

# नोट्स

whatsapp

8696608541

अपडेटेड नोट्स

OM PRAKASH SAINI



Chapter - 3 विद्युत विभव

\* विद्युत विभवान्तर -

जब किसी एकांक परिष्ण धनावेश को वि. क्षेत्र में स्थित किसी दो बिंदुओं के मध्य विस्थापित करने में क्षेत्र के विरुद्ध जो कार्य किया जाता है। उस कार्य को ही विद्युत विभवान्तर कहा जाता है।  
 इसका मान -

$$V_B - V_A = \frac{W_{AB}}{q_0} \quad \text{--- (1)}$$

यदि  $q_0 = 1 \text{ coul.}$  हो तो:

$$V_B - V_A = W_{AB}$$

अथवा -

किसी एकांक परिष्ण धनावेश को विद्युत क्षेत्र में क्षेत्र के विरुद्ध किसी दो बिंदुओं के मध्य विस्थापित करने में स्थितिज ऊर्जा में होने वाले परिवर्तन को ही विभवान्तर कहा जाता है।

$$V_B - V_A = \frac{\Delta U}{q_0}$$

\* विद्युत विभव -

जब किसी एकांक परिष्ण धनावेश को अनन्त से विद्युत क्षेत्र में स्थित किसी बिंदु तक लाने में क्षेत्र के विरुद्ध किया गया कार्य ही विद्युत विभव कहलाता है। इसका मान -

समी. (1) से  
 यदि  $V_A = \infty$   
 तो  $V_B = 0$

$$V_B = \frac{W_{\infty B}}{q_0}$$

यदि  $q_0 = 1 \text{ C}$  हो तो

$$V_B = W_{\infty B}$$

\* विद्युत विभव व विभवान्तर के विमा व मात्रक -

$$\text{विमा} = \frac{M^1 L^2 T^{-2}}{A^1 I^1}$$

$$= [M^1 L^2 T^{-2} A^{-1}]$$

$$\text{मात्रक} = \frac{J}{C} \text{ or } \frac{kg \times m^2}{\text{Sec}^3 \times \text{Amp}} \text{ or } \boxed{\text{volt}} \text{ --- S.I. मात्रक}$$

Note :- 1ev की परिभाषा -

के लिए आवश्यक ऊर्जा  $1e^-$  को एक वोल्ट से त्वरित करने की मात्रा को ही 1ev कहते हैं।

$$\boxed{1ev = 1.6 \times 10^{-19} \text{ Joule}}$$

\* विद्युत विभव के गुण या विशेषताएँ -

विद्युत विभव एक अदिश राशि होती है।

1. विद्युत विभव स्थिति का फलन होता है। अर्थात् इसका

2. मान अलग-2 स्थितियों पर अलग-2 होता है।

विद्युत विभव का मान अनन्त पर तथा पृष्ठी पर शून्य

3. माना जाता है।

4. विद्युत विभव में परिष्ण आवेश को अत्यल्प लिया जाता है ताकि यह विद्युत क्षेत्र कि तीव्रता को प्रभावित न कर सके।

5. विद्युत विभव में जिस परिष्ण आवेश को बाह्य बल के द्वारा वि. क्षेत्र में लाया जाता है वे बल विद्युतीय बल के साथ संतुलन की अवस्था में होना चाहिए ताकि विस्थापन अत्वारित हो।

6. विद्युत विभव एक सापेक्ष राशि होती है जबकि विभवान्तर निरपेक्ष राशि होती है।

Notes- विद्युत विभव का मान समविभव पृष्ठ पर एक समान होता है। लेकिन नुकीले सिरों पर क्षेत्रफल कम होने के कारण (पृष्ठीय आवेश घनत्व) का मान बढ़ जाता है जिससे वि. क्षेत्र के मान में भी वृद्धि होती है और इस कारण वि. विभव का मान बढ़ जाता है।

\* बिंदु आवेश के लिए वि. विभव कि गणना -

माना कोई बिंदु आवेश  $q$  है जिसके कारण उत्पन्न वि. क्षेत्र  $E$  है जिस किसी परिष्ण धनावेश  $q_0$  को क्षेत्र के विरुद्ध विस्थापित करने में किया गया कार्य ही वि. विभव कहलाता है इसका

मान -  
 वि. क्षेत्र तथा वि. विभव में सम्बन्ध से -

$$V = - \int_{\infty}^r E \cdot dr \quad \text{--- (1)}$$

बिंदु आवेश के लिए -

$$E = \frac{kq}{r^2} \hat{r}$$

समी. (1) से -

$$V = - \int_{\infty}^r \frac{kq}{r^2} \cdot dr \cdot \hat{r}$$

$$V = -kq \int_{\infty}^r \frac{1}{r^2} \cdot dr \cdot \hat{r}$$

$$\therefore dr \cdot \hat{r} = dr$$

$$V = -kq \int_{\infty}^r r^{-2} dr$$

$$\therefore \int x^n \cdot dx = \frac{x^{n+1}}{n+1}$$

$$V = -kq \left[ \frac{r^{-2+1}}{-2+1} \right]_{\infty}^r$$

$$V = -kq \left[ \frac{r^{-1}}{-1} \right]_{\infty}^r$$

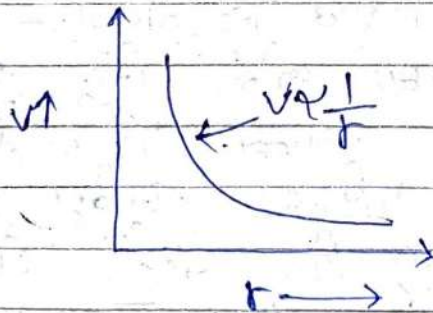
$$V = kq \left[ \frac{1}{r} \right]_{\infty}^r$$

$$V = kq \left[ \frac{1}{r} - \frac{1}{\infty} \right]$$

$$V = kq \left[ \frac{1}{r} \right]$$

$$\boxed{V = \frac{kq}{r}}$$

\* बिंदु आवेश के लिए  $V$  तथा  $r$  के मध्य ग्राफ -

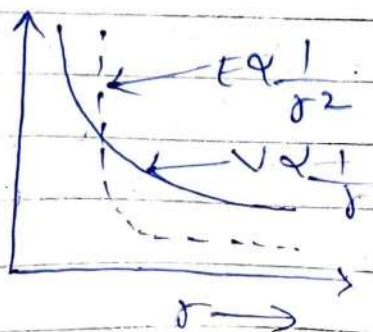


\* बिंदु आवेश के  $V$  या  $E$  तथा  $r$  के मध्य ग्राफ -

$$V = \frac{kq}{r}$$

$$E = \frac{kq}{r^2}$$

$V$  or  $E \uparrow$



\* असमान वि. क्षेत्र में वि. विभव अथवा वि. क्षेत्र तथा वि. विभव में सम्बन्ध -

माना किसी परिष्ठा आवेश  $q_0$  को किसी असमान वि. क्षेत्र  $E$  में  $dr$  दूरी तक विस्थापित किया जाता है तो इस स्थिति में क्षेत्र के विरुद्ध किए गए कार्य का मान -

$$dW = -\vec{F} \cdot d\vec{r} \quad \text{--- 1}$$

यहाँ पर ऊष्मात्मक सिद्ध वि. क्षेत्र के विरुद्ध किए गए कार्य को प्रदर्शित करता है।  
 विभाज्यमान्तर कि परिभाषा से -

$$dV = \frac{dW}{q_0}$$

समी. 1 से

$$V_B - V_\infty = - \int_\infty^B \vec{E} \cdot d\vec{r}$$

$$dV = -\vec{F} \cdot d\vec{r} \quad \text{--- 2}$$

$$\therefore V_\infty = 0$$

वि. क्षेत्र की तीव्रता कि परिभाषा से  
 $E = \frac{F}{q_0}$  से

$$V_B = - \int_\infty^B \vec{E} \cdot d\vec{r}$$

$$\vec{F} = q_0 \vec{E}$$

समी. 2 से -

$$dV = - \frac{q_0 \vec{E} \cdot d\vec{r}}{q_0}$$

$$dV = -\vec{E} \cdot d\vec{r} \quad \text{--- 3}$$

अतः विभव की परिभाषा से -

$$\int_a^b dV = - \int_a^b \vec{E} \cdot d\vec{r}$$

Q.1. बिंदु आवेश के समान दूरी पर स्थित बिंदु के लिए वि. क्षेत्र तथा वि. विभव में किसका मान अधिक होगा और क्यों ?  
 इस स्थिति में -

$$V \propto \frac{1}{r}$$

$$E \propto \frac{1}{r^2}$$

होने के कारण  $V$  का मान  $E$  कि तुलना में अधिक होगा।

Q.2. यदि किसी तत्व का परमाणु क्रमांक 30 है। तो इससे 5 cm की दूरी पर स्थित बिंदु पर वि. विभव की गणना करो ?

$$Z = 30$$

$$r = 5 \text{ cm}$$

Solu.  $Q = ne$  से

$$Q = 30 \times 1.6 \times 10^{-19}$$

$$Q = 48 \times 10^{-19} \text{ C}$$

अतः विभव  $V = \frac{kQ}{r}$

$$V = \frac{9 \times 10^9 \times 48 \times 10^{-19}}{5 \times 10^{-2}}$$

$$V = \frac{9 \times 48 \times 10^{-8}}{5}$$

$$V = 9 \times 9.6 \times 10^{-8} \Rightarrow \boxed{86.4 \times 10^{-8}}$$

\* द्विध्रुव के लिए वि. विभव की गणना - I-Method  
 माना किसी द्विध्रुव के केंद्र O से  $r$  दूरी पर एक बिंदु P (r,  $\theta$ ) स्थित है। जिस पर वि. विभव की

गठाना करनी हैं ती -

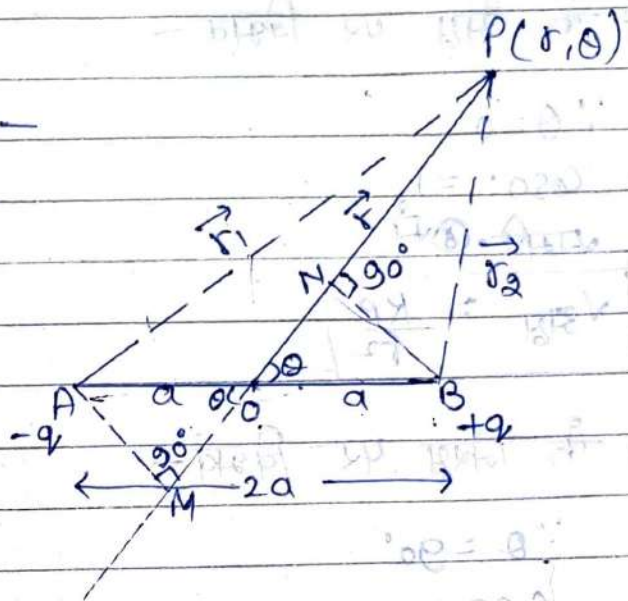
बिंदु A के कारण विभव -

$$\therefore V = \frac{kq}{r}$$

$$V_A = -\frac{kq}{r_1} \quad \text{--- ①}$$

इसी प्रकार बिंदु B के कारण विभव -

$$V_B = \frac{kq}{r_2} \quad \text{--- ②}$$



अतः द्विबल के कारण कुल विभव -

$$V = V_A + V_B$$

$$V = -\frac{kq}{r_1} + \frac{kq}{r_2}$$

$$V = kq \left[ \frac{1}{r_2} - \frac{1}{r_1} \right]$$

$$V = kq \left[ \frac{r_1 - r_2}{r_1 r_2} \right] \quad \text{--- ③}$$

$$\vec{ON} = a \cos \theta$$

$$\text{अतः } r_2 = \vec{OP} - \vec{ON}$$

$$r_2 = r - a \cos \theta \quad \text{--- ④}$$

समी. ③ से -

$$V = kq \left[ \frac{r + a \cos \theta}{(r + a \cos \theta)(r - a \cos \theta)} - \frac{1}{r - a \cos \theta} \right]$$

$$V = kq \left[ \frac{r + a \cos \theta - r + a \cos \theta}{(r^2 - a^2 \cos^2 \theta)} \right]$$

त्रिभुज से समकोण AA'MO में -

$$\cos \theta = \frac{A}{k} = \frac{OM}{a}$$

$$OM = a \cos \theta$$

$$\therefore r_1 = \vec{OP} + \vec{OM}$$

$$r_1 = r + a \cos \theta \quad \text{--- ⑤}$$

यदि  $r \gg a$  हो ती -

$$V = kq \left[ \frac{2a \cos \theta}{r^2} \right]$$

$$V = \frac{k (q \times 2a) \cos \theta}{r^2}$$

$$\therefore q \times 2a = P$$

इसी प्रकार समकोण B'BN'O में -

$$\cos \theta = \frac{A}{k} = \frac{ON'}{a}$$

$$V = \frac{k P \cos \theta}{r^2} \quad \text{--- 6}$$



\* द्विष्टुव के अक्ष पर विभव -

$$\therefore \theta = 0^\circ$$

$$\cos 0^\circ = 1$$

समी. ⑧ सी

$$\boxed{V_{\text{अक्ष}} = \frac{KQ}{r^2}}$$

\* द्विष्टुव के निरक्ष पर विभव -

$$\therefore \theta = 90^\circ$$

$$\cos 90^\circ = 0$$

समी. ⑧ सी

$$\boxed{V_{\text{निरक्ष}} = 0}$$

Note:- विद्युत विभव सदिश रूप में -

$$V = \frac{KQ \cos \theta}{r^2} \times \frac{r}{r}$$

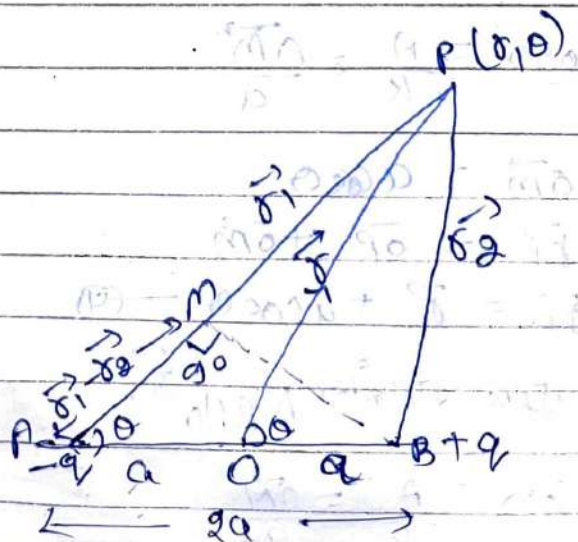
$$V = \frac{KQr \cos \theta}{r^3}$$

$$\boxed{V = \frac{K(\vec{P} \cdot \vec{F})}{r^3}}$$

II - Method.

