्रकृति प्रदर्शित करते हैं जबकि गुरुत्वाकर्षण बल केवल आकर्षण की प्रकृति प्रदर्शित करता है।
ये विद्युतीय बल में कूलाम् नियतांक के R का उपयोग किया जाता है जबकि गुरुत्वाकर्षण बल में G (गुरुत्वीय सार्वत्रिक नियतांक) का उपयोग किया जाता है।
3. विद्युतीय बल प्रबल प्रकृति के होते हैं जबकि गुरुत्वाकर्षण बल दुर्बल प्रकृति के होते हैं।
4. विद्युतीय बल माध्यम कि प्रकृति पर निर्भर करता है। जबकि गुरुत्वाकर्षण बल माध्यम पर निर्भर नहीं करता।

* विद्युत क्षेत्र -

किसी स्थिर आवेश के चारों ओर उत्पन्न वह क्षेत्र जिसमें किसी अन्य आवेश को लाने पर वे आकर्षण या प्रतिकर्षण बल का अनुभव करने लगता है उसे विद्युत क्षेत्र कहा जाता है।

* विद्युत क्षेत्र के स्रोत -

- स्थिर आवेश
1. परिवर्तित चुम्बकीय क्षेत्र
 - 2.

* विद्युत क्षेत्र के प्रकार -

दिशा तथा परिमाण के आधार पर विद्युत क्षेत्र तीन प्रकार के होते हैं।

om prakash saini

1. अपरिवर्तित वि. क्षेत्र.
2. परिवर्तित " "
3. सम विद्युत क्षेत्र

* अपरिवर्तित विद्युत क्षेत्र -

वह विद्युत क्षेत्र जिसकी दिशा तथा परिमाण में समय में सापेक्ष कोई परिवर्तन नहीं होता उसे अपरिवर्तित विद्युत क्षेत्र कहा जाता है।

* परिवर्तित क्षेत्र -

वह विद्युत क्षेत्र जिसकी दिशा व परिमाण दोनों ही समय के सापेक्ष लगातार परिवर्तित होते हैं। उसे परिवर्तित विद्युत क्षेत्र कहा जाता है।

* समविद्युत क्षेत्र -

वह विद्युत क्षेत्र जिसकी दिशा तथा परिमाण समय के सापेक्ष समान अर्थात् नियत रहते हैं। उसे समविद्युत क्षेत्र कहा जाता है।

* विद्युत क्षेत्र से सम्बन्धित कुछ महत्वपूर्ण परिभाषाएँ -

1. स्रोत आवेश -

वह आवेश जो विद्युत क्षेत्र उत्पन्न करता है उसे स्रोत आवेश कहा जाता है।

2. परिष्ठा आवेश -

वह आवेश जिसपर विद्युत क्षेत्र की तीव्रता का मान ज्ञात किया जाता है। उसे परिष्ठा आवेश कहा जाता है।

3. बिंदु आवेश -

वह आवेश जिसका आकार परिक्षण प्रेक्षण बिंदु से दूरी कि तुलना में नगण्य होता है उसे बिंदु आवेश कहा जाता है।

* विद्युत क्षेत्र कि तीव्रता -

विद्युत क्षेत्र में स्थित एकक परिक्षण धनावेश पर लगने वाले विद्युतीय बल की ही विद्युत क्षेत्र कि तीव्रता कहा जाता है।

$$\vec{E} = \frac{\vec{F}}{q_0} \quad \text{--- 1}$$

$$\therefore \vec{F} = \frac{kq_1q_2}{r^2} \cdot \hat{r} \text{ से}$$

$$\vec{E} = \frac{1}{q_0} \times \frac{kq_1q_0}{r^2} \cdot \hat{r}$$

$$\vec{E} = \frac{kq \cdot \hat{r}}{r^2} \quad \text{--- 2}$$

* विमा व मात्रक

$$\text{विमा} = \vec{E} = \frac{M^1 L^1 T^{-2}}{A^1}$$

$$\vec{E} = M^1 L^1 T^{-2} A^{-1}$$

$$\text{मात्रक} = \frac{\text{kg} \cdot \text{m}}{\text{sec}^2 \cdot \text{Amp}} \text{ or } \frac{\text{N}}{\text{C}} \text{ or Volt/m}$$

Note:- विद्युत क्षेत्र कि तीव्रता एक सदिश राशि होती है। जिसकी दिशा सदैव धनावेश से ऋणावेश कि ओर होती है।

Q1. किसी 5μC आवेश के द्वारा 8 N/C के विद्युत क्षेत्र का अनुभव किया जाता है तो इस पर लगने वाले बल का मान ज्ञात करो।

Q. $E = 8 \text{ N/C}$
 $q = 5 \mu\text{C} = 5 \times 10^{-6} \text{ C}$
 $F = ?$

Solu. $E = \frac{F}{q}$

$F = Eq$
 $F = 5 \times 10^{-6} \times 8$
 $F = 40 \times 10^{-6}$

$F = 4 \times 10^{-5} \text{ N}$



$F = 1.6 \text{ N}$

Solu. $F = \frac{kq_1q_2}{r^2}$

$1.6 = \frac{9 \times 10^9 \times q^2}{9}$

$q^2 = 1.6 \times 10^{-9}$

$q = \sqrt{1.6 \times 10^{-9} \text{ C}}$

$q = \sqrt{\frac{16 \times 10^{10}}{10^{20}}}$

$q = \frac{4}{10^5}$

$q = 4 \times 10^{-5} \text{ C}$

Q.2 $F = \frac{kq_1q_2}{r^2}$ — (1)

$F' = \frac{kq_1q_2}{(3r)^2}$

$F' = \frac{kq_1q_2}{9r^2}$ — (2)

समी. $\frac{q}{0.1}$ से

$\frac{F'}{F} = \frac{kq_1q_2 \times r^2}{9r^2 \times kq_1q_2}$

$F' = \frac{F}{9}$

Q.3 $Q = 5 \times 10^{-19} \text{ C}$

$n = ?$

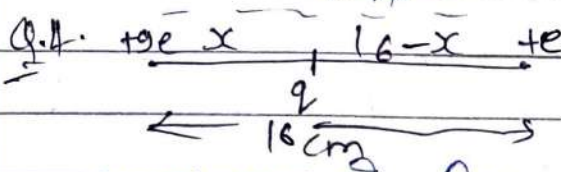
Solu. $\therefore Q = ne$ से

$n = \frac{Q}{e}$

$n = \frac{5 \times 10^{-19}}{1.6 \times 10^{-19}}$

$n = \frac{5}{1.6} = \frac{50}{16}$

$n = 3.12$



Solu. साम्यावस्था के लिए

$\therefore F = \frac{kq_1q_2}{r^2}$

$\frac{k \times q \times q}{(x \times 10^{-2})^2} = \frac{k \times q \times q}{[(16-x) \times 10^{-2}]^2}$

$\frac{q}{x^2 \times 10^{-4}} = \frac{q}{(16-x)^2 \times 10^{-4}}$

वर्गमूल लेने पर

$\frac{q}{x} = \frac{q}{16-x}$

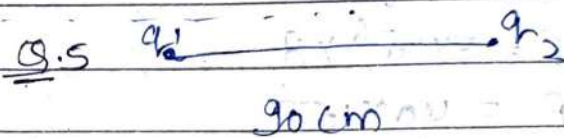
$48 - 3x = x$

$48 = x + 3x$

$48 = 4x$

$x = \frac{48}{4}$

$x = 12 \text{ cm}$



प्रश्मानुसार

स्पर्श कराने पर आवेश

$Q = \frac{q_1 + q_2}{2}$

अतः कुलाम बल

$\therefore F = \frac{kq_1q_2}{r^2}$ से

$0.025 = \frac{kQ^2}{(90 \times 10^{-2})^2}$ — (1)

$Q^2 = \frac{0.025 \times 90 \times 90 \times 10^{-4}}{9 \times 10^9 \times 1000}$

$Q^2 = \frac{25 \times 10^{-2} \times 9}{10^{12}}$

$Q^2 = 25 \times 9 \times 10^{-14}$

$Q = \sqrt{25 \times 9 \times 10^{-14}}$

$Q = 5 \times 3 \times 10^{-7}$

$Q = 15 \times 10^{-7}$

$Q = 1.5 \times 10^{-6}$

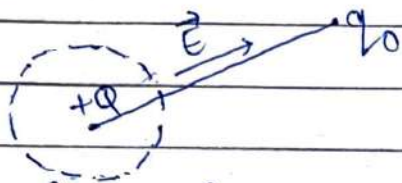
$Q = 1.5 \mu\text{C}$

$$m = \frac{F}{E_r}$$

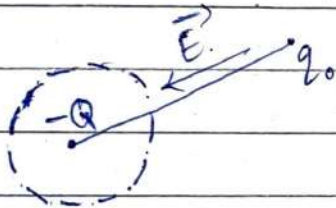
Q.6. कम

Notes - स्रोत आवेश के संदर्भ में विद्युत क्षेत्र की तीव्रता कि दिशा -

i) यदि स्रोत आवेश धनात्मक है तो विद्युत क्षेत्र कि तीव्रता कि दिशा स्रोत आवेश से परिष्ण आवेश कि ओर होती है।



ii) यदि स्रोत आवेश ऋणात्मक है तो विद्युत क्षेत्र कि तीव्रता कि दिशा परिष्ण आवेश से स्रोत आवेश कि ओर होती है।



* निवर्त तथा माध्यम में विद्युत क्षेत्र कि तीव्रताओ कि तुलना -

निवर्त कि विद्युत क्षेत्र की तीव्रता -

$$\vec{E} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{Q}{r^2} \cdot \hat{r} \quad \text{--- (1)}$$