$$V = Kq \left[ \frac{r_1 - r_2}{r_1 r_2} \right] \quad \text{--- ⑧}$$

यदि सी. समकोण  $\Delta AMB$  में -  
यब बिंदु P द्विष्टुव से अन्त्याधिक  
दूरी पर हो -



$$\cos \theta = \frac{A}{K} = \frac{r_1 - r_2}{2a}$$

$$r_1 - r_2 = 2a \cos \theta \quad \text{--- (4)}$$

$$\therefore r_1 - r_2 \approx r$$

$$r_1 r_2 \approx r^2$$

राम्पी. ③ सी.

$$V = Kq \left[ \frac{2a \cos \theta}{r^2} \right]$$

$$V = K \frac{(q \times 2a) \cos \theta}{r^2}$$

$$\therefore q \times 2a = p$$

$$V = \frac{Kp \cos \theta}{r^2}$$

Eg. 3.1

$$V_A = -15 \text{ Volt}$$

$$V_B = V$$

$$q = 6 \text{ C}$$

$$V_B - V_A = \frac{W}{q}$$

$$V_B - (-15) = \frac{150}{6}$$

$$V_B + 15 = 25$$

$$V_B = 25 - 15$$

$$V_B = 10 \text{ Volt}$$

$$V_B - V_A = \frac{2}{20} = \frac{1}{10}$$

$$V_B - V_A = 0.1$$

(Eg. 3.2)  $q = 1.1 \times 10^{-9} \text{ C}$

$$r = 10 \text{ cm} = 10 \times 10^{-2} \text{ m}$$

Solu.  $V = \frac{Kq}{r}$

$$V = \frac{9 \times 10^9 \times 1.1 \times 10^{-9}}{10 \times 10^{-2}}$$

$$V = \frac{9.9 \times 10^0}{10 \times 10^{-2}}$$

$$V = \frac{9.9 \times 100}{10 \times 10} = 99$$

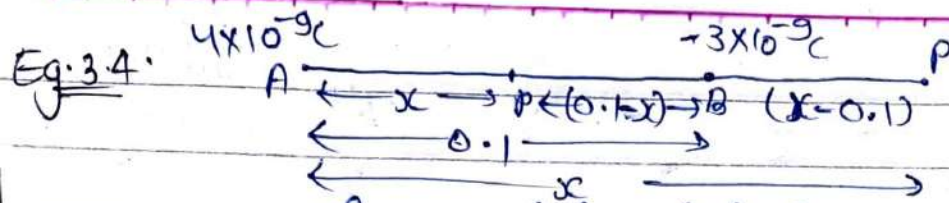
$$V = 99$$

Eg. 3.2

$$q = 20 \text{ C}, r = 0.2 \text{ m}$$

$$W = 2 \text{ J}$$

Solu.  $V_B - V_A = \frac{W}{q}$



Case I. जब बिन्दु P दोनों आवेशों के मध्य ही तो बिंदु P पर

$$V_A + V_B = 0$$

$$\therefore V = \frac{kq}{r} \text{ स.}$$

$$\frac{9 \times 10^9 \times 4 \times 10^{-9}}{x} - \frac{9 \times 10^9 \times 3 \times 10^{-9}}{(0.1-x)} = 0$$

$$\frac{9 \times 10^9 \times 4 \times 10^{-9}}{x} = \frac{9 \times 10^9 \times 3 \times 10^{-9}}{(0.1-x)}$$

$$\frac{4}{x} = \frac{3}{0.1-x}$$

$$0.4 - 4x = 3x$$

$$7x = 0.4$$

$$x = \frac{0.4}{7} \Rightarrow$$

Case II. जब बिन्दु P दोनों आवेशों के बाहर ही - बिंदु P पर

$$V_A + V_B = 0$$

$$\frac{k \times 4 \times 10^{-9}}{x} - \frac{k \times 3 \times 10^{-9}}{(x-0.1)} = 0$$

$$\frac{k \times 4 \times 10^{-9}}{x} = \frac{k \times 3 \times 10^{-9}}{x-0.1}$$

$$\frac{4}{x} = \frac{3}{x-0.1}$$

$$4x - 0.4 = 3x$$

$$\boxed{x = 0.4 \text{ m}}$$

किसी बिंदु A पर Q आवेश रखा गया है। जिसके कारण अन्य बिंदु P पर वि. क्षेत्र की तीव्रता का मान  $2 \times 10^4 \text{ N/C}$  है।

eg. 5  
आं. 9 = 1, 2.

तथा इस बिंदु पर वि. विभव का 12 J/C है तो A व B के मध्य दूरी व आवेश का मान ज्ञान करो।

Q. 3) 27 छोटी बुंदों को मिलाकर एक बड़ी बुंद का निर्माण किया गया है तथा प्रत्येक छोटी बुंद समान आकार की है तथा प्रत्येक बुंद को 220 Volt पर आवेशित किया गया है तो बड़ी बुंद पर विभव का मान ज्ञान करो।

Ans.  $E = \frac{kQ}{r^2}$

$$Q = 0.66 \times 10^{-9}$$

$$\frac{kQ}{r^2} = 24 \quad \text{--- (1)}$$

$$V = \frac{kQ}{r}$$

$$\frac{kQ}{r} = 12 \quad \text{--- (2)}$$

Solu.

समी. 1 व 2 से

$$\frac{kQ}{r^2} \times r = \frac{24}{r}$$

$$\frac{1}{r} = 2$$

$$r = \frac{1}{2} = 0.5 \text{ m}$$

समी. 2 से

$$\frac{kQ}{0.5} = 12$$

$$Q = \frac{12 \times 0.5}{9 \times 10^9}$$

$$Q = \frac{6}{9 \times 10^9}$$

$$Q = \frac{2}{3 \times 10^9}$$



Q.2. 1 बड़ी बुंद का आयतन = 27 छोटी बुंदों का आयतन

$$\frac{4}{3}\pi R^3 = 27 \times \frac{4}{3}\pi r^3$$

$$R^3 = 27r^3$$

$$R = 3r \quad \text{--- (1)}$$

आवेश संरक्षण के नियम से -

1 बड़ी बुंद पर आवेश = 27 छोटी बुंदों पर आवेश

$$Q = 27q \quad \text{--- (2)}$$

बड़ी बुंद पर विभव -

$$V_{\text{बड़ी}} = \frac{KQ}{R}$$

$$V_{\text{बड़ी}} = \frac{K \times 27q}{3r}$$

$$V_{\text{बड़ी}} = \frac{Kq}{r} \times 9$$

$$V_{\text{बड़ी}} = V_{\text{छोटी}} \times 9$$

$$V_{\text{बड़ी}} = 220 \times 9$$

$$\boxed{V_{\text{बड़ी}} = 1980 \text{ V}}$$



बिन्दु A पर +q के कारण विभव -

$$V = \frac{Kq}{r}$$

$$V = \frac{Kq}{a} \quad \text{--- (1)}$$

इसी प्रकार  $-q$ , आवेश के कारण -

$$V = \frac{-Kq}{r+a} \quad \text{--- (2)}$$

अतः A पर कुल विभव -

$$V_A = \frac{Kq}{a} - \frac{Kq}{r+a} \quad \text{--- (3)}$$

इसी प्रकार बिन्दु B पर  $+q$  के कारण विभव -

$$V = \frac{Kq}{r+a} \quad \text{--- (4)}$$

इसी प्रकार  $-q$  के कारण

$$V = \frac{-Kq}{a} \quad \text{--- (5)}$$

अतः कुल विभव

$$V_B = \frac{Kq}{r+a} - \frac{Kq}{a} \quad \text{--- (6)}$$

$$\text{अतः } V_A - V_B = \frac{Kq}{a} - \frac{Kq}{r+a} - \left( \frac{Kq}{r+a} - \frac{Kq}{a} \right)$$

$$V_A - V_B = \frac{2Kq}{a} - \frac{2Kq}{r+a}$$

$$V_A - V_B = 2Kq \left[ \frac{1}{a} - \frac{1}{r+a} \right]$$

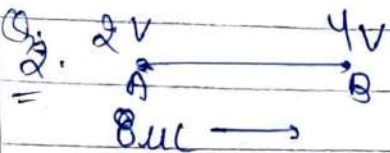
$$V_A - V_B = 2Kq \left[ \frac{r+a-a}{a(r+a)} \right]$$

$$V_A - V_B = 2Kq \left[ \frac{r}{a(r+a)} \right]$$

Q.1.  $q = 3C, W = 6J$

$$V_B - V_A = \frac{W}{q}$$

$$V_B - V_A = \frac{6}{3} = \boxed{2V}$$



$w = ?$

Solu.  $V_B - V_A = \frac{w}{q}$

$4 - 2 = \frac{w}{8 \times 10^{-6}}$

$2 \times 8 \times 10^{-6} = w$

$w = 16 \times 10^{-6} \text{ J}$

Note: - 1. द्विध्रुव के निरक्ष पर वि. विभव का मान शून्य होता है। लेकिन वि. क्षेत्र का नहीं।

2. द्विध्रुव के कारण प्राप्त वि. विभव दूरी अर्थात् उसके स्थिती सन्धि तथा द्विध्रुव आधुर्ण व इनके मध्य धर्म कोण पर निर्भर करता है।

3. वि. द्विध्रुव के लिए समान दूरी पर स्थित बिंदु के लिए वि. विभव तथा वि. क्षेत्र में कोण अधिक होगा और क्योंकि इस स्थिती में

Ans  $\propto \frac{1}{r^2}$

तथा  $\propto \frac{1}{r^3}$  होने के कारण वि. विभव का मान  $E$  की तुलना में अधिक होगा।

4. किसी  $8 \mu$ C के आवेश को द्विध्रुव के निरक्ष पर 5cm की दूरी तक विस्थापित किया जाता है तो इस स्थिती में किये गए कार्य की गणना करें।

$V_A - V_B = \frac{w}{q}$

निरक्ष पर  $\Rightarrow V_A - V_B = 0$

$$\frac{W}{q} = 0$$

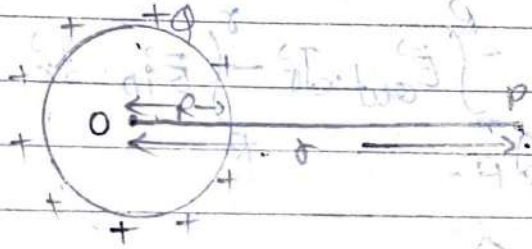
$$W = 0 \text{ J}$$

\* समरूप आवेशित गोलीय कोश अथवा चालक गोले के कारण वि. विभव कि गणना -

माना कोई R त्रिज्या का एक चालक गोला है जिस पर आवेश Q इसकी सतह पर एकसमान रूप से वितरित है। तो इसकी विभिन्न स्थितियों पर वि. विभव की गणना करनी है।

Case 1 जब बिंदु  $p$  चालक गोले के बाहर स्थित हो तो -

$r > R$  बाहर



वि. क्षेत्र  $v$  वि. विभव में संबंध से -

$$v = - \int \vec{E} \cdot d\vec{r} \text{ से}$$

$$V_{out} = - \int \vec{E}_{out} \cdot d\vec{r} \quad \text{--- (1)}$$

बिंदु आवेश के लिए -

$$\vec{E}_{out} = \frac{kQ}{r^2} \hat{r}$$

समी. (1) से -

$$V_{out} = - \int_{\infty}^r \frac{kQ}{r^2} \cdot \hat{r} \cdot d\vec{r}$$

$$V_{out} = -kQ \int_{\infty}^r \frac{1}{r^2} \cdot dr$$

$$V_{out} = -kQ \left[ -\frac{1}{r} \right]_{\infty}^r$$

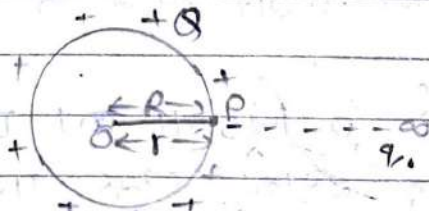
$$V_{out} = kQ \left[ \frac{1}{r} - \frac{1}{\infty} \right]$$

$$V_{out} = \frac{kQ}{r} \quad \text{--- (2)}$$



Case II जब बिन्दु  $p$  चालक गोलों की सतह पर स्थित है।

$r = R$



समी. (2) से

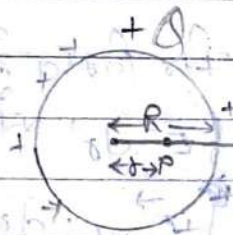
$$V_{\text{surf}} = \frac{kQ}{R} \quad \text{--- (3)}$$