इसी प्रकार माध्यम की विद्युत क्षेत्र कि तीव्रता

$$\vec{E}_m = \frac{1}{4\pi\epsilon} \cdot \frac{Q}{r^2} \cdot \hat{r} \quad \text{--- (2)}$$

समी. (1) & (2) से

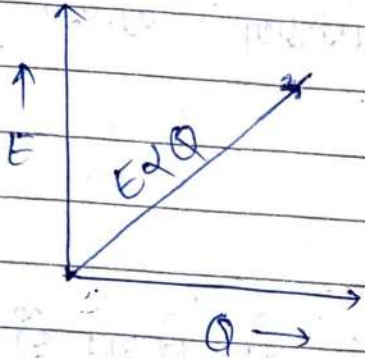
$$\frac{\vec{E}}{\vec{E}_m} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0 r^2} \cdot \frac{Q \cdot \hat{r}}{Q \cdot \hat{r}} \times \frac{4\pi\epsilon r^2}{Q \cdot \hat{r}}$$

$$\frac{\vec{E}}{\vec{E}_m} = \frac{E}{E_0} = E_r$$

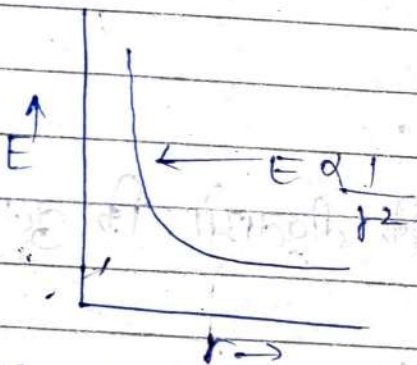
$$\boxed{\vec{E} = E_r \times \vec{E}_m}$$

अतः इससे स्पष्ट होता है कि निर्वात में विद्युत क्षेत्र की तीव्रता का मान माध्यम की तुलना में कम होता है।
ज्यादा

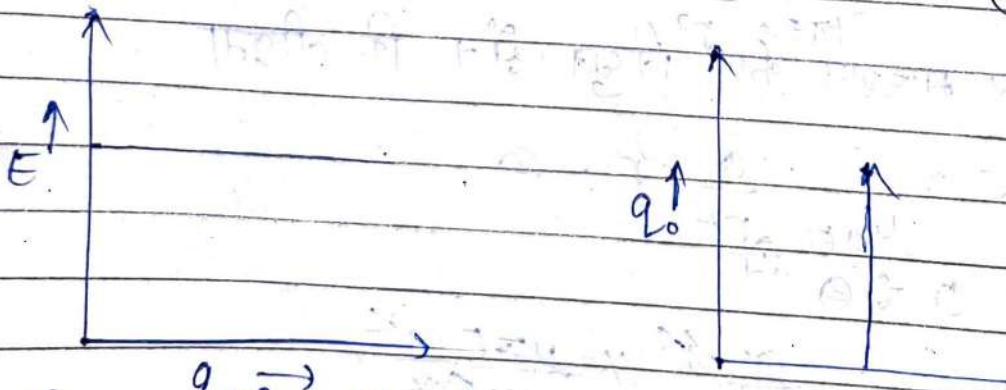
* विद्युत क्षेत्र की तीव्रता (E) तथा स्रोत आवेश के मध्य ग्राफ -



* विद्युत क्षेत्र की तीव्रता (E) तथा r के मध्य ग्राफ -



* विद्युत क्षेत्र की तीव्रता (E) तथा परिक्षण आवेश (q_0) के मध्य ग्राफ -



Notes:- विद्युत क्षेत्र की तीव्रता का मान परिक्षण आवेश पर निर्भर नहीं करता।

Q. यदि किसी श्व के आवेश के द्वारा 5cm की दूरी पर स्थित $10 \mu\text{C}$ के परिष्ठा आवेश पर 5 N/C के विद्युत क्षेत्र का अनुभव किया जाता है। यदि इतनी ही दूरी पर $20 \mu\text{C}$ का परिष्ठा आवेश रख दिया जाए तो विद्युत क्षेत्र पर क्या उभाव पड़ेगा ?

Q.2. किसी धैरुन को वायु में स्थिर करने के लिए कितना विद्युत क्षेत्र आरोपित करना होगा ?

Ans. इस स्थिती में विद्युत क्षेत्र का मान अपरिवर्तित रहता है क्योंकि विद्युत क्षेत्र परिष्ठा आवेश पर निर्भर नहीं करता ।

Ans. 2.



$$m_p = 1.67 \times 10^{-27} \text{ kg.}$$

संतुलन की अवस्था में -

$$mg = qE$$

$$E = \frac{mg}{q}$$

$$E = \frac{1.67 \times 10^{-27} \times 10}{1.6 \times 10^{-19}}$$

$$1.6 \times 10^{-19}$$

$$E = \frac{1.67 \times 10^{-17}}{1.6}$$

* विद्यु उदासीन बिंदु -

विद्युत क्षेत्र में स्थित वह बिंदु जिनपर परिणामी विद्युत क्षेत्र का मान शून्य होता है। उन्हे उदासीन बिंदु कहाँ जाता है।

माना दो आवेश q_1 व q_2 के कारण किसी बिंदु पर

विद्युत क्षेत्र के मान E_1 व E_2 हैं तो उदासीन बिंदुओं की परिभाषा से -

$$\vec{E}_1 + \vec{E}_2 = 0$$

$$\vec{E}_1 = -\vec{E}_2$$

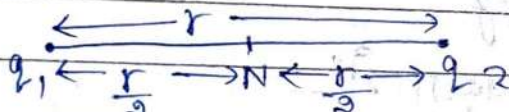
or

$$|\vec{E}_1| = |\vec{E}_2|$$

Note:- उदासीन बिंदु सर्वत्र सजातीय आवेशों के कारण ही प्राप्त होते हैं

Q. यदि उदासीन बिंदु दो आवेशों को मिलाने वाली सरल रेखा के ठीक मध्य में प्राप्त होता है तो इससे आवेशों के बारे में क्या निष्कर्ष प्राप्त होता है।

Ans



उदासीन बिंदुओं की परिभाषा से

$$|\vec{E}_1| = |\vec{E}_2|$$

$$\therefore E = kq \frac{1}{r^2}$$


$$\frac{kq_1}{(r/2)^2} = \frac{kq_2}{(r/2)^2}$$

$$q_1 = q_2$$

अतः इससे स्पष्ट होता है कि इस स्थिति में दोनों आवेश परिमाण में समान होते हैं।

Q. यदि उदासीन बिंदु दोनो आवेशों को मिलाने वाली सरल रेखा के ठीक मध्य में प्राप्त न होकर किसी अन्य बिंदु पर प्राप्त होता है तो इससे आवेशों के बारे में

में क्या निरक्षर प्राप्त होता है।

Ans 
 उदासीन बिंदुओं की परिभाषा से -

$$|E_1| = |E_2|$$

$$\therefore E = \frac{kq}{r^2} \text{ से}$$

$$\frac{kq_1}{r_1^2} = \frac{kq_2}{r_2^2}$$

$$\frac{q_1}{r_1^2} = \frac{q_2}{r_2^2}$$

$$\frac{q_1}{q_2} = \frac{r_1^2}{r_2^2}$$

$$q_1 r_2^2$$

अतः इससे स्पष्ट होता है कि जिस आवेश से उदासीन बिंदु अत्यधिक दूरी पर होगा उस आवेश का परिमाण भी अधिक होगा।

* विद्युत क्षेत्र रेखाएँ -

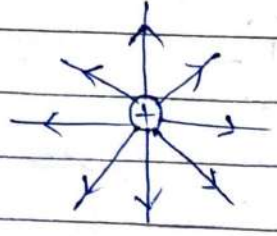
सर्वप्रथम वैज्ञानिक माइकल फेरेडे ने विद्युत क्षेत्र का निरूपण विद्युत क्षेत्र रेखाओं के रूप में किया।

=> परिभाषा -

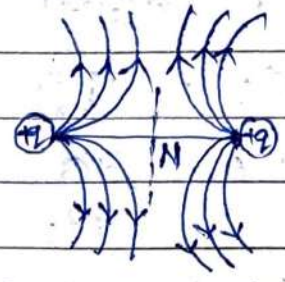
विद्युत क्षेत्र में खींचा गया वह काल्पनिक वक्र जिसपर सकारण परिक्षण धनावेश चलने का प्रयास करता है अथवा जिस पथ का अनुसरण करता है उस पथ को ही विद्युत क्षेत्र रेखाएँ कहा जाता है।

* विद्युत क्षेत्र रेखाओं की रचना या निर्माण -

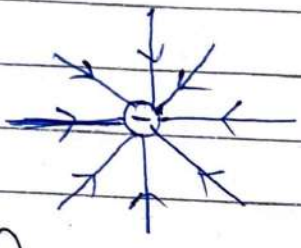
1. एकल धनावेश के लिए -



2. दो समान परिमाण के धनावेशों के लिए -

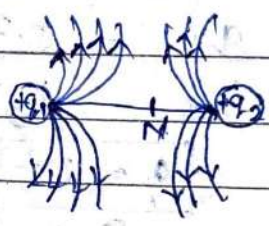


3. एकल ऋणावेश के लिए -

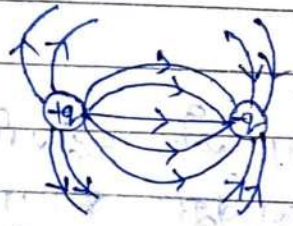


4. दो असमान परिमाण के धनावेशों के लिए -

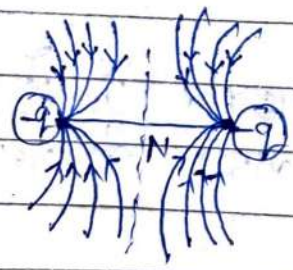
$q_1 > q_2$



5. द्विध्रुव के लिए.