Case III जब बिन्दु  $p$  चालक गोलों के भीतर स्थित है।

$r < R$  (अन्दर)

वि. क्षेत्र व वि. विभव में सम्बन्ध-

$$V = - \int \vec{E} \cdot d\vec{r} \text{ से}$$



$$V_{in} = - \int_{\infty}^R \vec{E}_{out} \cdot d\vec{r} - \int_R^r \vec{E}_{in} \cdot d\vec{r}$$

चालक गोलों के लिए -

$$\vec{E}_{out} = \frac{kQ}{r^2} \hat{r}$$

$$\vec{E}_{in} = 0$$

$$V_{in} = - \int_{\infty}^R \frac{kQ}{r^2} \hat{r} \cdot d\vec{r} - \int_R^r 0 \cdot d\vec{r}$$

$$V_{in} = -kQ \int_{\infty}^R \frac{1}{r^2} dr$$

$$V_{in} = -kQ \left[ -\frac{1}{r} \right]_{\infty}^R$$

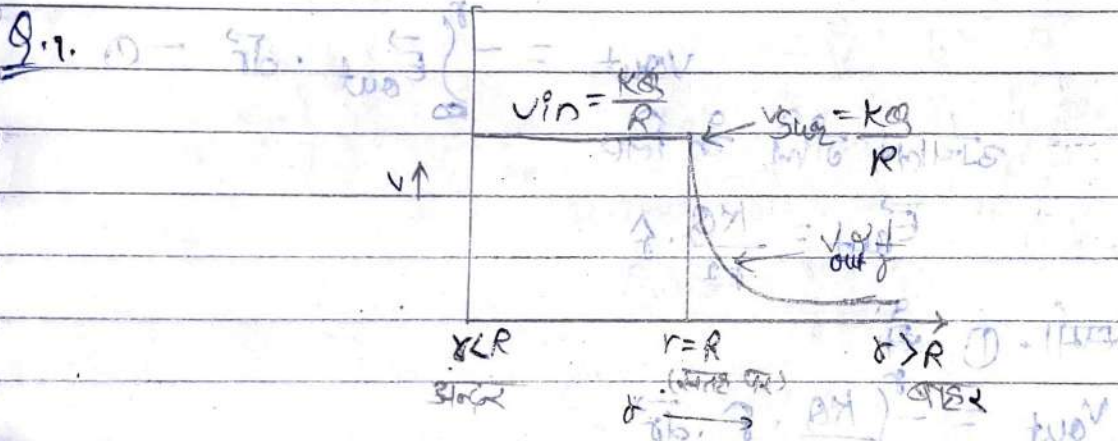
$$V_{in} = kQ \left[ \frac{1}{R} - \frac{1}{\infty} \right]$$

$$V_{in} = \frac{kQ}{R}$$



Note:- चालक गोले के भीतर तथा सतह पर वि. विभव का मान समान होता है।

- चालक गोले के लिए  $\rho$  तथा  $r$  के महत्व ग्राफ बनाओ।
- Q.1. यदि किसी चालक गोले की त्रिज्या  $10\text{cm}$  है तथा उसकी सतह पर वि. विभव का मान  $10\text{V}$  है। तो केंद्र से  $5\text{cm}$  की दूरी पर वि. विभव की गणना करो।
- Q.2. सिद्ध करो कि द्विध्रुव के निरक्ष पर वि. क्षेत्र सदैव शून्य के लम्बवत् होता है।
- Q.3. \_\_\_\_\_



Q.2.

Q.3. द्विध्रुव के निरक्ष पर

$V_{\text{निरक्ष}} = 0$

$w = qV$

अतः  $w = 0$

$F \cdot dr = 0$

$F = q_0 E$

$q_0 E \cdot dr = 0$

$q_0 E dr \cos \theta = 0$

यदि  $q_0 \neq 0$

$E \neq 0$

$dr \neq 0$

अतः  $\cos \theta = 0$

$\theta = 90^\circ$

$E \perp dr$

\* समरूप आवेशित अचालक गोलों के कारण वि. विभव की गणना - माना कोई  $R$  त्रिज्या का एक अचालक गोला है जिसपर आवेश  $Q$  इसके आसतन में एक समान रूप से वितरित है तो इसकी विभिन्न स्थितियों पर वि. विभव की गणना करनी है।

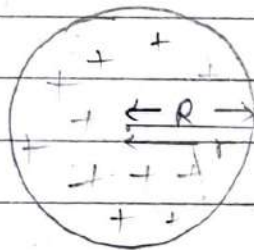
जब बिंदु  $P$  अचालक गोले के बाहर स्थित हो -

Case I

$r > R$  (बाहर)

वि. क्षेत्र  $E$  वि. विभव में सम्बन्ध से -

$$V = - \int E \cdot dr$$



$$V_{out} = - \int_{\infty}^r E_{out} \cdot dr \quad \text{--- (1)}$$

अचालक गोले के लिए

$$E_{out} = \frac{kQ}{r^2}$$

समी. (1) से

$$V_{out} = - \int_{\infty}^r \frac{kQ}{r^2} \cdot r \cdot dr$$

$$\because r \cdot dr = dr$$

$$V_{out} = - \int_{\infty}^r \frac{kQ}{r^2} \cdot dr$$

$$V_{out} = -kQ \int_{\infty}^r \frac{1}{r^2} \cdot dr$$

$$V_{out} = -kQ \left[ \frac{1}{r} \right]_{\infty}^r$$

$$V_{out} = kQ \left[ \frac{1}{r} - \frac{1}{\infty} \right]$$

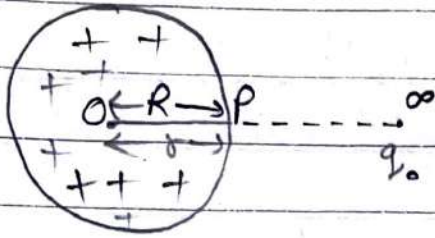
$$\boxed{V_{out} = \frac{kQ}{r}} \quad \text{--- (2)}$$

Case II. जब बिंदु P अचालक गोलों की सतह पर हो तो -

$$r = R \text{ (सतह पर)}$$

समी. (2) से

$$V_{out} = \frac{KQ}{R} \quad (3)$$



Case III. जब बिंदु P अचालक गोलों के भीतर स्थित हो।

$$r < R \text{ अंदर}$$

वि. क्षेत्र व वि. विभव में संबंध से -

$$V = -\int \vec{E} \cdot d\vec{r} \text{ से}$$

$$V_{in} = -\int_0^R \vec{E}_{out} \cdot d\vec{r} - \int_R^r \vec{E}_{in} \cdot d\vec{r} \quad (4)$$

अचालक गोलों के लिए -

$$\vec{E}_{out} = \frac{KQ}{r^2} \hat{r}$$

$$\vec{E}_{in} = \frac{KQr}{R^3} \hat{r}$$

समी. (4) से

$$V_{in} = -\int_0^R \frac{KQ}{r^2} \hat{r} \cdot d\vec{r} - \int_R^r \frac{KQr}{R^3} \hat{r} \cdot d\vec{r}$$

$$V_{in} = -KQ \int_0^R \frac{1}{r^2} dr - \frac{KQ}{R^3} \int_R^r r dr$$

$$V_{in} = -KQ \left[ \frac{-1}{r} \right]_0^R - \frac{KQ}{R^3} \left[ \frac{r^2}{2} \right]_R^r$$

$$V_{in} = KQ \left[ \frac{1}{R} - \frac{1}{\infty} \right] - \frac{KQ}{R^3} \left[ \frac{r^2}{2} - \frac{R^2}{2} \right]$$

$$V_{in} = \frac{KQ}{R} - \frac{KQr^2}{2R^3} + \frac{KQR^2}{2R^3}$$

$$V_{in} = \frac{KQ}{R} + \frac{KQ}{2R} - \frac{KQr^2}{2R^3}$$

$$V_{in} = \frac{KQ}{R} \left[ 1 + \frac{1}{2} - \frac{r^2}{2R^2} \right]$$

$$V_{in} = \frac{KQ}{R} \left[ \frac{3}{2} - \frac{r^2}{2R^2} \right]$$

$$\boxed{V_{in} = \frac{KQ}{2R} \left[ 3 - \frac{r^2}{R^2} \right]} \quad \rightarrow \quad \textcircled{5} \quad V_{in} = \frac{KQ}{2R} \left[ 3 - \frac{r^2}{R^2} \right]$$

विशेष स्थिति - जब बिन्दु p अत्यन्त गोल के केंद्र पर ही।

$\therefore r = 0$   
 समीकरण से

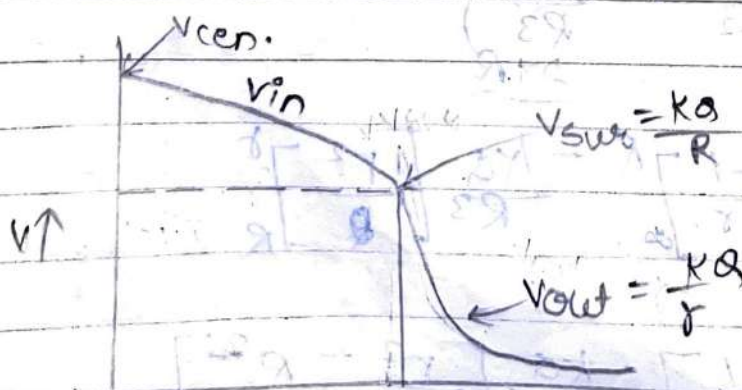
$$V_{cen.} = \frac{KQ}{2R^2} \times 3$$

$$V_{cen.} = \frac{3}{2} \times \frac{KQ}{R}$$

$\therefore \frac{KQ}{R} = V_{surf.}$

$$\boxed{V_{cen.} = \frac{3}{2} \times V_{surf.}}$$

\*  $V$  व  $r$  के ग्राफ प्लॉट -



$r < R$  क्षेत्र       $r = R$  क्षेत्र       $r > R$  क्षेत्र

- Q. किसी अचालक गोले कि त्रिज्या 15cm है तथा इस पर उपस्थित आवेश का मान 3mc है तो
- i) केंद्र से 20cm की दूरी पर
  - ii) केंद्र से 15cm की दूरी पर
  - iii) केंद्र से 9cm की दूरी पर
  - iv) केंद्र पर वि. विभव कि गणना करौ।

Q.  $Q = 3 \text{ mc} = 3 \times 10^{-3} \text{ C}$   
 $R = 15 \text{ cm} = 15 \times 10^{-2} \text{ m}$

i)  $r = 20 \text{ cm}$

$$V_{out} = \frac{kQ}{r} = \frac{9 \times 10^9 \times 3 \times 10^{-3}}{20 \times 10^{-2}} = \frac{27 \times 10^8 \times 10^{-3}}{20}$$

$$V_{out} = \frac{27 \times 10^8}{20} = \frac{27 \times 10^7}{2}$$

$$V_{out} = 13.5 \times 10^7$$

ii)  $r = R = 15 \text{ cm}$

$$V_{sur} = \frac{kQ}{R} = \frac{9 \times 10^9 \times 3 \times 10^{-3}}{15 \times 10^{-2}} = \frac{9 \times 10^8 \times 10^{-3}}{5}$$

$$V_{sur} = 1.8 \times 10^8$$

iii)  $r = 9 \text{ cm}$  (अंदर)

$$V_{in} = \frac{kQ}{2R} \left[ 3 - \frac{r^2}{R^2} \right]$$

$$V_{in} = \frac{9 \times 10^9 \times 3 \times 10^{-3}}{2 \times 15 \times 10^{-2}} \left[ 3 - \frac{81}{225} \right] = \frac{9 \times 10^8}{10} \left[ 3 - \frac{81}{225} \right]$$

$$V_{in} = 9 \times 10^7 \left[ \frac{75-9}{25} \right] = 9 \times 10^7 \times \frac{66}{25} = 9 \times 10^6 \times 2.64 = 237.6 \times 10^6$$

$$V_{in} = 2.376 \times 10^8$$

(iv)  $V_{cen} = \frac{3}{2} \times V_{sur}$

$$V_{cen} = \frac{3}{2} \times \frac{9 \times 10^9 \times 8 \times 10^{-3}}{45 \times 10^{-2}} = \frac{27}{2} \times \frac{10^{-8}}{5}$$

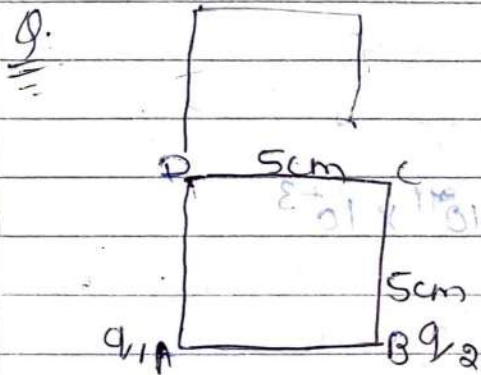
$$V_{cen} = \frac{27}{10} \times 10^{-8}$$

$$V_{cen} = 2.7 \times 10^{-8}$$

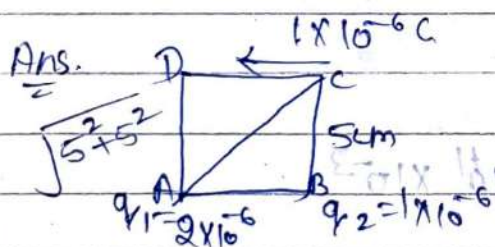
अर्थात्

यदि  $q_1 = 2 \times 10^{-6} C$

$q_2 = 1 \times 10^{-6} C$



उपरोक्त चित्र में यदि आवेश  $1 \times 10^{-6} C$  को बिंदु C से बिंदु D तक विस्थापित किया जाता है तो वि. क्षेत्र के विरल किये गए कार्य की गणना करी?