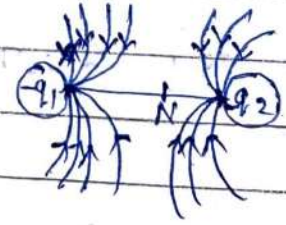


6. दो समान परिमाण के ऋणावेशों के लिए -



7. दो असमान परिमाण के ऋणावेशों के लिए -

$q_1 > q_2$



* विद्युत क्षेत्र रेखाओं की विशेषताएँ या गुण -

1. ये रेखाएँ सदैव धनावेश से प्रारम्भ होकर ऋणावेश पर समाप्त हो जाती हैं।

2. विद्युत क्षेत्र रेखाओं के किसी भी बिंदु पर खींची गई स्पर्श रेखा विद्युत क्षेत्र की दिशा को प्रदर्शित करती है।

3. दो विद्युत क्षेत्र रेखाएँ कभी भी एक-दूसरे को नहीं काटती हैं।
4. विद्युत क्षेत्र रेखाएँ सदैव सतत वक्र का निर्माण करती हैं।
5. विद्युत क्षेत्र रेखाएँ लम्बाई के अनुदिश सिकुड़ने का प्रयास करती हैं अर्थात् विपरित आवेशों में सदैव आकर्षण होता है।
6. विद्युत क्षेत्र रेखाएँ लम्बाई के लम्बवत् फैलने का प्रयास करती हैं अर्थात् समान प्रकृति के आवेशों में प्रतिकर्षण होता है।

विद्युत क्षेत्र रेखाओं का महत्व -

इन रेखाओं की सहायता से विद्युत क्षेत्र के परिमाण एवं दिशा के बारे में जानकारी प्राप्त होती है।

⇒ विभिन्न स्थानों पर विद्युत क्षेत्र रेखाएँ पास-पास होती हैं उन स्थानों पर विद्युत क्षेत्र का परिमाण अधिक तथा जहाँ दूर-2 होती है वहाँ विद्युत क्षेत्र का परिमाण कम प्राप्त होता है तथा विद्युत क्षेत्र रेखाओं के किसी भी बिंदु पर खींची गई स्पर्श रेखा विद्युत क्षेत्र की दिशा को प्रदर्शित करती है।

Q.1. दो विद्युत क्षेत्र रेखाएँ कभी भी एक-दूसरे को नहीं काटती हैं क्यों?

Q.2. वि. क्षेत्र रेखाएँ सदैव सतत वक्र का निर्माण करती हैं क्यों?

Q.3. यदि दो आवेशों के मध्य एक अन्य तीसरा आवेश रख दिया जाए तो इससे श्लाम्फल पर क्या प्रभाव पड़ेगा?

Q.4. यदि एक 5mg के गोलें पर आवेश का मान $10\mu\text{C}$ है तो इसे वायु में स्थिर करने के लिए कितना वि. क्षेत्र आरोपित करना होगा -

Ans. दो विद्युत क्षेत्र रेखाएँ कभी भी एक-दूसरे को नहीं काटती हैं क्योंकि जिस बिंदु पर एक-दूसरे को

काटेगी उस बिन्दु पर विद्युत क्षेत्र की दो दिशाएँ प्राप्त होंगी जो कि सम्भव नहीं हैं।

Ans 2. ∞ विद्युत क्षेत्र रेखाएँ मॉडर्न सेक्टर तक का निर्माण करती हैं क्योंकि जिन बिन्दुओं पर ये रेखाएँ असतत होंगी उन बिन्दुओं पर $E=0$ होने से कोई विद्युत क्षेत्र रेखा नहीं होगी।

Ans 3. इस स्थिति में कुलाम् बल पर कोई प्रभाव नहीं पड़ेगा। क्योंकि कुलाम् बल तीसरे आवेश कि उपस्थिति पर निर्भर नहीं करता।

Ans 4. $q = 10 \mu C$
 $q = 10 \mu C$ $5mg$ mg $solu.$ संतुलन की अवस्था में -

$$qE = mg$$

$$E = \frac{mg}{q}$$

$$E = \frac{5 \times 10^{-3} \times 10^{-3} \times 10}{10 \times 10^{-6}}$$

$$E = 5 N/C$$

* द्विध्रुव (Dipole) - आवेशों का एक ऐसा युग्म जिस पर आवेश का मान परिमाण में समान लेकिन प्रकृति में विपरीत हो तथा इन आवेशों का अत्यल्प दूरी पर रख दिया जाये तो ये व्यवस्था द्विध्रुव कहलाती है।

* द्विध्रुव से संबंधित कुछ महत्वपूर्ण परिभाषाएँ -

* द्विध्रुव का केन्द्र - द्विध्रुव के दोनों आवेशों को मिलाने वाली खण्ड रेखा के मध्य बिंदु को ही द्विध्रुव का केन्द्र

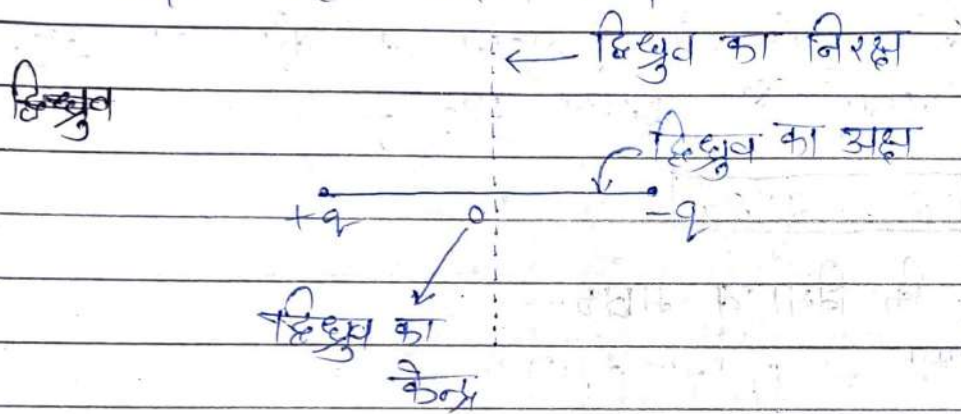
कहा जाता है।

* द्विष्टुव का अक्ष -

द्विष्टुव के दोनों आवेशों को मिलाने वाली सरल रेखा को ही द्विष्टुव का अक्ष कहा जाता है।

* द्विष्टुव का निरक्ष -

द्विष्टुव के केन्द्र से होकर तथा अक्ष के लम्बवत् गुजरने वाली सरल रेखा को ही द्विष्टुव का निरक्ष कहा जाता है।



* द्विष्टुव के प्रकार -

(जो द्विष्टुव) धनावेश व ऋणावेश के केन्द्र कि अपरिणती के अक्षर पर दो प्रकार का होता है।

1. स्थायी द्विष्टुव
2. वैरित द्विष्टुव

स्थायी द्विष्टुव -

1. वे द्विष्टुव जिसमें धनावेश तथा ऋणावेश के केन्द्र विद्युत क्षेत्र कि अनुपायिती में पृथक-2 रहते हैं। इसे स्थायी द्विष्टुव कहा जाता है।

Eg. NaCl, HCl

2. पैरित द्विध्रुव -

वे द्विध्रुव जिसमें धनावेश तथा ऋणावेश के केंद्र एक विद्युत क्षेत्र की अनुपस्थिति में सम्मति होते हैं। लेकिन विद्युत क्षेत्र आरोपित करने पर ये पृथक-2 हो जाते हैं। उन्हें पैरित द्विध्रुव कहा जाता है।

Ex. CH₄, H₂O, CO₂ etc.

* द्विध्रुव आघुर्ण - (Dipole Moment) -

द्विध्रुव के दोनों आवेशों में से किसी एक आवेश का परिमाण तथा इसके माध्य बिंदु से दूरी के गुणनफल को ही द्विध्रुव आघुर्ण कहा जाता है इसका मान -

$$P = q \times 2a$$

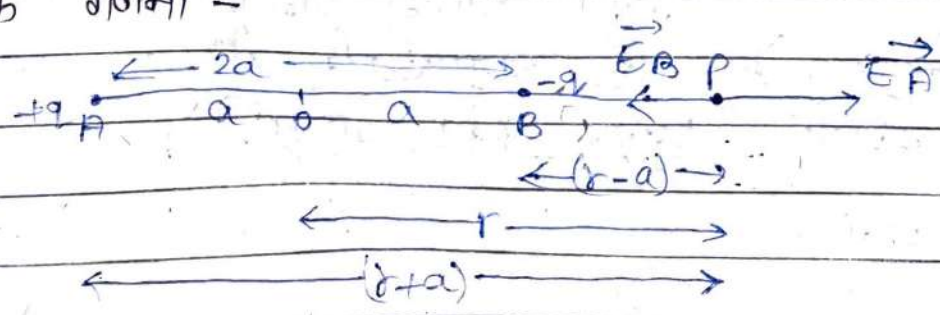
* द्विध्रुव आघुर्ण कि विमा व मात्रक -

$$\begin{aligned} \text{विमा} &= [A^1 T^1] [L^1] \\ &= [m^1 A^1 T^1] \end{aligned}$$

मात्रक = C x m (कूलाम x मीटर)

Note:- द्विध्रुव आघुर्ण एक सदिश राशि होती है जिसकी दिशा सदैव ऋणावेश से धनावेश की ओर होती है।

* द्विध्रुव के अक्ष पर स्थित बिंदु पर विद्युत क्षेत्र की तीव्रता कि गणना -



माना किसी विद्युत के अक्ष पर कोई बिन्दु P स्थित है। जिसके केंद्र से दूरी r है तथा इस पर विद्युत क्षेत्र कि तीव्रता का मान ज्ञात करना है तो -
अतः बिन्दु P पर A के कारण विद्युत क्षेत्र -

$$\therefore E = \frac{kQ}{r^2}$$

$$\vec{E}_A = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q}{(r+a)^2} \cdot \hat{r} \quad \text{--- (1) (A से P)}$$

इसी प्रकार बिन्दु P पर B के कारण विद्युत क्षेत्र

$$\vec{E}_B = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q}{(r-a)^2} \cdot \hat{r} \quad \text{--- (2) (P से B)}$$

अतः परिणामी विद्युत क्षेत्र -

$$\vec{E}_{\text{अक्ष}} = \vec{E}_B - \vec{E}_A$$

समी: (1) व (2) से

$$\vec{E}_{\text{अक्ष}} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q}{(r-a)^2} \cdot \hat{r} - \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q}{(r+a)^2} \cdot \hat{r}$$

$$\vec{E}_{\text{अक्ष}} = \frac{q}{4\pi\epsilon_0} \left[\frac{1}{(r-a)^2} - \frac{1}{(r+a)^2} \right] \cdot \hat{r}$$

$$\vec{E}_{\text{अक्ष}} = \frac{q}{4\pi\epsilon_0} \left[\frac{(r+a)^2 - (r-a)^2}{(r-a)^2 (r+a)^2} \right] \cdot \hat{r}$$

$$\vec{E}_{\text{अक्ष}} = \frac{q}{4\pi\epsilon_0} \left[\frac{r^2 + a^2 + 2ar - r^2 - a^2 + 2ar}{(r^2 - a^2)^2} \right] \cdot \hat{r}$$

$$= \frac{q}{4\pi\epsilon_0} \left[\frac{4ar}{(r^2 - a^2)^2} \right] \cdot \hat{r}$$

यदि $r \gg a$ हो तो

$$\vec{E}_{\text{अक्ष}} = \frac{q}{4\pi\epsilon_0} \times \frac{4ar}{r^4} \cdot \hat{r}$$

$$= \frac{q}{4\pi\epsilon_0} \times \frac{2a \times 2}{r^3} \hat{r}$$

$$= \frac{2(2 \times 2a)}{4\pi\epsilon_0 r^3} \hat{r}$$

$$\because q \times 2a = p$$

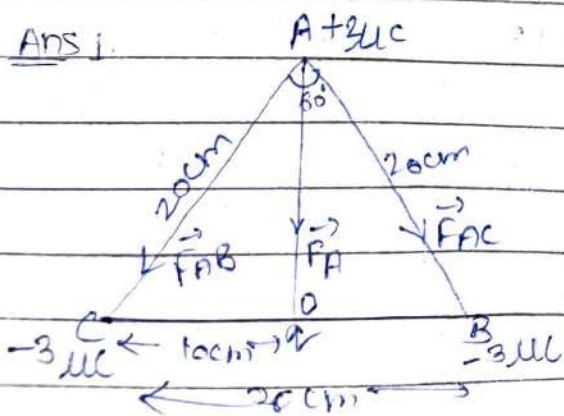
$$\therefore \frac{1}{4\pi\epsilon_0} = k$$

$$\vec{E}_{\text{अक्ष}} = \frac{2kp}{r^3} \cdot \hat{r}$$

Q.1. तीन बिंदु आवेश क्रमशः $+2 \mu\text{C}$, $-3 \mu\text{C}$, $-3 \mu\text{C}$ समबाहु त्रिभुज के शीर्षों पर रखे गए हैं तथा समबाहु त्रिभुज की भुजा 20 cm है तो BC को मिलाने वाली रेखा के मध्य बिंदु पर कितना आवेश रखा जाए ताकि बिंदु A पर रखा आवेश साम्यावस्था में हो?

Q.2. दो धातु के गोलों A व B चिनंपर आवेश का मान अज्ञमान है एक-दूसरे से 10 cm की दुरी पर स्थित हैं यदि गोलों A के सम्पर्क में समरूप अनावेशित गोलों C को तथा गोलों B के सम्पर्क में समरूप अनावेशित गोलों D को लाया जाता है तब पश्चात् इन्हें 5 cm की दुरी पर रख दिया जाता है तो कुलाम बल पर क्या प्रभाव पड़ेगा?

Ans i.



$$\therefore F = \frac{k q_1 q_2}{r^2}$$

बिंदु A पर B के कारण बल

$$\vec{F}_{AB} = \frac{9 \times 10^9 \times 2 \times 10^{-6} \times 3 \times 10^{-6}}{(20 \times 10^{-2})^2} \quad (\text{1 या B})$$

$$\vec{F}_{AB} = \frac{54 \times 10^{-3} \text{ N}}{400 \times 10^{-4}} \quad \text{--- (1)}$$

इसी प्रकार

$$\vec{F}_{AC} = \frac{54 \times 10^{-3} \text{ N}}{400 \times 10^{-4}} \quad \text{--- (2)}$$

अतः बिन्दु A पर परिणामी बल -

$$\vec{F}_A = \sqrt{F_{AB}^2 + F_{AC}^2 + 2F_{AB}F_{AC}\cos 60^\circ}$$

$$\vec{F}_A = \sqrt{F^2 + F^2 + 2F^2 \times \frac{1}{2}}$$

$$\vec{F}_A = \sqrt{3F^2} = F\sqrt{3}$$

$$\vec{F}_A = \frac{54 \times 10^{-3} \times \sqrt{3}}{400 \times 10^{-4}}$$

$$\vec{F}_A = \frac{54 \times \sqrt{3}}{40} \text{ N}$$

अतः q आवेश कि सम्भाव्यता के लिए -

$$\vec{F}_A = \vec{F}_{Aq}$$

$$\frac{54 \times \sqrt{3}}{40} = \frac{9 \times 10^9 \times 2 \times 10^{-6} \times q}{(A_0)^2}$$

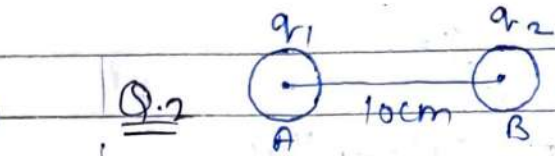
$$\therefore A_0 = \sqrt{AB^2 - OB^2}$$

$$A_0 = \sqrt{20^2 - 10^2} = \sqrt{300}$$

$$A_0 = 10\sqrt{3} \text{ cm}$$

$$\frac{54 \times \sqrt{3}}{40} = \frac{18 \times 10^3 \times q}{100 \times 3 \times 10^{-4}}$$

$$q = \frac{54 \times \sqrt{3} \times 3 \times 10^{-2}}{40 \times 18 \times 10^3} \Rightarrow$$

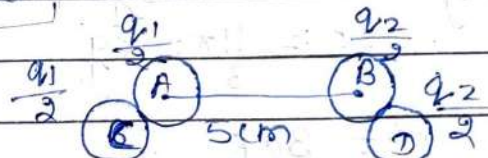


अतः कुलाम बल

$$F = \frac{kq_1q_2}{r^2}$$

$$F = \frac{kqA_2}{(10 \times 10^{-2})^2} \quad \text{--- (1)}$$

प्रश्नानुसार -



अतः कुलाम बल -

$$F' = \frac{k \frac{q_1}{2} \times \frac{q_2}{2}}{(5 \times 10^{-2})^2}$$

$$F' = \frac{kq_1q_2}{4 \times 25 \times 10^{-4}} \quad \text{--- (2)}$$

समी. (1) ÷ (2) से

$$\frac{F}{F'} = \frac{kq_1q_2 \times 100 \times 10^{-4}}{100 \times 10^{-4} \times kq_1q_2}$$

$$\frac{F}{F'} = 1$$

$$F = F'$$

अतः इस स्थिति में कुलाम बल अपरिवर्तित रहेगा जितना पहले था उतना ही रहेगा।

$$q = \frac{9\sqrt{3}}{4} \times 10^{-6} \text{ C}$$

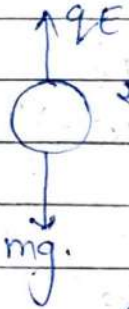
Eg. 1.14 $q = ne$ से

$q = 1.9e, E = 2.55 \times 10^4 \text{ N/C}$

$\rho = 1.26 \times 10^3 \text{ kg/m}^3$

$r = ?$

Solu.