Solu. बिंदु C पर कुल विभव =

$$V_C = V_1 + V_2 \quad \therefore V = kq/r$$

$$V_C = \frac{9 \times 10^9 \times 2 \times 10^{-6}}{5\sqrt{2} \times 10^{-2}} + \frac{9 \times 10^9 \times 1 \times 10^{-6}}{5 \times 10^{-2}}$$

$$V_C = \frac{18 \times 10^5}{5\sqrt{2}} + \frac{9 \times 10^5}{5}$$

$$V_C = \frac{9 \times 10^5}{5} \left[ \frac{2}{\sqrt{2}} + 1 \right]$$

$$V_C = \frac{9 \times 10^5}{5} [ \sqrt{2} + 1 ] \quad \text{--- (1)}$$

इसी प्रकार बिंदु D पर विभव

$$V_D = V_1 + V_2$$

$$V_D = \frac{9 \times 10^9 \times 2 \times 10^{-6}}{5 \times 10^{-2}} + \frac{9 \times 10^9 \times 1 \times 10^{-6}}{5\sqrt{2} \times 10^{-2}}$$

$$V_D = \frac{18 \times 10^5}{5} + \frac{9 \times 10^5}{5\sqrt{2}}$$

$$V_D = \frac{9 \times 10^5}{5} \left[ 2 + \frac{1}{\sqrt{2}} \right]$$

$$V_D = \frac{9 \times 10^5}{5} \left[ \frac{2\sqrt{2} + 1}{\sqrt{2}} \right] \quad \text{--- (2)}$$

अतः विभवान्तर -

$$V_D - V_C = \frac{9 \times 10^5}{5} \left[ \frac{2\sqrt{2} + 1}{\sqrt{2}} \right] - \frac{9 \times 10^5}{5} [\sqrt{2} + 1]$$

$$V_D - V_C = \frac{9 \times 10^5}{5} \left[ \frac{2\sqrt{2} + 1}{\sqrt{2}} - (\sqrt{2} + 1) \right]$$

$$V_D - V_C = \frac{9 \times 10^5}{5} \left[ \frac{2\sqrt{2} + 1 - 2 - \sqrt{2}}{\sqrt{2}} \right]$$

$$V_D - V_C = \frac{9 \times 10^5}{5} \left[ \frac{\sqrt{2} - 1}{\sqrt{2}} \right]$$

अतः कार्य -

$$W = qV$$

$$W = 1 \times 10^{-6} \left[ \frac{9 \times 10^5}{5} \times \frac{\sqrt{2} - 1}{\sqrt{2}} \right]$$

$$W = 10^{-6} \left[ \frac{9 \times 10^5 \times 1.414 - 1}{1.414} \right]$$

$$W = 10^{-6} \left[ \frac{9 \times 10^5 \times 0.414}{1.414} \right]$$

$$W = 10^{-6} \left[ \frac{1.6 \times 10^5 \times 0.29}{0.707} \right]$$

=



306.  $q = \pm 8 \times 10^{-19} \text{ C}$   
 $2a = 2 \times 10^{-10} \text{ m}$   
 $r = 4 \times 10^{-6} \text{ m}$

$V_{out} = 144 \times 10^{-8}$   
 $V_{out} = \frac{7}{10} \times 20.57 \times 10^{-8} = 2.057 \times 10^{-8} \text{ V}$

Solvi) द्विद्युत के अक्ष पर -

$V_{अक्ष} = \frac{kq}{r^2}$

$V_{अक्ष} = \frac{k(q \times 2a)}{r^2} \Rightarrow \frac{9 \times 10^9 (8 \times 10^{-19} \times 2 \times 10^{-10})}{4 \times 4 \times 10^{-12}}$

$V_{अक्ष} = 9 \times 10^8 \text{ Volt}$

ii)  $r = 10 \text{ cm}$

$\therefore r = R$

$V_{sur} = \frac{kq}{R}$

$V_{sur} = \frac{9 \times 10^9 \times 8 \times 10^{-19}}{10 \times 10^{-2}} = 7.2 \times 10^{-8}$

iii)  $r = 4 \text{ cm}$

$r < R$

$V_{in} = \frac{kq}{2R} \left[ 3 - \frac{r^2}{R^2} \right]$

$V_{in} = \frac{9 \times 10^9 \times 3.2 \times 10^{-19}}{2 \times 10 \times 10^{-2}} \left[ 3 - \frac{4}{25} \right]$

ii) द्विद्युत के निरक्ष पर

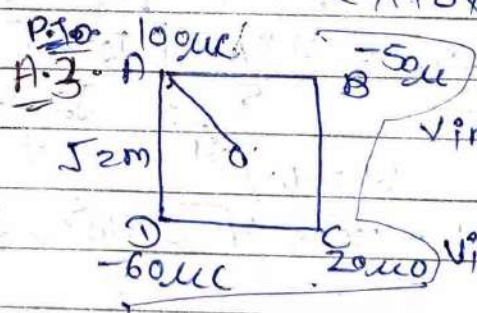
$V_{निरक्ष} = 0 \text{ वोल्ट}$

iii)  $60^\circ$  के कोण पर

$V = \frac{kq \cos \theta}{r^2}$

$V = \frac{k(q \times 2a)}{r^2} \times \cos 60^\circ$

$V = 9 \times 10^8 \times \frac{1}{2} = 4.5 \times 10^8$



$V_{in} = 14.4 \times 10^9 \left[ \frac{3-4}{25} \right]$

$V_{in} = 14.4 \times 10^9 \left[ \frac{75-4}{25} \right]$

$V_{in} = 14.4 \times 10^9 \times \frac{71}{25}$

$= 14.4 \times 10^9 \times 2.84$

$= 40.896 \times 10^9$

$V_{in} = 4.0896 \times 10^8 \text{ Volt}$

309.  $R = 10 \text{ cm}$

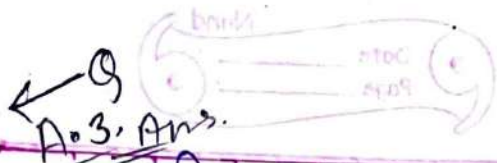
$q = 3.2 \times 10^{-19} \text{ C}$

Solvi)  $r = 14 \text{ cm}$

$V_{out} = \frac{kq}{r}$

$V_{out} = \frac{9 \times 10^9 \times 3.2 \times 10^{-19}}{14 \times 10^{-2}}$

$V_{out} = \frac{9 \times 1.6 \times 10^{-10}}{7 \times 10^{-2}}$



A.3. Ans.  
Soln. बिंदु P पर विभव -

$$V = V_A + V_B + V_C + V_D = \frac{kq_1}{r_1} + \frac{kq_2}{r_2} + \frac{kq_3}{r_3} + \frac{kq_4}{r_4}$$

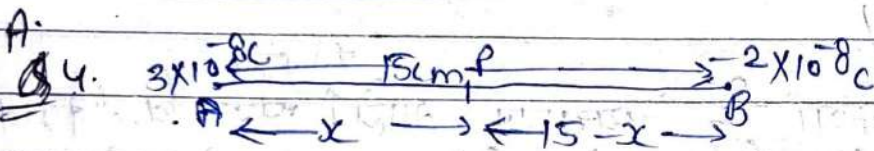
$$\therefore V = \frac{kq}{r}$$

$$V = \frac{9 \times 10^9 \times 100 \times 10^{-6}}{1} - \frac{9 \times 10^9 \times 50 \times 10^{-6}}{1} + \frac{9 \times 10^9 \times 20 \times 10^{-6}}{1} - \frac{9 \times 10^9 \times 60 \times 10^{-6}}{1}$$

$$V = 90 \times 10^4 - 45 \times 10^4 + 18 \times 10^4 - 54 \times 10^4$$

$$V = 10^4 [90 - 45 + 18 - 54]$$

$V = 10^4 \times 9 \text{ volt}$



Soln.  $V_P = V_A + V_B = 0$   
 $\therefore V = \frac{kq}{r}$

$$\frac{9 \times 10^9 \times 3 \times 10^{-8}}{x \times 10^{-2}} - \frac{9 \times 10^9 \times 2 \times 10^{-8}}{(15-x) \times 10^{-2}} = 0$$

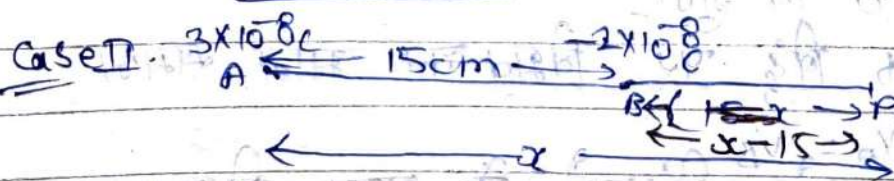
$$\frac{9 \times 10^9 \times 3 \times 10^{-8}}{x \times 10^{-2}} = \frac{9 \times 10^9 \times 2 \times 10^{-8}}{(15-x) \times 10^{-2}}$$

$$\frac{3}{x} = \frac{2}{15-x}$$

$$45 - 3x = 2x$$

$$45 = 5x$$

$x = 9 \text{ cm}$



$$V_P = V_A + V_B = 0$$

$$\therefore V = \frac{kq}{r}$$

$$\frac{9 \times 10^9 \times 3 \times 10^{-8}}{x \times 10^{-2}} - \frac{9 \times 10^9 \times 2 \times 10^{-8}}{(x-15)10^{-2}} = 0$$

~~$$\frac{9 \times 10^9 \times 3 \times 10^{-8}}{x \times 10^{-2}} - \frac{9 \times 10^9 \times 2 \times 10^{-8}}{(x-15) \times 10^{-2}}$$~~

$$\frac{3}{x} = \frac{2}{x-15}$$

$$3x - 45 = 2x$$

$$3x - 2x = 45$$

$$\boxed{x = 45}$$

\* यदि किसी 10 cm त्रिज्या के अचलक गोले पर वि. विभव का मान 60 volt है तो इसके केंद्र पर वि. विभव कि गणना करौं ?

$$V_{cen} = \frac{3}{2} \times V_{surf}$$

$$= \frac{3}{2} \times 60$$

$$\boxed{V_{cen} = 90 \text{ Volt}}$$

\* समविभव पृष्ठ -

जहाँ पृष्ठ जिसके प्रत्येक बिंदु पर वि. विभव का मान समान होता है। उसे समविभव पृष्ठ कहा जाता है।

\* समविभव पृष्ठ कि विशेषता या गुण -

1. इस पृष्ठ के प्रत्येक बिंदु पर विभव का मान समान होता है अर्थात्  $V_A = V_B$

2. इस पृष्ठ में किसी दो बिंदुओं के मध्य विभवान्तर शून्य होता है।

$$\text{अर्थात् } V_A = V_B = 0$$

3. इस पृष्ठ में किसी आवेश की किन्हीं दो बिंदुओं के मध्य विस्थापित करने में किए गए कार्य का मान सदैव शून्य प्राप्त होता है।

$$W = qV$$

$$W = q(V_A - V_B)$$

$$\therefore V_A - V_B = 0$$

$$\boxed{W = 0}$$

4. इस पृष्ठ में कार्यरत विद्युतीय बल सदैव पृष्ठ के लम्बवत् होता है।

$$W = 0$$

$$\vec{F} \cdot d\vec{r} = 0$$

$$F dr \cos\theta = 0$$

यदि  $F \neq 0$ ,  $dr \neq 0$

अतः  $\cos\theta = 0$

$$\theta = \cos^{-1}(0)$$

$$\theta = \frac{\pi}{2} \text{ or } 90^\circ$$

5. इस पृष्ठ में विद्युत सदैव पृष्ठ के लम्बवत् आरोपित होता है।

$$W = 0$$

$$\vec{F} \cdot d\vec{r} = 0$$

$$\therefore \vec{F} = q_0 \vec{E}$$

$$q_0 \vec{E} \cdot d\vec{r} = 0$$

$$q_0 E dr \cos\theta = 0$$

यदि  $q_0 \neq 0$ ,  $E \neq 0$ ,  $dr \neq 0$

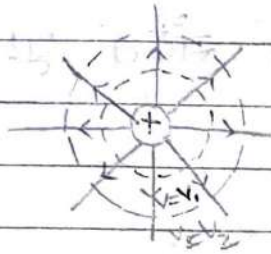
अतः  $\cos\theta = 0$

$$\theta = \frac{\pi}{2} \text{ or } 90^\circ$$

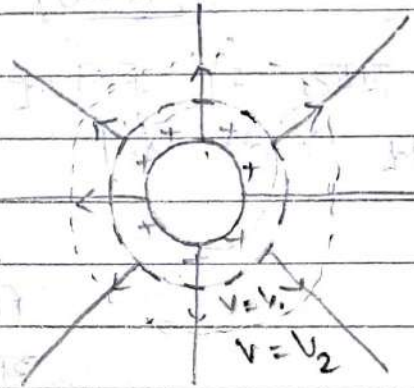
$$\boxed{E \perp dr}$$

6. दो समविभव पृष्ठ कभी कभी एक-दुसरे को नहीं काटते हैं। क्योंकि जिस बिंदु पर ये एक-दुसरे को काटेंगे उस बिंदु पर वि. विभव के दो मान होंगे। जो कि सम्भव नहीं है।