संतुलन की अवस्था में-

$qE = mg$

$qE = V \rho g$

$qE = \frac{4\pi r^3}{3} \rho g$

$r^3 = \frac{3qE}{4\pi \rho g}$

$r^3 = \frac{3 \times 1.9 \times 1.6 \times 10^{-19} \times 2.55 \times 10^4}{4 \times 3.14 \times 1.26 \times 10^3 \times 9.8}$

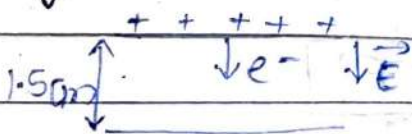
$r^3 = \frac{2.31 \times 10^{-14}}{157.4247} \rightarrow 0.92$

$r^3 = \frac{1020 \times 10^{-18}}{1099} \rightarrow 0.92$

$r = \sqrt[3]{0.92} \approx 0.97 \text{ m}$

$r = \sqrt[3]{\frac{1020 \times 10^{-18}}{1099}} \approx 0.97 \text{ m}$

Eg. 1.5. $E = 2 \times 10^4 \text{ N/C}$



$\downarrow p^+$

$\uparrow E \rightarrow$

चरों के कारण कार्यरत बल-

द्विज्वल $F = ma$ के कारण कार्यरत बल-

$F = qE$ — (2)

समी. (1) व (2) से

$ma = qE$

$a = \frac{qE}{m}$ — (3)

अतः गति के द्वितीय समी. से-

$s = ut + \frac{1}{2}at^2$

$\because u = 0 \text{ m/s}$

$s = \frac{1}{2}at^2$

$t^2 = \frac{2s}{a}$

$t = \sqrt{\frac{2s}{a}}$ — (4)

समी. (3) से-

$t = \sqrt{\frac{2s}{\frac{qE}{m}}} \times m$

e^- के लिए -

$t_e = \sqrt{\frac{2 \times 1.5 \times 10^{-2} \times 9.1 \times 10^{-31}}{1.6 \times 10^{-19} \times 2 \times 10^4}}$

$t_e = \sqrt{\frac{2.0 \times 9.1 \times 10^{-18}}{3.2 \times 10^6}}$

$= \frac{1 \times 10^{-9} \sqrt{136.5}}{4}$

$= \frac{1 \times 10^{-9} \times 11.68}{4}$

$t_e = \frac{11.68 \times 10^{-9}}{4}$

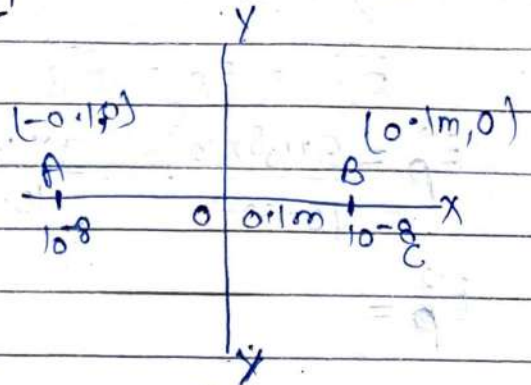
इसी प्रकार $p+$ के लिए -

$$t_p = \frac{2 \times 10^5 \times 10^{-2}}{\sqrt{1.6 \times 10^{-19} \times 2 \times 10^4}} \times 1.67 \times 10^{-27}$$

$$t_p = \frac{250.5 \times 10^{-14}}{16 \times 100}$$

$$t_p = 156.56 \times 10^{-16}$$

1.17



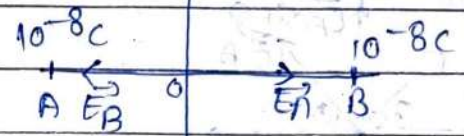
दिए गए मूल बिंदु पर -

गुरुत्व पथ के अखंड गति से तुलना -

" $a = g$
 समी. (4) से -

$$t = \sqrt{\frac{2s}{g}}$$

$$t = \frac{2x}{9.8}$$



$$E = kQ$$

A के कारण वि. क्षेत्र

$$E_A = \frac{9 \times 10^9 \times 10^{-8}}{(0.1)^2} \quad \text{--- (1)}$$

इसी प्रकार -

$$E_B = \frac{9 \times 10^9 \times 10^{-8}}{(0.1)^2} \quad \text{--- (2)}$$

चित्र से

$$\vec{E}_0 = \vec{E}_A - \vec{E}_B$$

समी. (1) व (2) से

$$\vec{E}_0 = 0 \text{ N/C}$$

1.16

$$q = 5 \times 10^{-4} \text{ C}$$

$$F = 2.25 \text{ N}$$

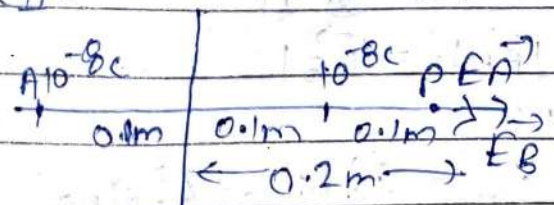
$$E = ?$$

$$E = \frac{F}{q} \text{ से}$$

$$E = \frac{2.25}{5 \times 10^{-4} \times 10^2}$$

$$E = 45 \times 10^9$$

Case II.



अतः बिंदु P पर परिणामी क्षेत्र वि. क्षेत्र

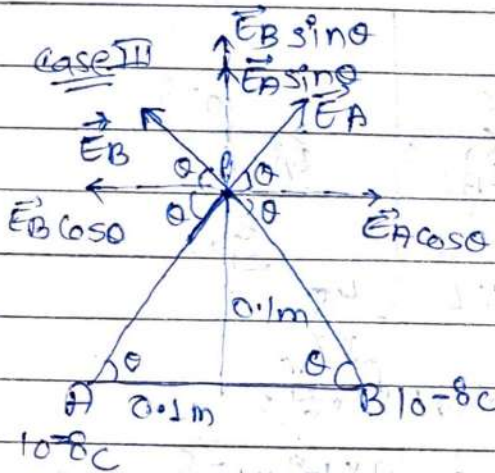
$$\vec{E}_P = \vec{E}_A + \vec{E}_B$$

$$\vec{E}_P = \frac{9 \times 10^8 \times 10^9}{(0.3)^2} + \frac{9 \times 10^9 \times 10^8}{(0.1)^2}$$

$$\vec{E}_P =$$

$$\vec{E}_P = 2 \vec{E}_A \sin \theta$$

$$\vec{E}_P = \frac{2 \times 9 \times 10^9 \times 10^8}{[(0.1)^2 + (0.1)^2]} \times \frac{0.1}{\sqrt{(0.1)^2 + (0.1)^2}}$$



1.18

Na⁺

$$2a = 1.28 \text{ \AA} = 1.28 \times 10^{-10} \text{ m}$$

$$P = ?$$

$$P = q \times 2a \text{ से}$$

$$P = 1.6 \times 10^{-19} \times 1.28 \times 10^{-10} = 2.048 \times 10^{-29}$$

बिंदु P पर A के कारण वि. क्षेत्र

$$\vec{E}_A = \frac{9 \times 10^9 \times 10^8}{(\sqrt{(0.1)^2 + (0.1)^2})^2} \text{ (A से P)}$$

$$\vec{E}_A = \frac{9 \times 10^8}{[(0.1)^2 + (0.1)^2]} \text{ --- (1)}$$

वही प्रकार -

--- (2) (B से P)

$$\vec{E}_B = \frac{9 \times 10^8}{[(0.1)^2 + (0.1)^2]}$$

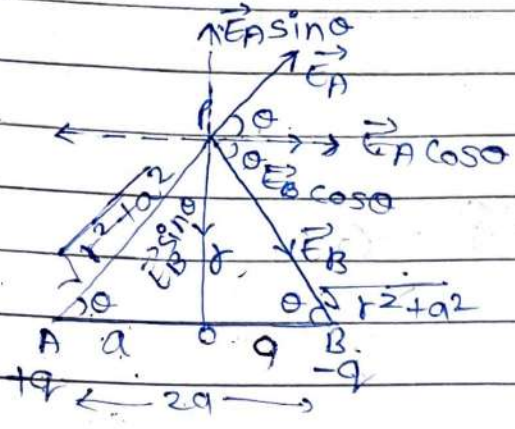
समी. (1) व (2) से

$$|\vec{E}_A| = |\vec{E}_B|$$

अतः

$$\vec{E}_P = \vec{E}_A \sin \theta + \vec{E}_B \sin \theta$$

* द्विध्रुव के निरक्ष पर स्थित बिन्दु पर विद्युत क्षेत्र की तीव्रता की गणना



माना किसी द्विध्रुव के निरक्ष पर
 दूरी पर कोई बिन्दु P स्थित है
 जिस पर विद्युत क्षेत्र की तीव्रता
 का मान ज्ञात करना है -

अतः बिन्दु P पर A के कारण वि. क्षेत्र -

$$E = \frac{kq}{r^2}$$

$$\vec{E}_A = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q}{(r^2+a^2)^2} \quad (\text{A से P})$$

$$\vec{E}_A = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q}{(r^2+a^2)} \cdot \hat{r} \quad \text{--- (1)}$$

इसी प्रकार बिन्दु P पर B के कारण वि. क्षेत्र -

$$\vec{E}_B = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q}{(r^2+a^2)} \cdot \hat{r} \quad \text{--- (2) (P से B)}$$

समी. (1) व (2) से

$$|\vec{E}_A| = |\vec{E}_B|$$

अतः इस रीति में चित्र से स्पष्ट होता है कि वि. क्षेत्र के
 अक्षरिहक दृष्टक परिमाण में समान व दिशा में विपरित होते
 हैं इस कारण एक-दूसरे के प्रभाव को निरस्त कर देते
 हैं इस कारण परिणामी विद्युत क्षेत्र का मान केवल द्विध्रुव
 दृष्टको के कारण ही प्राप्त होता है।

अतः परिणामी वि. क्षेत्र -

$$\vec{E}_{\text{निरक्ष}} = \vec{E}_A \cos \theta + \vec{E}_B \cos \theta$$

$$\therefore |\vec{E}_A| = |\vec{E}_B|$$

$$\vec{E}_{\text{निरक्ष}} = 2\vec{E}_A \cos\theta$$

समी. ① से

$$\vec{E}_{\text{निरक्ष}} = 2 \times \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q}{(r^2+a^2)} \cos\theta \cdot \hat{r} \quad \text{--- (3)}$$

चित्र से समकोण ΔPOB में -

$$\cos\theta = \frac{A}{K} = \frac{a}{\sqrt{r^2+a^2}}$$

समी. ③ से -

$$\vec{E}_{\text{निरक्ष}} = 2 \times \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \times \frac{q}{(r^2+a^2)} \cdot \frac{a}{\sqrt{r^2+a^2}} \cdot \hat{r}$$

$$\vec{E}_{\text{निरक्ष}} = 2 \times \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{qa}{(r^2+a^2)^{\frac{3}{2}}} \cdot \hat{r}$$

$$\vec{E}_{\text{निरक्ष}} = \frac{q \times 2a}{4\pi\epsilon_0 (r^2+a^2)^{\frac{3}{2}}} \cdot \hat{r}$$

अदि $r \gg a$ हो तो

$$\vec{E}_{\text{निरक्ष}} = \frac{q \times 2a}{4\pi\epsilon_0 \cdot r^3} \cdot \hat{r}$$

$$\therefore a \times 2a = p$$

$$\therefore \frac{1}{4\pi\epsilon_0} = k$$

$$\boxed{\vec{E}_{\text{निरक्ष}} = \frac{kp}{r^3} \cdot \hat{r}}$$

* द्विध्रुव के अक्ष तथा निरक्ष पर वि. क्षेत्र की तीव्रता कि तुलना -
अक्ष पर

$$\vec{E}_{\text{अक्ष}} = \frac{2kp}{r^3} \cdot \hat{r} \quad \text{--- (4)}$$

निरक्ष पर

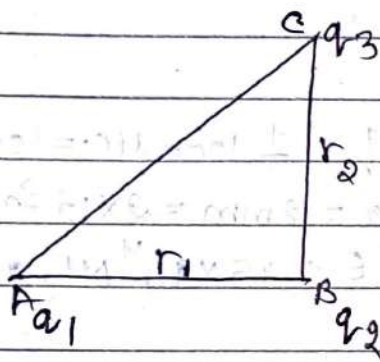
$$\vec{E}_{\text{निरक्ष}} = \frac{kq}{r^3} \cdot \vec{r} \quad \text{--- (2)}$$

अतः समी. (1) व (2) से

$$\frac{\vec{E}_{\text{आक्ष}}}{\vec{E}_{\text{निरक्ष}}} = \frac{2kq \cdot r \cdot r^3}{r^3 \cdot kq \cdot r}$$

$$\vec{E}_{\text{आक्ष}} = 2 \times \vec{E}_{\text{निरक्ष}}$$

प्र.



यदि $q_1 = 1.5 \text{ mC}$

$q_2 = 0.3 \text{ mC}$

$q_3 = -0.5 \text{ mC}$

$r_1 = 1.2 \text{ m}$

$r_2 = 0.6 \text{ m}$

तो q_2 पर परिणामी बल ज्ञात करो ?

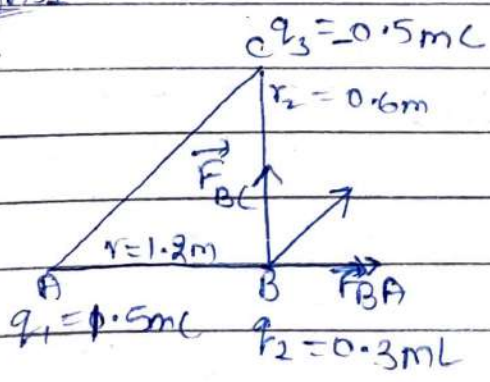
Q.1. दो बिंदु आवेश क्रमशः $+16 \mu\text{C}$ व $-9 \mu\text{C}$ वायु में 8cm की दूरी पर रखे गए हैं तो इनको मिलाने वाली रेखा के किस बिंदु पर परिणामी वि. क्षेत्र का मान 0 हो जाए।

Q.2. द्विध्रुव के अक्ष व निरक्ष पर स्थित बिंदु के लिए E व \vec{r} के मध्य ग्राफ बनाओ ?

बिंदु B पर A के कारण कुलाम्ब बल -

ANS1

Soln.



$$\vec{F}_{BA} = \frac{9 \times 10^9 \times 1.5 \times 10^{-3} \times 0.3 \times 10^{-3}}{(1.2)^2} \quad \text{(A से B)}$$

$$\vec{F}_{BA} = \frac{9 \times 0.45 \times 10^3}{1.44} \text{ N} \quad \text{--- (1)}$$

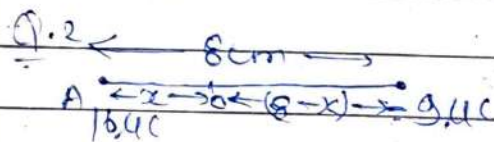
इसी प्रकार -

$$\vec{F}_{BC} = \frac{9 \times 10^9 \times 0.3 \times 10^{-3} \times 0.5 \times 10^{-3}}{(0.6)^2} \quad \text{(B से C)}$$

$$\vec{F}_{BC} = \frac{9 \times 0.15 \times 10^3}{0.36} \text{ N} \quad \text{--- (2)}$$

अतः परिणामी बल

$$\vec{F}_B = \sqrt{F_{BA}^2 + F_{BC}^2}$$



1.20.

Solu. $E = \frac{kQ}{r^2}$

$$q = \pm 1000 \mu C = 1000 \times 10^{-6} C$$

$$2a = 2 \text{ mm} = 2 \times 10^{-3} \text{ m}$$

$$E = 15 \times 10^4 \text{ N/C } \theta = 30^\circ$$

$$E_1 + E_2 = 0$$

$$\left| \frac{k \times 16 \times 10^{-6}}{(x \times 10^{-2})^2} \right| + \left| \frac{k \times 9 \times 10^{-6}}{[(8-x) \times 10^{-2}]^2} \right| = 0$$

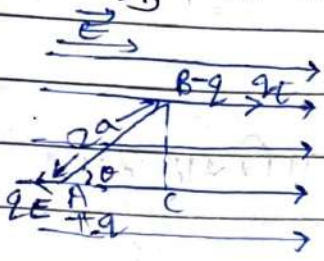
Solu. $\tau = PE \sin \theta$
 $\tau = (q \times 2a) E \sin \theta$

$$\left| \frac{k \times 16 \times 10^{-6}}{x^2 \times 10^{-4}} \right| = \left| \frac{k \times 9 \times 10^{-6}}{(8-x)^2 \times 10^{-4}} \right|$$

वर्गमूल लेने पर

$$\frac{4}{x} = \frac{3}{(8-x)}$$

द्विध्रुव को समविद्युत क्षेत्र में रखने पर कार्यरत बल एवं बलाघूर्ण -



जब किसी द्विध्रुव को समविद्युत क्षेत्र में रखा जाता है तो इसके दोनों आवेशों के कारण इस पर कुलाम बल कार्यरत होते हैं यह बल परिमाण में समान लेकिन दिशा में विपरीत होते हैं इस कारण यह एक-दूसरे के प्रभाव को निरस्त कर देते हैं अतः परिणामी बल का मान शून्य प्राप्त होता है।

विद्युत क्षेत्र की तीव्रता की परिभाषा से -

$$E = \frac{F}{q} \text{ से}$$

$$F = qE$$

$$\vec{F} = q\vec{E} - q\vec{E}$$

$$\vec{F} = 0 \text{ — (1)}$$

टorque = बल \times इसकी लम्बाई \times दुरी

$$\tau = F \times BC \text{ — (2)}$$

यिज्ञ से समकोण ΔACB में -

$$\sin \theta = \frac{L}{r} = \frac{BC}{2a}$$

$$BC = 2a \sin \theta$$

$$\because F = qE \text{ से}$$

$$\tau = (qE)(2a \sin \theta)$$

$$\tau = (q \times 2a) E \sin \theta$$

$$\because q \times 2a = p$$

$$\tau = pE \sin \theta \text{ — (3)}$$

सदिशा रूप में -

$$\vec{\tau} = \vec{r} \times \vec{E} \quad (1)$$

Case 1 यदि \vec{r} व \vec{E} एक-दूसरे के समांतर व प्रतिसमान्तर
 ही हों तो -

$$\theta = 0^\circ \text{ or } 180^\circ$$

$$\sin 0^\circ = \sin 180^\circ = 0$$

समी. (2) से

$$\tau_{\min} = 0$$

Case 2 यदि \vec{r} व \vec{E} एक-दूसरे के लम्बवत् ही हों -

$$\theta = 90^\circ$$

$$\sin 90^\circ = 1$$

समी. (2) से

$$\tau_{\max} = rE$$

Q. यदि किसी द्विध्रुव को असमविक्षुत क्षेत्र में रख दिया जाए
 तो कम पर लगने वाले बल व बलघुर्ण पर क्या प्रभाव
 पड़ेगा -

Ans इस स्थिति में द्विध्रुव पर परिणामी बल का मान कभी
 भी शून्य नहीं हो सकता क्योंकि -

$$\vec{F} = q\vec{E}_1 - q\vec{E}_2$$

$$\vec{F} \neq 0$$

लेकिन बलघुर्ण शून्य या अशून्य हो सकता है -

Ex. 1.19 $q_1 = 5\mu\text{C}, q_2 = -5\mu\text{C}$

$2a = 1\text{cm}, r = 0.30\text{m}$
 $q_1 \quad 1\text{cm} \quad q_2$

Solu $E_{\text{अक्ष}} = \frac{2kP}{r^3}$

$E_{\text{अक्ष}} = \frac{2k(9 \times 2a)}{r^3}$

$E_{\text{अक्ष}} = \frac{2 \times 9 \times 10^9 \times (5 \times 10^{-6} \times 1 \times 10^{-2})}{(0.30)^3}$