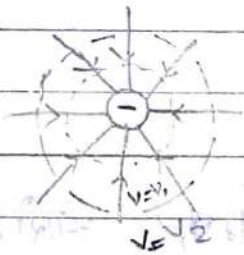
\* समविभव पृष्ठ की रचना -  
1. एकल धनावेश के लिए -



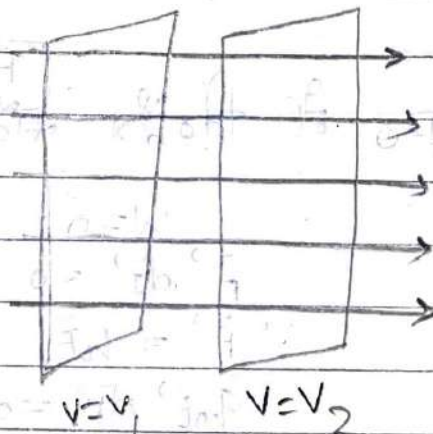
4. गोलीय चालक के लिए -



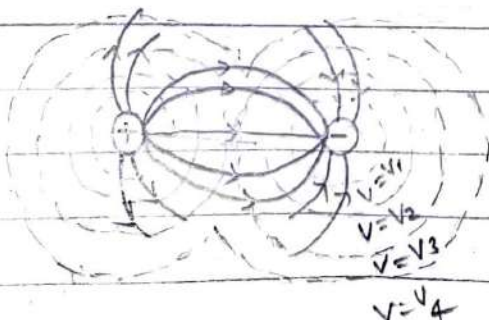
2. एकल ऋणावेश के लिए -



5. सम विद्युत क्षेत्र के लिए -



3. द्विद्विप के लिए -



\* समविभव पृष्ठ का महत्त्व -

1. समविभव पृष्ठ कि सहायता से वि. क्षेत्र के परिमाण एवं दिशा के बारे में जानकारी प्राप्त होती है। जिन स्थानों पर समविभव पृष्ठ पास - 2 होते हैं उन स्थानों पर वि. क्षेत्र का परिमाण अधिक होता है जबकि जिन स्थानों पर समविभव पृष्ठ दूर - 2 होते हैं उन स्थानों पर वि. क्षेत्र का परिमाण कम प्राप्त होता है।

तथा वि. क्षेत्र कि दिशा सर्वत्र दिए गए पृष्ठ के लम्बवत् होती है।

Notes:-

विभवान्तर की परिभाषा से -

$$dV = - \int_A^B \vec{E} \cdot d\vec{r} \quad \text{--- (1)}$$

यदि A व B पास - 2 होतीं -

$$dV = - \vec{E} \cdot d\vec{r}$$

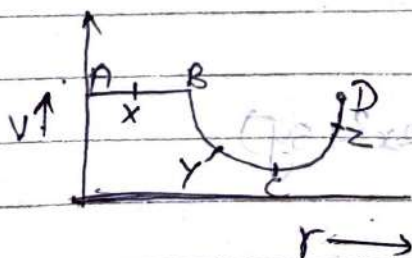
अधिकतम विभवान्तर के लिए

$$dV = -E dr$$

$$E = \frac{-dV}{dr}$$

अतः इससे स्पष्ट होता है कि वि. विभव की ऋणात्मक प्रकृति वि. क्षेत्र के बराबर होती है।

Q.



उदाहरित चित्र में बिंदु X, Y, Z पर वि. क्षेत्र के किन्ह बताइए। बिंदु X के लिए

$$V = \text{Constant}$$

$$\therefore E = \frac{-dV}{dr}$$

$E=0$

बिंदु y के लिए

$V = (-)ive$

$\therefore E = -\frac{dV}{dr}$  से

$E = -(-)ive$

$E = (+)ive$  बढ़ेगा

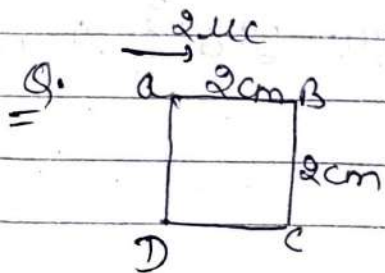
बिंदु z के लिए

$V = (+)ive$

$\therefore E = -\frac{dV}{dr}$  से

$E = -(+)ive$

$E = (-)ive$  कम होगा



उद्विहित क्षेत्र में  $2uc$  के आवेश को A से B, B से c, c से D तथा D से A तक विस्थापित किया जाता है तो कुल कार्य का मान ज्ञात करी ?

$W=0 J$

संक्षी बल के अन्तर्गत किये गए कार्य का मान शून्य प्राप्त होता है।

Q. यदि  $V = 2x^2 + 3y$  Volt है तो इसके लिए मूल बिंदु पर वि. क्षेत्र की गणना करी ?

$V = 2x^2 + 3y$  Volt

$E = -\frac{dV}{dr}$  से

$E = -\frac{d}{dr} (2x^2 + 3y)$

$E = -\frac{d(2x^2 + 3y)}{dx} - \frac{d(2x^2 + 3y)}{dy}$

$E = -4x - 3$

मूल बिंदु पर -  $x=0, y=0$

$E = -3 N/C$

Eg 7.8  
 $A = 56 + 10$

Imp.

Q. सिद्ध करी की  $E = -\nabla V$  होता है।

Solu.  $\vec{E} = E_x \hat{i} + E_y \hat{j} + E_z \hat{k}$

$d\vec{r} = dx \hat{i} + dy \hat{j} + dz \hat{k}$

gradient  $\rightarrow \nabla = \frac{\partial}{\partial x} \hat{i} + \frac{\partial}{\partial y} \hat{j} + \frac{\partial}{\partial z} \hat{k}$

$dv = \left(\frac{\partial V}{\partial x}\right) dx \hat{i} + \left(\frac{\partial V}{\partial y}\right) dy \hat{j} + \left(\frac{\partial V}{\partial z}\right) dz \hat{k}$

$\therefore E = -\frac{dV}{dr}$

$dV = -\vec{E} \cdot d\vec{r}$

$dV = -(E_x \hat{i} + E_y \hat{j} + E_z \hat{k}) \cdot (dx \hat{i} + dy \hat{j} + dz \hat{k})$

$dV = -(E_x dx + E_y dy + E_z dz)$

द्वका मान रखने पर

$\left(\frac{\partial V}{\partial x}\right) dx \hat{i} + \left(\frac{\partial V}{\partial y}\right) dy \hat{j} + \left(\frac{\partial V}{\partial z}\right) dz \hat{k} = -E_x dx - E_y dy - E_z dz$

तुलना करने पर -

$-E_x dx = \left(\frac{\partial V}{\partial x}\right) dx \hat{i} = \left(\frac{\partial V}{\partial x}\right) dx \hat{i} \Rightarrow E_x = -\frac{\partial V}{\partial x} \hat{i}$

इसी प्रकार -

$E_y = -\frac{\partial V}{\partial y} \hat{j}$

$E_z = -\frac{\partial V}{\partial z} \hat{k}$

अतः कुल वि.क्षेत्र

$\vec{E} = E_x + E_y + E_z$

$E = -\left(\frac{\partial V}{\partial x} \hat{i} + \frac{\partial V}{\partial y} \hat{j} + \frac{\partial V}{\partial z} \hat{k}\right)$



$$\vec{E} = - \left( \frac{\partial}{\partial x} \hat{i} + \frac{\partial}{\partial y} \hat{j} + \frac{\partial}{\partial z} \hat{k} \right) V$$

$$\boxed{\vec{E} = -\vec{\nabla} V}$$

3.7.  $V = \frac{343}{r}$  volt

$\vec{r} = 3\hat{i} + 2\hat{j} - 6\hat{k}$  m

$E = ?$

Soln:  $\vec{E} = -\frac{dV}{dr} \cdot \hat{r}$   $\because \hat{r} = \frac{\vec{r}}{|\vec{r}|}$

$\vec{E} = -\frac{d}{dr} \left( \frac{343}{r} \right) \cdot \frac{\vec{r}}{|\vec{r}|}$

$\vec{E} = -343 \left( -\frac{1}{r^2} \right) \cdot \frac{3\hat{i} + 2\hat{j} - 6\hat{k}}{\sqrt{(3)^2 + (2)^2 + (-6)^2}}$

$\vec{E} = \frac{343}{r^2} \cdot \frac{3\hat{i} + 2\hat{j} - 6\hat{k}}{\sqrt{9+4+36}}$

$= \frac{343}{r^2} \cdot \frac{3\hat{i} + 2\hat{j} - 6\hat{k}}{\sqrt{49}}$

$= \frac{343}{(\sqrt{49})^2} \cdot \frac{3\hat{i} + 2\hat{j} - 6\hat{k}}{7}$

$= \frac{343}{49} \cdot \frac{3\hat{i} + 2\hat{j} - 6\hat{k}}{7}$

$\boxed{\vec{E} = \hat{i} + 2\hat{j} - 6\hat{k} \text{ V/m}}$

3.8.  $V(x, y, z) = 6x - 8xy - 8y + 6yz$

At  $(1, 1, 1)$  find  $E = ?$

Soln:  $\vec{E} = -\vec{\nabla} V$

$\vec{E} = - \left( \frac{\partial}{\partial x} \hat{i} + \frac{\partial}{\partial y} \hat{j} + \frac{\partial}{\partial z} \hat{k} \right) \cdot V$

$$\vec{E} = -\left(\frac{\partial V}{\partial x} \hat{i} + \frac{\partial V}{\partial y} \hat{j} + \frac{\partial V}{\partial z} \hat{k}\right)$$

$$\vec{E} = -[(6-8y)\hat{i} + (-8x-8+6z)\hat{j} + (6y)\hat{k}]$$

$$\vec{E} = -6\hat{i} + 8y\hat{i} + 8x\hat{j} + 8\hat{j} - 6\hat{j} - 6\hat{k}$$

बिंदु (1, 1, 1) पर.

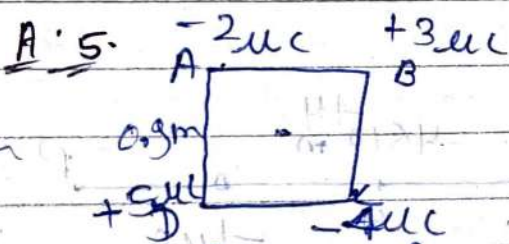
$$\vec{E} = -6\hat{i} + 8\hat{i} + 8\hat{j} + 8\hat{j} - 6\hat{j} - 6\hat{k}$$

$$\vec{E} = 2\hat{i} + 10\hat{j} - 6\hat{k}$$

$$|\vec{E}| = \sqrt{(2)^2 + (10)^2 + (-6)^2} = \sqrt{4 + 100 + 36}$$

$$|\vec{E}| = \sqrt{140}$$

$$|\vec{E}| = 2\sqrt{35} \text{ V/m}$$



बिंदु O पर विभव.

Solu.

$$V = V_A + V_B + V_C + V_D$$

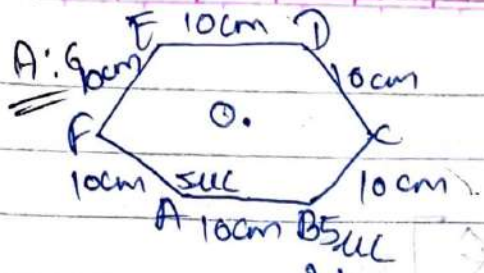
$$\because V = \frac{kq}{r}$$

$$V = \dots$$

$$\dots$$

$$\dots$$

$$\dots = V$$



Solu.  $V = \frac{kq}{r}$

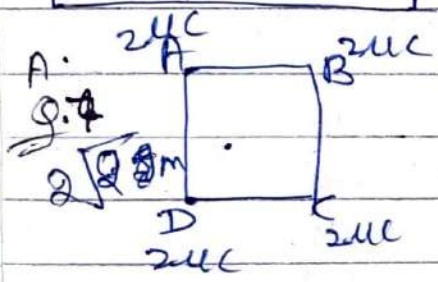
विद्युत् 0 पर विभव -

$$V = 6 \times \frac{kq}{r} = \frac{6 \times 9 \times 10^9 \times 5 \times 10^{-6}}{10 \times 10^{-2}}$$

$$= 27 \times 10^3 \times 10^{-6}$$

$$= 27 \times 10^5$$

$V = 2.7 \times 10^6 \text{ V}$



Solu. विद्युत् 0 पर विभव -

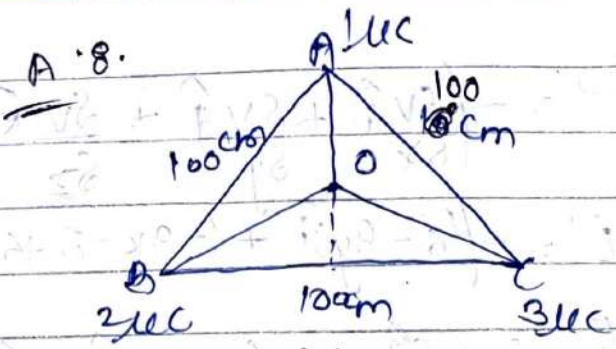
$\therefore V = \frac{kq}{r}$

$V = \frac{4 \times kq}{r}$

$V = \frac{4 \times 9 \times 10^9 \times 2 \times 10^{-6}}{2 \times 10^{-2}}$

$V = \frac{36 \times 10^3}{10^{-2}}$

$V = 36 \times 10^5$

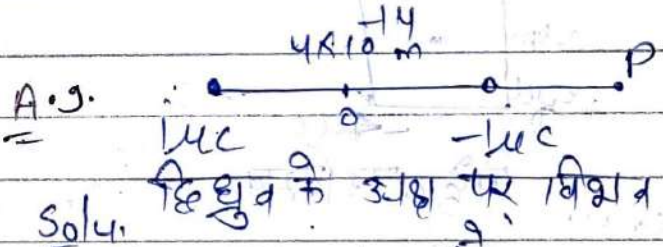


विद्युत् 0 पर विभव

Solu.  $V = V_A + V_B + V_C$

$V = \frac{kq}{r}$

$$V = \frac{9 \times 10^9 \times 1 \times 10^{-6}}{\left(\frac{100 \times 10^{-2}}{\sqrt{3}}\right)}$$



A: 9.

Solu.

$V = \frac{kQ}{r^2}$

$V = \frac{k(q \times 2a)}{r^2}$

$V = \frac{9 \times 10^9 \times (1 \times 10^{-6} \times 4 \times 10^{-4})}{4 \times 10^{-2}}$

$V = \frac{9 \times 10^9 \times 4 \times 10^{-10}}{4 \times 10^{-2}}$

$V = 9 \times 10 = 90 \text{ Volt}$

A.10.

i)  $q = 4 \times 10^{-7} \text{ C}$   
 $r = 9 \text{ cm} = 9 \times 10^{-2} \text{ m}$   
 $V = \frac{kq}{r}$

$V = \frac{9 \times 10^9 \times 4 \times 10^{-7}}{9 \times 10^{-2}}$   
 $V = 4 \times 10^4 \text{ Volt}$

ii)  $Q = 2 \times 10^{-9} \text{ C}$   
 $W = qV$   
 $W = Q(V - V_\infty)$   
 $W = 2 \times 10^{-9} (4 \times 10^4 - 0)$   
 $W = 8 \times 10^{-5} \text{ Joule}$

किया गया कार्य पथ पर निर्भर नहीं करता है।

\* आवेश अथवा आवेश निकाय कि वि. स्थितिज ऊर्जा -  
 => परिभाषा -

जब किसी आवेश अथवा आवेश निकाय को अनन्त से वि. क्षेत्र में स्थित किसी बिंदु तक लाने में क्षेत्र के विरुद्ध किया गया कार्य ही वि. स्थितिज ऊर्जा कहलाती है।

Case 1 जब बाह्य वि. क्षेत्र अपस्थित न हो -

1. एकल आवेश कि वि. स्थितिज ऊर्जा -

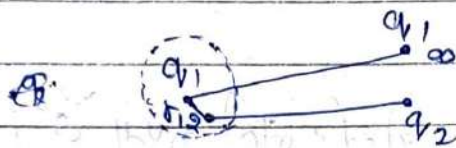
जब किसी एक आवेश को अनन्त से किसी बिंदु तक लाने में किया गया कार्य ही एकल आवेश के वि. स्थितिज ऊर्जा कहलाती है।

माना किसी आवेश  $q_1$  को अनन्त से लाने में किया गया कार्य -

$\therefore E = 0$   
 $\therefore V = 0$   
 तो  $W = qV$  से  
 $W = 0$

2. द्वि आवेश निकाय कि वि. स्थितिज ऊर्जा -  
 जब दो आवेशों को अथवा द्वि आवेश निकाय को अनन्त से किसी बिंदु तक लाया जाता है तो इस स्थिति में किया गया कार्य ही द्वि आवेश निकाय कि वि. स्थितिज ऊर्जा कहलाती है।

माना दो आवेश  $q_1$  व  $q_2$  आवेश को अनन्त से लाने में किया गया कार्य -



$q_1$  आवेश के लिए

$$E = 0$$

तो  $W_1 = q_1 V$  से

$$W_1 = 0 \quad \text{--- (1)}$$

$q_2$  आवेश के लिए

$$W_2 = q_2 \times V$$

$$W_2 = q_2 \times \frac{k q_1}{r_{12}}$$

$$W_2 = \frac{k q_1 q_2}{r_{12}}$$

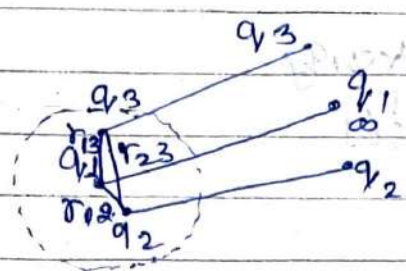
अतः कुल कार्य -

$$W = W_1 + W_2$$

$$W = 0 + \frac{k q_1 q_2}{r_{12}}$$

$$W = U = \frac{k q_1 q_2}{r_{12}}$$

3. त्रिआवेश निकाय की वि. स्थितिज ऊर्जा - जब तीन आवेशों अथवा अथवा त्रिआवेश निकाय को अनन्त से किसी बिंदु तक लाया जाता है तो इस स्थिति में किया गया कार्य ही त्रिआवेश निकाय की वि. स्थितिज ऊर्जा कहलाती है।



माना तीन आवेश  $q_1, q_2, q_3$  आवेशों को अनन्त से लाने में किया गया कार्य -

$q_1$  आवेश के लिए -

$$\because E = 0$$

$$\therefore V = 0 \text{ g.}$$

$$W_1 = 0 \text{ --- (1)}$$

$q_2$  आवेश के लिए -

$$W_2 = q_2 \times V_1$$

$$W_2 = q_2 \times \frac{kq_1}{r_{12}}$$

$$W_2 = \frac{kq_1 q_2}{r_{12}} \text{ --- (2)}$$

$q_3$  आवेश के लिए -

$$W_3 = q_3 \times V_1 + q_3 \times V_2$$

$$W_3 = q_3 \times \frac{kq_1}{r_{13}} + q_3 \times \frac{kq_2}{r_{23}} \text{ --- (3)}$$

अतः कुल कार्य -

$$W = W_1 + W_2 + W_3$$

$$W = 0 + \frac{kq_1 q_2}{r_{12}} + \frac{kq_3 q_1}{r_{13}} + \frac{kq_2 q_3}{r_{23}}$$

$$W = U = \frac{kq_1 q_2}{r_{12}} + \frac{kq_3 q_1}{r_{13}} + \frac{kq_2 q_3}{r_{23}}$$

Note:- n- आवेशों के निकाश के लिए वि. स्थितिज ऊर्जा -

$$U = \frac{1}{2} \sum_{i=1}^n \sum_{\substack{j=1 \\ i \neq j}}^n \frac{k q_i q_j}{r_{ij}}$$

Q.  $V = (6x^2y - 2y + 6z)$  है तो इसके लिए मूल बिन्दु पर वि. क्षेत्र की गणना करो ?

Ans  $V = 6x^2y - 2y + 6z$   
 $E = -\frac{dV}{dr}$

$$E = -\frac{d}{dr} (6x^2y - 2y + 6z)$$

$$E = -\frac{d}{dx} (6x^2y - 2y + 6z) - \frac{d}{dy} (6x^2y - 2y + 6z) - \frac{d}{dz} (6x^2y - 2y + 6z)$$

$$E = -12xy - (6x^2 - 2) - 6$$

$$E = -12xy - 6x^2 + 2 - 6$$

मूल बिन्दु पर

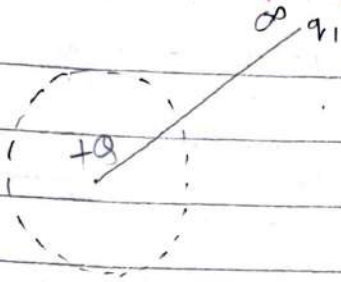
$$E = +2 - 6$$

$$E = -4 \text{ N/C}$$

Case II. जब बाह्य वि. क्षेत्र अपस्थित हो तो वि. स्थितिज ऊर्जा -

1. एकल आवेश की वि. स्थितिज ऊर्जा -

जब किसी एक आवेश को अनन्त से वि. क्षेत्र में स्थित किसी बिन्दु तक लाने में क्षेत्र के विरुद्ध किया गया कार्य ही एकल आवेश की वि. स्थितिज ऊर्जा कहलाती है।  
 माना  $q_1$  आवेश को लाने में किया गया कार्य -



$$W = q_1 V$$

$$W_1 = q_1 \times V_0$$

$$\therefore V = \frac{kq}{r}$$

$$W_1 = q_1 \times \frac{kq}{r_{01}}$$

$$W_1 = \frac{kq q_1}{r_{01}}$$

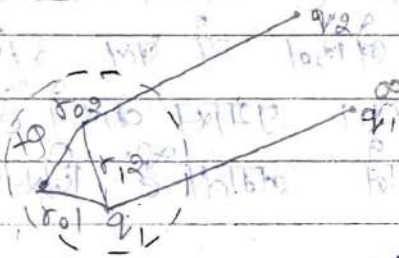
$$U = \frac{kq q_1}{r_{01}}$$

1. द्विआवेश निकाय कि स्थितिज ऊर्जा -

अनन्त से वि. क्षेत्र में स्थित किया किसी बिंदु तक लाने में क्षेत्र के विरुद्ध किया गया कार्य ही द्विआवेश निकाय की वि. स्थितिज ऊर्जा कहलाती है।

जब किसी दो आवेशों को

मामा  $q_1$  व  $q_2$  आवेश को अनन्त से लाने में किया गया कार्य



$$W = q_1 V$$

$$W_1 = q_1 \times V_0$$

$$\therefore V = \frac{kq}{r}$$

$$W_1 = q_1 \times \frac{kq}{r_{01}}$$

$$W_1 = \frac{kq q_1}{r_{01}} \quad \text{--- (1)}$$

$q_2$  आवेश को  $r_{01}$  लाने में किया

$$W_2 = q_2 \times V_0 + q_2 \times V_1$$

$$W_2 = q_2 \times \frac{kq}{r_{02}} + q_2 \times \frac{kq_1}{r_{12}}$$

$$W_2 = \frac{kq q_2}{r_{02}} + \frac{kq_1 q_2}{r_{12}}$$

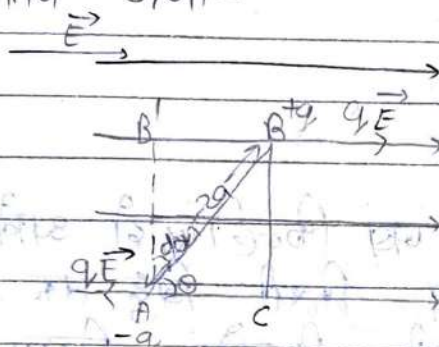


अतः कुल कार्य -

$$W = W_1 + W_2$$

$$W = U = \frac{kq_1q_2}{r_{01}} + \frac{kq_1q_2}{r_{02}} + \frac{kq_1q_2}{r_{12}}$$

द्विध्रुव को समविद्युत क्षेत्र में रखने पर किया गया कार्य अथवा वि. स्थितिज ऊर्जा -



जब किसी द्विध्रुव को किसी सम विद्युत क्षेत्र में रखा जाता है तो इसके दोनों आवेशों के कारण परिमाण में समान व दिशा में विपरीत विद्युतीय बल कार्यरत होते हैं जिसके कारण परिणामी बल का मान शून्य प्राप्त होता है लेकिन ये बल असंरक्षित होने के कारण द्विध्रुव को घुमाने का प्रयास करते हैं। जिसके कारण इस पर अलाघुर्ण लगाने लगता है जिसका मान

इस स्थिति में द्विध्रुव को अल्प कोण  $d\theta$  से घुमाने पर किया गया कार्य ही द्विध्रुव की वि. स्थितिज ऊर्जा कहलाती है।

अतः कार्य की परिभाषा से -

$$dW = \tau \cdot d\theta \quad \text{समी. ① से}$$

$$dW = pE \sin\theta \cdot d\theta \quad \text{②}$$

अतः कुल किया गया कार्य -

$$\int dW = \int pE \sin\theta \cdot d\theta$$

$$W = U = PE [-\cos\theta_2]_{\theta_1}^{\theta_2}$$

$$W = U = -PE [\cos\theta_2 - \cos\theta_1] \quad \text{--- (3)}$$

यदि  $\theta_1 = 90^\circ$  व  $\theta_2 = 0$  होती -  
 समी. (3) से

$$U = -PE [\cos 0^\circ - \cos 90^\circ]$$

$$U = -PE \cos 0 \quad \text{--- (4)}$$

or

$$U = -\vec{P} \cdot \vec{E}$$

Case I. यदि  $\vec{P}$  व  $\vec{E}$  एक-दूसरे के समान्तर or एक ही दिशा में ही ती -

$$\theta = 0^\circ$$

$$\cos 0^\circ = 1$$

समी. (4) से -

$$U_{\min} = -PE$$

स्थायी अवस्था

यह स्थिति द्विध्रुव की असंतुलन की स्थिति कहलाती है। क्योंकि इस स्थिति में स्थितिव स्थायी अवस्था ऊर्जा का मान न्यूनतम होता है।