$E_{\text{अक्ष}} =$

$2kP = ?$

$\frac{E_{\text{अक्ष}}}{2} = \frac{E_{\text{अक्ष}}}{2}$

$\frac{2kP}{2a} = ?$

Objective

Q.7. $P = 3.4 \times 10^{30} \text{ cm}$

$2a = ?$

$H = \frac{2a}{c}$

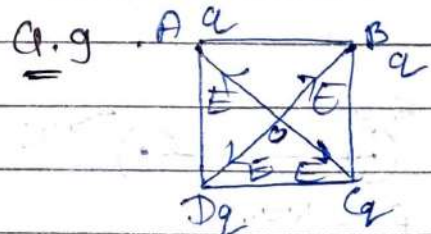
$P = 9 \times 2a$

$2a = \frac{P}{9} = \frac{3.4 \times 10^{30}}{1.6 \times 10^{-19}}$

$2a =$

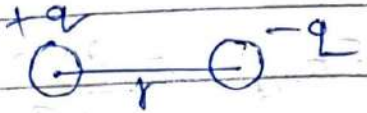
$a_e \times \frac{e}{m} = \frac{m \times v}{m} = v$
 $a_p \times \frac{e}{m} = v$

$m \times \frac{e}{m} = v$



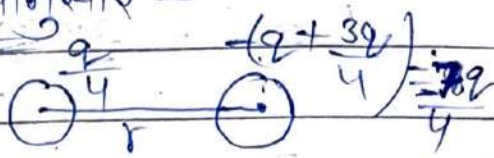
Q.8. $a = \frac{qE}{m}$

$a \propto \frac{1}{m}$

Q.15. 

$$F = \frac{Kq^2}{r^2} \quad \text{--- (1)}$$

युक्तानुसार -



$$F' = \frac{K \times \frac{q}{4} \times \frac{7q}{4}}{r^2} \quad \text{--- (2)}$$

$$F' = \frac{7Kq^2}{16r^2}$$

$$\therefore \frac{Kq^2}{r^2} = F$$

अति.

$$F' = \frac{7F}{16}$$


Q.12 $2a = 1A^\circ = 1 \times 10^{-10} \text{ m}$

$P = q \times 2a$ से

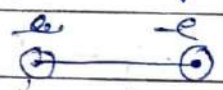
$P = 1.6 \times 10^{-19} \times 1 \times 10^{-10}$

$P = 1.6 \times 10^{-29}$

$$P = 1.6 \times 10^{-29} \text{ C.m}$$

Q.2 

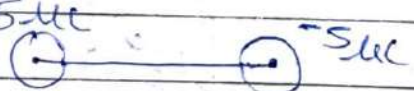
$$F = \frac{Kq^2}{r^2} \quad \text{--- (1)}$$



$$F' = \frac{Ke^2}{r^2} \quad \text{--- (2)}$$

समानुसार -

$$F' = F$$

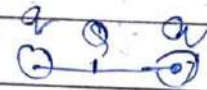
Q.18 

$$F = \frac{Kq_1q_2}{r^2}$$

$$9 = \frac{K \times 5 \times 5 \times 10^{-12}}{r^2} \quad \text{--- (1)}$$

नो पर

$$\frac{+q_1q_2}{2} = \frac{5 \times 5}{2} = 0$$

Q.5 

$$F = \frac{Kq^2}{r}$$

Q.4. $E_r = \frac{E}{E_0}$

$v_e > v_{ion}$

$I = \frac{E}{E_0}$

$E = E_0$

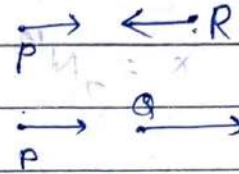
Q.12 $q_1 + q_2 = 0$

$q_1 = -q_2$ दिष्ट

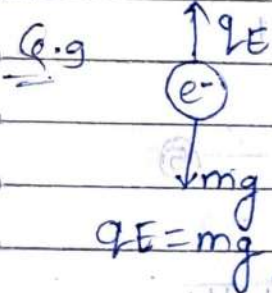
Q.6. $m = \frac{m_0}{\sqrt{1-v^2/c^2}}$

द्रव्यमान बढ़ता

Q.14



$Q \rightarrow \leftarrow R$ आकर्षण



Q.16. $Q = 2 \mu C = 2 \times 10^{-6} C$

$Q = ne$ सी

$n = \frac{Q}{e} = \frac{2 \times 10^{-6}}{1.6 \times 10^{-19}}$

$Q = 2 \times 10^{12} \times 2 \times 10^{-19}$

$Q = 5 \times 10^{22} e$

Q.10. $f_m = \frac{F}{Er}$

$\therefore Er = \infty$

$f_m = 0$

Q.18.

विद्युत आवेश के लिए

$E = \frac{kQ}{r^2} \Rightarrow E \propto \frac{1}{r^2}$

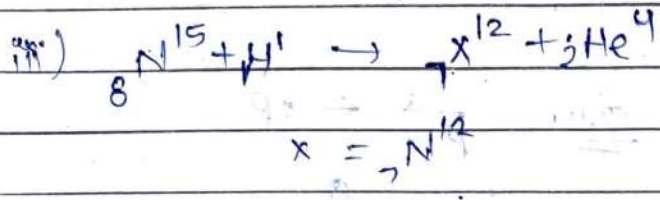
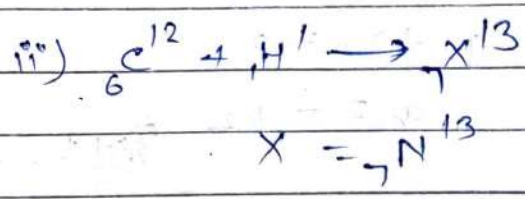
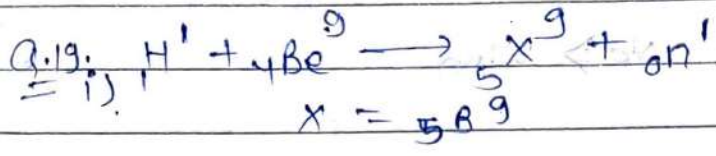
विद्युत के लिए

$E = \frac{kP}{r^3} \Rightarrow E \propto \frac{1}{r^3}$

लघुतरांग

$a_b = a = \frac{f}{m}$

$a_e > a_{ion}$



द्वय में रखने पर

$$\tan 15^\circ = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q^2}{r^2 mg}$$

$$\therefore E = E_0 E_r$$

$$\tan 15^\circ = \frac{1}{4\pi\epsilon_0 E_r} \cdot \frac{q^2}{r^2 mg} \quad \text{--- (4)}$$

eq (3) ÷ eq (4) से

$$\tan 15^\circ = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q^2}{r^2 mg} \times X$$

$$\frac{4\pi\epsilon_0 E_r r^2 mg}{q^2}$$

$$1 = \frac{E_r g}{g}$$

$$\frac{g}{g'} = E_r \quad \text{--- (5)}$$

द्वय में डुबाने पर
 $g' = g \left(1 - \frac{h}{R}\right)$ से

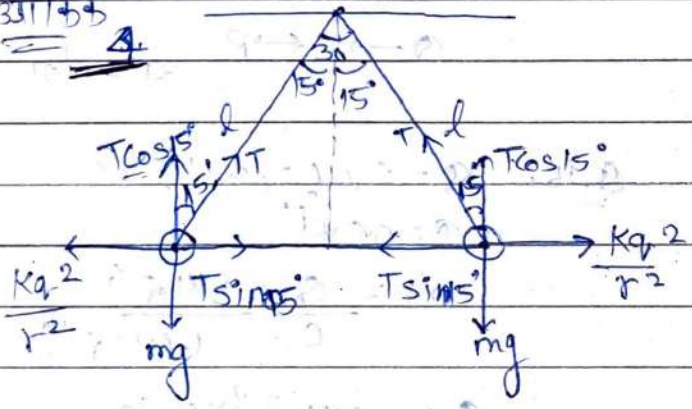
$$g' = g \left(1 - \frac{d_{\text{द्रव}}}{d_{\text{ठोस}}}\right)$$

$$\frac{g'}{g} = \frac{1 - \frac{d_{\text{द्रव}}}{d_{\text{ठोस}}}}{1} = \frac{d_{\text{ठोस}} - d_{\text{द्रव}}}{d_{\text{ठोस}}} \quad \text{--- (6)}$$

सोमी छि व ठोसी

$$\frac{1 - \frac{d_{\text{द्रव}}}{d_{\text{ठोस}}}}{d_{\text{ठोस}}} = \frac{1}{E_r}$$

उदाहरण 4



$d_{\text{द्रव}} = 0.8 \text{ gm/cm}^3$

$d_{\text{ठोस}} = 1.6 \text{ gm/cm}^3$

$E_r = ?$


$$T \sin 15^\circ = \frac{Kq^2}{r^2} \quad \text{--- (1)}$$

$$T \cos 15^\circ = mg \quad \text{--- (2)}$$

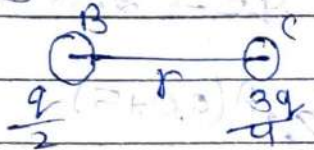
eq (1) ÷ eq (2)

$$\tan 15^\circ = \frac{Kq^2}{r^2 mg}$$

$$\tan 15^\circ = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q^2}{r^2 mg} \quad \text{--- (3)}$$

Q.5.  $F = \frac{kq^2}{r^2}$ — (1)