Case II यदि  $\vec{P}$  व  $\vec{E}$  एक-दूसरे के लम्बवत् ही ती -

$$\theta = 90^\circ$$

$$\cos 90^\circ = 0$$

समी. (4) से

$$U = 0$$

असंतुलन की स्थिति

यह स्थिति द्विध्रुव की असंतुलन की स्थिति कहलाती है।

Case III यदि  $\vec{P}$  व  $\vec{E}$  एक-दूसरे के प्रति समान्तर or विपरित ही ती -

$$\theta = 180^\circ$$

$$\cos 180^\circ = -1$$

समी. (ब) से -

$$[U_{\max} = +PE] - \text{अस्थायी अवस्था}$$

यह द्विष्ट्रुव की अस्थायी अवस्था कहलाती है, क्योंकि इस स्थिति में स्थितिज ऊर्जा का मान अधिकतम होता है।

$$\underline{3.10.} \quad p^+ \xrightarrow{6 \times 10^{-15} \text{ m}} p^+$$

$$\underline{\text{soln.}} \quad U = \frac{k q_1 q_2}{r_{12}} \text{ से}$$

$$U = \frac{9 \times 10^9 \times 1.6 \times 10^{-19} \times 1.6 \times 10^{-19}}{6 \times 10^{-15}} \text{ J}$$

$$\therefore 1 \text{ eV} = 1.6 \times 10^{-19} \text{ J}$$

$$U = \frac{3 \times 10^9 \times 1.6 \times 10^{-19} \times 1.6 \times 10^{-19}}{6 \times 10^{-15} \times 2}$$

$$U = 2.4 \times 10^5 \text{ eV}$$

$$\underline{3.7.} \quad v = \frac{343}{r} \text{ वोल्ट}$$

$$\vec{r} = (3\hat{i} + 4\hat{j} - 6\hat{k}) \text{ m}$$

$$E = ?$$

$$\vec{E} = -\frac{dv}{dr} \hat{r}$$

$$\vec{E} = -\frac{dv}{dr} \cdot \frac{\vec{r}}{r}$$

$$\vec{E} = -\frac{\vec{r}}{r} \cdot \frac{d\left(\frac{343}{r}\right)}{dr}$$

$$\vec{E} = \frac{-\vec{r}}{r^3} \cdot \left( \frac{-343}{r^2} \right)$$

$$\vec{E} = +\vec{r} \frac{343}{r^3}$$

$$\vec{E} = (3\hat{i} + 2\hat{j} - 6\hat{k}) \cdot \frac{343}{[\sqrt{(3)^2 + (2)^2 + (-6)^2}]^3}$$

$$\vec{E} = (3\hat{i} + 2\hat{j} - 6\hat{k}) \cdot \frac{343}{27}$$

$$\vec{E} = (3\hat{i} + 2\hat{j} - 6\hat{k}) \text{ V/m}$$

eg. 3.8.  $v(x, y, z) = 6x - 8xy - 8y + 6yz$  volt  
 बिंदु  $(1, 1, 1)$  पर  $E = ?$

Solu.  $E = -\frac{dv}{dr}$

$$E = -\frac{d}{dr} (6x - 8xy + 8y + 6yz) \cdot \hat{r}$$

$$E = -[(6 - 8y) + (-8x - 8 + 6z) + (6y)] \hat{r}$$

बिंदु  $(1, 1, 1)$  पर

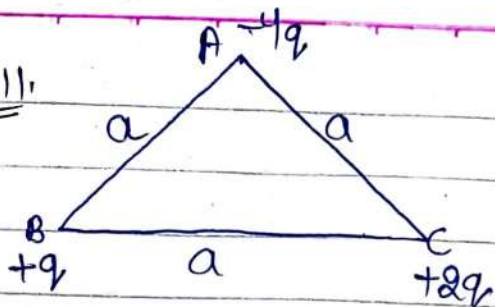
$$E = -[(6 - 8) + (-8 - 8 + 6) + 6] \hat{r}$$

$$E = -[-2\hat{i} - 10\hat{j} + 6\hat{k}] = \text{V/m}$$

$$E = [2\hat{i} + 10\hat{j} - 6\hat{k}]$$

$$|\vec{E}| =$$

3.11.



$$q = 1 \times 10^{-7} \text{ C}$$

$$a = 0.10 \text{ m}$$

Solu.  $U = U_{AB} + U_{BC} + U_{CA}$

$$\therefore U = \frac{kq_1q_2}{r_{12}}$$

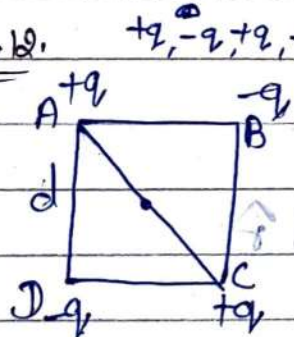
$$U = \frac{-k \times 4q \times q}{a} + \frac{k \times q \times 2q}{a} - \frac{k \times 2q \times 4q}{a}$$

$$U = \frac{k \times 2q^2}{a} [-2 + 1 - 4]$$

$$U = \frac{-5k \times 2q^2}{a} = \frac{-10kq^2}{a}$$

$$U = \frac{-10 \times 9 \times 10^9 \times 1 \times 10^{-7} \times 1 \times 10^{-7}}{0.10}$$

Eg. 3.12.



Solu. आवेश को लाने में कार्य -

$$\therefore E = 0$$

$$W = qV$$

$$W_1 = 0 \quad \text{--- (1)}$$

आवेश को लाने में कार्य -

$$W_2 = -q \times V_A$$

$$\therefore V = \frac{kq}{r}$$

$$W_2 = -q \times \frac{kq}{d}$$

$$W_2 = \frac{-kq^2}{d} \quad \text{--- (2)}$$

+q आवेश को लाने में कार्य

$$W_3 = +q \times V_A + q \times V_B$$

$$W_3 = \frac{q \times Kq}{d} - \frac{q \times Kq}{d}$$

$$W_3 = \frac{Kq^2}{d} - \frac{Kq^2}{d} \quad \text{--- (3)}$$

→ आवेश लाने में कार्य -

$$W_4 = -q \times V_A - q \times V_B - q \times V_C$$

$$W_4 = -q \times \frac{Kq}{d} + q \times \frac{Kq}{d} - q \times \frac{Kq}{d}$$

$$W_4 = \frac{-Kq^2}{d} + \frac{Kq^2}{d} - \frac{Kq^2}{d} \quad \text{--- (4)}$$

अतः कुल कार्य -

$$W = W_1 + W_2 + W_3 + W_4$$

$$W = 0 - \frac{Kq^2}{d} + \frac{Kq^2}{d} - \frac{Kq^2}{d} - \frac{Kq^2}{d} + \frac{Kq^2}{d} - \frac{Kq^2}{d}$$

$$W = \frac{-4Kq^2}{d} + \frac{2Kq^2}{d}$$

$$W = \frac{2Kq^2}{d} \left[ \frac{-2+1}{\sqrt{2}} \right] \text{ joule}$$

b)  $q_0$  आवेश को केंद्र पर लाने में कार्य -

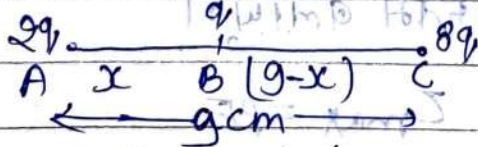
$$W = q_0 V_A + q_0 V_B + q_0 V_C + q_0 V_D$$

$$W = q_0 [V_A + V_B + V_C + V_D]$$

$$W = q_0 \left[ \frac{Kq}{(d/\sqrt{2})} - \frac{Kq}{(d/\sqrt{2})} + \frac{Kq}{(d/\sqrt{2})} - \frac{Kq}{(d/\sqrt{2})} \right]$$

$$W = 0 \text{ जूल}$$

313.



soln.

निकाय की कुल स्थितिज ऊर्जा -

$$U = U_{AB} + U_{BC} + U_{AC}$$

$$U = \frac{k \times 2q \times q}{x \times 10^{-2}} + \frac{k \times q \times 8q}{(9-x) \times 10^{-2}} + \frac{k \times 2q \times 8q}{9 \times 10^{-2}}$$

$$U = \frac{2kq^2}{x \times 10^{-2}} + \frac{8kq^2}{(9-x) \times 10^{-2}} + \frac{16kq^2}{9 \times 10^{-2}}$$

$$U = \frac{2kq^2}{10^{-2}} \left[ \frac{1}{x} + \frac{4}{(9-x)} + \frac{8}{9} \right]$$

अधिकतम स्थितिज ऊर्जा के लिए -

$$\therefore \frac{dU}{dx} = 0$$

$$\frac{d}{dx} \left[ \frac{2kq^2}{10^{-2}} \left\{ \frac{1}{x} + \frac{4}{(9-x)} + \frac{8}{9} \right\} \right] = 0$$

$$\frac{2kq^2}{10^{-2}} \left[ \frac{-1}{x^2} + \frac{4}{(9-x)^2} \right] = 0$$

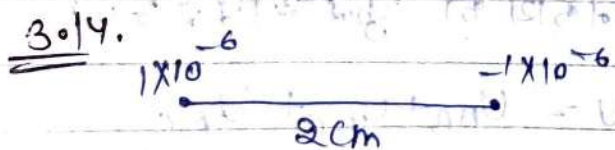
$$\frac{2kq^2}{10^{-2}} \left[ \frac{-1}{x^2} + \frac{4}{(9-x)^2} \right] = 0$$

$$\frac{1}{x^2} = \frac{4}{(9-x)^2}$$

$$\frac{1}{x} = \pm \frac{2}{9-x}$$

$$\left( \frac{1}{x} - \frac{2}{9-x} \right) \text{ or } \left( \frac{1}{x} + \frac{2}{9-x} \right) = 0$$

$$\frac{1}{x} = \frac{2}{9-x}$$



अधिकतम बलानुत्पत्ति

$$Z_{\max} = PE$$

$$Z_{\max} = (q \times 2a) E$$

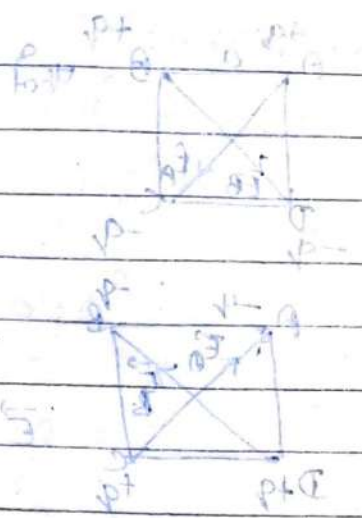
$$Z = (1 \times 10^{-6} \times 2 \times 10^{-2}) \times 1 \times 10^5$$

$$E = 1 \times 10^5 \text{ V/m}$$

$Z_{max} =$

व. स्थायी संतुलन की अवस्था में -

$\theta = 0^\circ$   
 $U_{min} = -PE$   
 $U_{min} =$



॥ ॥  $\theta_1 = 0^\circ = \theta_2 = 180^\circ$   
 $U = -PE [\cos \theta_2 - \cos \theta_1]$   
 $U = -PE [\cos 180^\circ - \cos 0^\circ]$   
 $U = -PE [-1 - 1]$   
 $U = -PE [-2]$   
 $U = +2PE$   
 $U$

$\frac{P}{A} \times \frac{P}{A} = W$   
 $\frac{P}{A} \times P = W$   
 $P^2 = WA$   
 $P = \sqrt{WA}$   
 $W = \frac{P^2}{A}$

७.)  $\theta_1 = 20^\circ, \theta_2 = 90^\circ$   
 $U = -PE [\cos \theta_2 - \cos \theta_1]$   
 $U = -PE [\cos 90^\circ - \cos 20^\circ]$   
 $U = -PE (-1) = +PE$

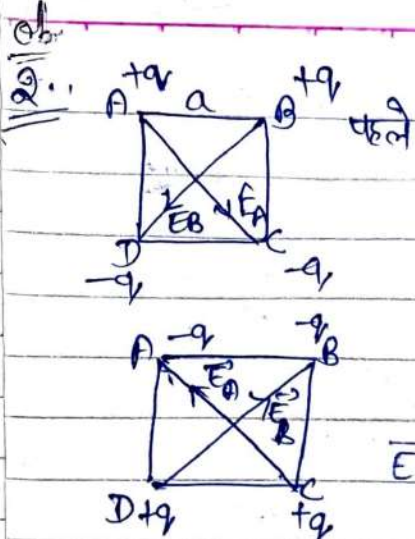
$\frac{P}{A} \times \frac{P}{A} = W$   
 $\frac{P^2}{A} = W$   
 $P = \sqrt{WA}$   
 $W = \frac{P^2}{A}$

Objective Q. 1.  $E = 50V/m$   
 $V = 300V$   
 $r = ?$

$V = E \times r \Rightarrow r = \frac{V}{E}$   
 $r = \frac{300}{50} = 6m$







बढ़ता जाता है तथा  $V$  अपरिवर्तित रहता है।

Obj. 3.

$$V = 200 \text{ वोल्ट}$$

$$W = q_1 V \text{ सी}$$

$$W = -eV$$

$$W = -1.6 \times 10^{-19} \times 200$$

$$W = -3.2 \times 10^{-17} \text{ Joule}$$

Obj. 4.

$$V_1 = V_2$$

$$\frac{kq_1}{r_1} = \frac{kq_2}{r_2}$$

$$\therefore r = \frac{q}{A} \text{ सी}$$

$$Q = \sigma A$$

$$k\sigma_1 A_1 = \frac{k\sigma_2 A_2}{r_2}$$

$$\frac{\sigma_1}{\sigma_2} = \frac{A_2}{r_2} \times \frac{r_1}{A_1}$$

$$\frac{\sigma_1}{\sigma_2} = \frac{4\pi r_2^2}{r_2} \times \frac{r_1}{4\pi r_1^2}$$

$$\frac{\sigma_1}{\sigma_2} = \frac{r_2}{r_1}$$

Obj. 15

$$A(a, 0)$$

$$B = \left( \frac{a}{\sqrt{2}}, \frac{a}{\sqrt{2}} \right)$$

$$\vec{r}_1 = a\hat{i} + 0\hat{j}$$

$$\vec{r}_2 = \frac{a}{\sqrt{2}}\hat{i} + \frac{a}{\sqrt{2}}\hat{j}$$

$$r_1 = \sqrt{(a)^2 + (0)^2} = a$$

$$r_2 = \sqrt{\left(\frac{a}{\sqrt{2}}\right)^2 + \left(\frac{a}{\sqrt{2}}\right)^2} = a$$