प्रश्नानुसार

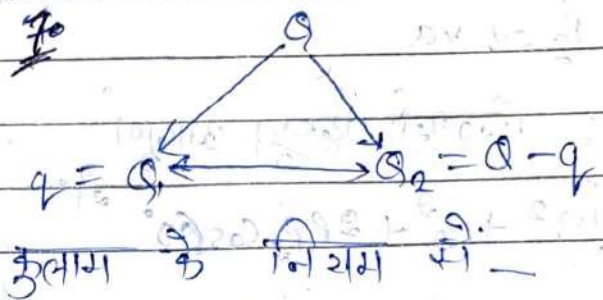


$$q_1 = \frac{0 + q}{2} = \frac{q}{2}$$

$$q_2 = \frac{q + \frac{3q}{4}}{2} = \frac{7q}{8}$$

$$F' = \frac{k \times \frac{q}{2} \times \frac{7q}{8}}{r^2}$$

$$F' = \frac{7kq^2}{16r^2}$$
 — (2)



$$F = \frac{kq(Q-q)}{r^2}$$
 — (1)

वक्त के अधिकतम होने की शर्त —

$$\frac{dF}{dq} = \frac{d}{dq} \left[\frac{kq(Q-q)}{r^2} \right]$$

$$\frac{dF}{dq} = \frac{k}{r^2} \frac{d}{dq} [Qq - q^2]$$

$$\frac{dF}{dq} = \frac{k}{r^2} [Q - 2q]$$

$$\frac{dF}{dq} = \frac{k}{r^2} (Q - 2q)$$

$$\therefore \frac{dF}{dq} = 0$$

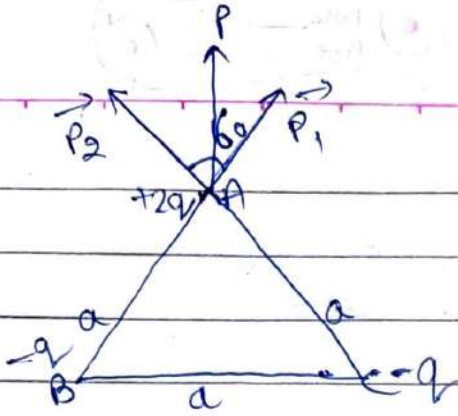
$$0 = \frac{k}{r^2} (Q - 2q)$$

$$Q - 2q = 0$$

$$2q = Q$$

$$q = \frac{Q}{2}$$

8.



$$\tan \theta = \sin \theta = 0$$

$$\tan \theta = \frac{\sin \theta}{\cos \theta} = \frac{x}{\frac{a}{2}}$$

समी. ③

$$\frac{x}{\frac{a}{2}} = \frac{kq^2}{\frac{a^2}{4}mg}$$

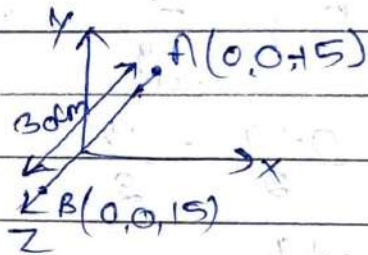
Solu. $P_1 = q \times a$
 $P_2 = q \times a$

अतः परिणामी विद्युत आकर्षण

$$P = \sqrt{P_1^2 + P_2^2 + 2P_1P_2 \cos 60^\circ} \text{ सी.}$$

10.

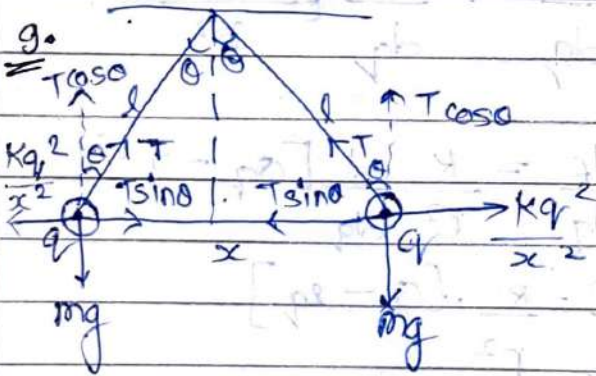
$$q = \pm 2.5 \times 10^{-7} \text{ C}$$



$$P = q \times 2a$$

$$P = 2.5 \times 10^{-7} \times 30 \times 10^{-2}$$

$$P =$$



$$T \sin \theta = \frac{kq^2}{x^2} \text{ --- ①}$$

$$T \cos \theta = mg \text{ --- ②}$$

eq ① ÷ ② सी.

$$\tan \theta = \frac{kq^2}{x^2 mg} \text{ --- ③}$$

कोण का मान अत्यल्प होने पर

Q12. $r = 3m, f = 0.075N$

$$q_1 + q_2 = 20 \mu C$$

Solu $q_1 = q \mu C = q \times 10^{-6} C$

$$q_2 = (20 - q) \mu C = (20 - q) \times 10^{-6} C$$

$$\therefore F = \frac{kq_1q_2}{r^2} \text{ सी.}$$

$$0.075 = \frac{9 \times 10^9 \times q \times 10^{-6} \times (20 - q) \times 10^{-6}}{10^{-6}}$$

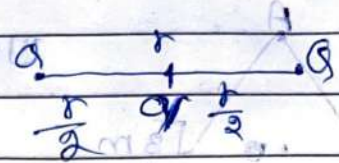
8

$$\frac{75}{1000} = q(20-q) \times 10^{-8}$$

$$75 = 20q - q^2$$

$$q^2 - 20q + 75 = 0$$

Q.14



$$\vec{F}_1 + \vec{F}_2 = 0$$

$$\frac{kq^2}{r^2} + \frac{kQq}{(\frac{r}{2})^2} = 0$$

13. $q = \pm 1 \mu\text{C} = 10 \times 10^{-6} \text{C}$
 $2a = 2 \text{cm} = 2 \times 10^{-2} \text{m}$
 $r = 60 \text{cm} = 60 \times 10^{-2} \text{m}$

Sol^y $E_{\text{अक्ष}} = \frac{2kq}{r^3}$

$$E_{\text{अक्ष}} = \frac{2k(q \times 2a)}{r^3}$$

Q.15.

सम विद्युत क्षेत्र में आवेशित कण का त्वरण -

$$a = \frac{qE}{m} \quad \text{--- (1)}$$

प्रोटॉन = $1H^+$

इंध्रकॉन = $1H^+$

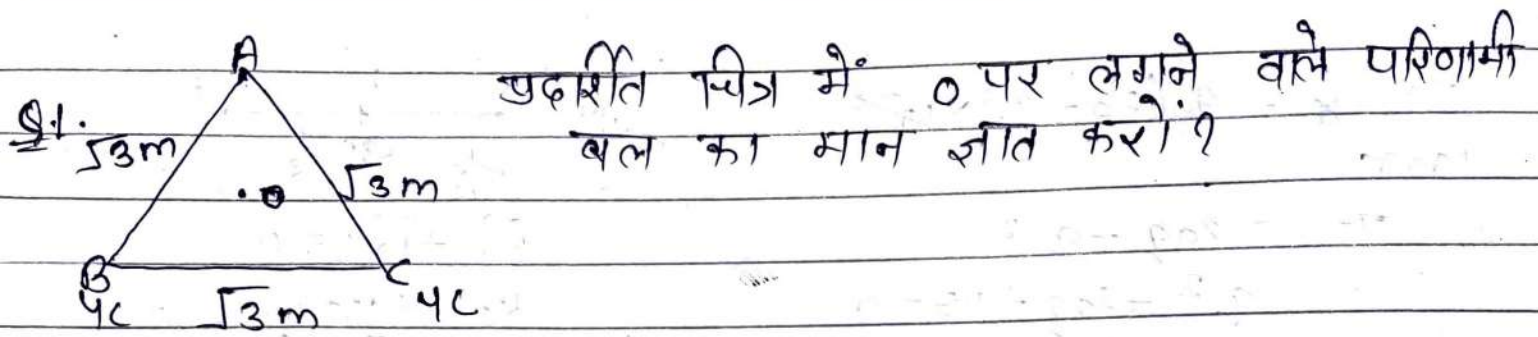
ψ -कोर = $2He^+$

$$a_p : a_D : a_\alpha = \frac{q_p E}{m_p} : \frac{q_D E}{m_D} : \frac{q_\alpha E}{m_\alpha}$$

$$a_p : a_D : a_\alpha = \frac{e}{m_p} : \frac{e}{2m_p} : \frac{2e}{4m_p}$$

$$= 1 : \frac{1}{2} : \frac{1}{2}$$

$$= 2 : 1 : 1$$



Q.2. दो बिंदु आवेश जिनके मान क्रमशः $5 \times 10^{-9} \text{ C}$ तथा $2 \times 10^{-9} \text{ C}$ हैं एक-दूसरे से 2 m की दूरी पर स्थित हैं। तो इनको मिलाने वाली रेखा के किस बिंदु पर वि. क्षेत्र का मान शून्य होगा ?

Q. एक वि. द्विध्रुव जिसकी लम्बाई 10 cm तथा आवेश $1 \mu\text{C}$ हैं। तथा इसके केन्द्र से निरक्ष पर 12 cm की दूरी पर स्थित बिंदु पर विद्युत क्षेत्र का मान ज्ञात करो ?

Q. किसी वि. युत द्विध्रुव पर $\pm 2 \mu\text{C}$ हैं। तथा इनके मध्य की दूरी 8 mm है। तो इन दोनों आवेशों से 5 cm की दूरी पर स्थित बिंदु पर वि. क्षेत्र की तीव्रता का मान ज्ञात करो ?