अतः विभवान्तर -

$$V_A - V_B = \frac{kq}{r_1} - \frac{kq}{r_2}$$

$$V_A - V_B = kq \left[ \frac{1}{r_1} - \frac{1}{r_2} \right]$$

$$= kq \left[ \frac{1}{a} - \frac{1}{a} \right]$$

$$V_A - V_B = 0 \text{ वोल्ट}$$

Obj. 70

$$W = \Delta K$$

$$W = qV$$

$$W = q(V_A - V_B)$$

$$W = 2e(50 - 70)$$

$$W = -2e \times 20$$

$$W = -40eV$$

Obj. 8

$$E = 0$$

$$E = -\frac{dV}{dr}$$

$$0 = -\frac{dV}{dr}$$

Obj. 15. 64 घन की गोलियों का आयतन =  
 1 बड़ी गोली का आयतन

$$\frac{4}{3}\pi R^3 = \frac{4}{3}\pi r^3 \times 64$$

$$R^3 = 64r^3$$

$$R = 4r$$

given:  $\frac{kq}{r} = 160 \text{ volt} \quad \text{--- (1)}$

$q = 64 \mu\text{C}$   
 बड़ी गोली पर विभव -

$$V = \frac{kq}{R} = \frac{k \times 64 \times q}{4r}$$

$$V = 16 \times \frac{kq}{r}$$

समी. (1) से

$$V = 16 \times 10$$

$$V = 160 \text{ volt}$$

$$50 + 10 + 20 = V$$

$$V_B = 80$$

$$[50 + 10 + 20] - 80 = 0$$

$$[50 + 10 + 20] - 80 = 0$$

$$^1(50) + ^2(10) + ^3(20) = 80$$

$$20 + 0 + 20 = 40$$

$$E = 0$$

$$E = 0$$

$V = \text{Constant}$  (नियत)

Q.16.

obj.  
9.  $V_1 = \frac{KQ}{R_1}$

$\therefore Q = \sigma A$  से

$V_1 = \frac{K\sigma A}{R_1}$  — (1)

इसी प्रकार

$V_2 = \frac{K\sigma A_2}{R_2}$  — (2)

समी. (1)  $\div$  (2) से

$\frac{V_1}{V_2} = \frac{R_2 A_1}{R_1 A_2}$

$\frac{V_1}{V_2} = \frac{R_2 R_1^2}{R_1 R_2^2}$

$\frac{V_1}{V_2} = \frac{R_1}{R_2}$

obj.  
10.  $V = -5x + 3y + \sqrt{15}z$  वोल्ट

$E = -\frac{dV}{dr}$  से

$E = -\frac{d[-5x + 3y + \sqrt{15}z]}{dr}$

$E = -[-5\hat{i} + 3\hat{j} + \sqrt{15}\hat{k}]$

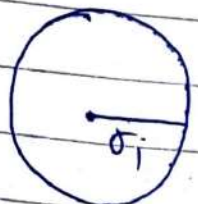
$E = \sqrt{(5)^2 + (-3)^2 + (-\sqrt{15})^2}$

$E = \sqrt{25 + 9 + 15}$

$E = \sqrt{49}$

$E = 7$

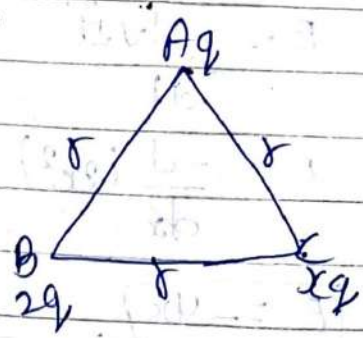
Obj 11.




$w = q_1 V_{eq}$   
 $w = q_1 (V_A - V_A)$   
 $w = 0$  वोल्ट

A.

Q.17.



Obj 12.



$V = \frac{k q_1 q_2}{r_{12}}$   
 $V = \frac{k q^2}{r}$

निष्पत्ति की स्थितिज ऊर्जा -

$U = U_{AB} + U_{BC} + U_{CA}$   
 $U = \frac{k \times q \times q}{r} + \frac{k \times q \times q}{r} + \frac{k \times q \times q}{r}$

Obj 13.

$\frac{4}{3} \pi R^3 = 1000 \times \frac{4}{3} \pi r^3$

$U = \frac{2kq^2}{r} + \frac{2kq^2}{r} + \frac{kq^2}{r}$

$R = 10r$  ①  
 ऊर्जा संरक्षण के नियम से -  
 $Q = 1000q$

$\therefore U = 0$  होने पर  
 $0 = \frac{kq^2}{r} (2 + 2x + x)$

$V_{वडी} = \frac{kq}{R} = \frac{k \times 1000q}{10r}$

$3x + 2 = 0$

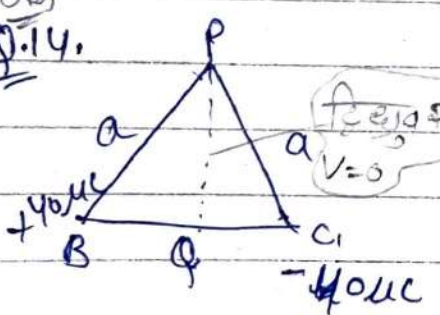
$V_{वडी} = \frac{kq}{r} \times 100$

$3x = -2$

$V_{वडी} = \frac{kq}{r} \times 100$

$x = \frac{-2}{3}$

Obj Q.14.



$U = k \frac{q_1 q_2}{r}$  से  
 $w = qV$  से  
 $\therefore V = 0$   
 $w = 0$

अतिलघु

Q.1

$V_{cen} = \frac{3}{2} V_{scen}$   
 $V_{cen} = \frac{3}{2} \times 10$   
 $V_{cen} = 15 \text{ volt}$

Q.12.  $V = 2x^2$  volt

$$E = -\frac{dV}{dr}$$

$$E = -\frac{d}{dx} (2x^2)$$

$$E = -4x$$

बिन्दु  $(1m, 2m, 3m)$  पर.

$$E = -4V/m$$

Q.13.  $U = \frac{kq_1q_2}{r_{12}}$

A.15.  $V = (6xy + y^2 - x^2)$  volt

Solu.  $E = -\frac{dV}{dr}$

Q.16.  $W = qV$   
 $W = -e \times 20$

$$W = -1.6 \times 10^{-19} \times 20 \text{ Joule}$$

$$W = -32 \times 10^{-19}$$

$$E = -\frac{d}{dr} (6xy + y^2 - x^2)$$

$$E = -[6y \hat{i} + (6y - 2x) \hat{j} + (6x + 2y) \hat{k}]$$

Q.17.  $V = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{Q}{R} = 10$

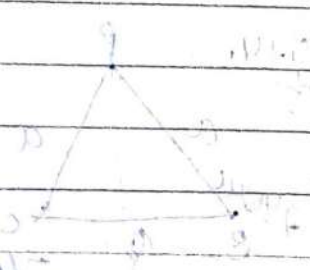
$$V_m = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{Q}{R} = ?$$

$$\frac{V}{V_m} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{Q}{R} \times \frac{4\pi\epsilon_0 R}{Q}$$

$$\frac{V}{V_m} = \frac{E}{E_0} = Er$$

$$V_m = \frac{V}{Er} = \frac{10}{2}$$

$$V_m = 5V$$



Q.18.  $W = -PE [\cos\theta_2 - \cos\theta_1]$   
 $W = -PE [\cos(90^\circ) - \cos(0^\circ)]$   
 $W = -PE [-1 - 1]$   
 $W = 2PE$

Q.20.

$V = (4x + 3y)$  वोल्ट

बिंदु (2,1)  $E = ?$

Solu:  $E = -\frac{dy}{dr}$  से

$E = -\frac{d}{dr} (4x + 3y)$

$\vec{E} = -(4\hat{i} + 3\hat{j})$

$E = \sqrt{(4)^2 + (3)^2}$

$E = 5 \text{ V/m}$

$V_1 = \frac{Kq}{r^2} \cos \theta$  — (1)

+q आवेश के कारण P पर विभव  
- बिंदु आवेश के कारण विभव

$V_2 = \frac{Kq}{r}$  — (2)

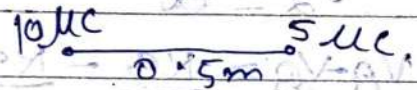
अतः कुल विभव -

$V = V_1 + V_2$

$V = \frac{Kq}{r^2} \cos \theta + \frac{Kq}{r}$

$V = K \left( \frac{p}{r^2} \cos \theta + \frac{q}{r} \right)$

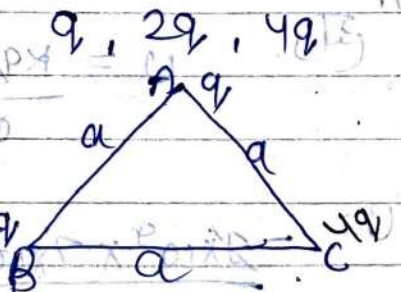
Q.16.



$U = \frac{Kq_1 q_2}{r}$

$U = \dots$

Q.13.



Solu: q आवेश को लाने में कार्य

$W_1 = 0$  — (1)

2q आवेश को लाने में कार्य -

$W_2 = 2q \times V_A$

$W_2 = 2q \times \frac{Kq}{a}$

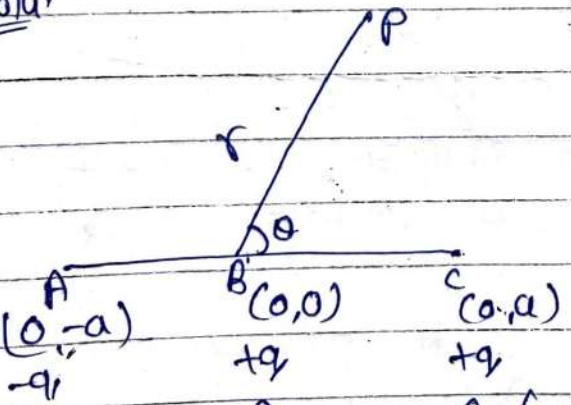
$W_2 = \frac{2Kq^2}{a}$  — (2)

AQ.18.

-q, +q, +q

A(0,-a), B(0,0), C(0,a)

Solu:



बिंदु c द्विध्रुव का निर्माण करते हैं।

अतः इसके कारण विभव -

4q आवेश को लाने में कार्य

$$W_3 = 4q \times V_A + 4q \times V_B$$

$$W_3 = 4q \times \frac{Kq}{a} + 4q \times \frac{Kq}{\sqrt{2}a}$$

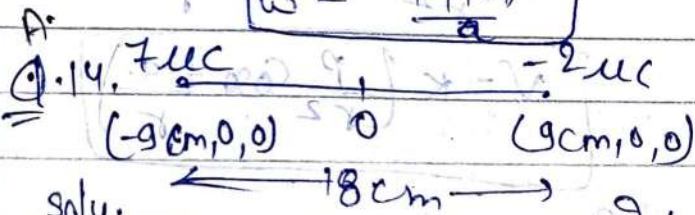
$$W_3 = \frac{4Kq^2}{a} + \frac{8Kq^2}{a} \quad \text{--- (3)}$$

अतः कुल कार्य -

$$W = W_1 + W_2 + W_3$$

$$W = 0 + \frac{2Kq^2}{a} + \frac{4Kq^2}{a} + \frac{8Kq^2}{a}$$

$$W = \frac{14Kq^2}{a}$$



soln.

(3)

$$U = \frac{Kq_1 q_2}{r_{12}}$$

$$U = \frac{-9 \times 10^9 \times 7 \times 10^{-6} \times 2 \times 10^{-6}}{18 \times 10^{-2}}$$

$$U = -7 \times 10^{-1} \times 10^{-2} = -\frac{7}{10} = -0.7$$

ब : अनन्त दूरी तक अलग करने पर कार्य -

$$W = \Delta U$$

$$W = U_\infty - U$$

$$W = 0 - (-0.7)$$

$$W = +0.7$$

Ans.

$$A = (a, 0)$$

$$B = \left( \frac{a}{\sqrt{2}}, \frac{a}{\sqrt{2}} \right)$$

$$r_1 = \sqrt{(a^2) + (0)^2}$$

$$r_1 = a$$

$$r_2 = \sqrt{\left(\frac{a}{\sqrt{2}}\right)^2 + \left(\frac{a}{\sqrt{2}}\right)^2}$$

$$r_2 = \sqrt{\frac{a^2}{2} + \frac{a^2}{2}}$$

$$r_2 = \sqrt{\frac{2a^2}{2}}$$

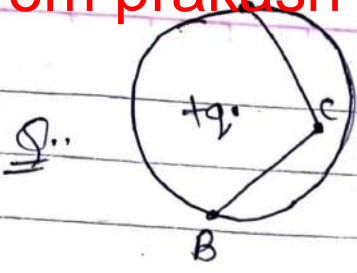
$$r_2 = a$$

$$V_A - V_B = \frac{Kq}{r_1} - \frac{Kq}{r_2}$$

$$= Kq \left( \frac{1}{r_1} - \frac{1}{r_2} \right)$$

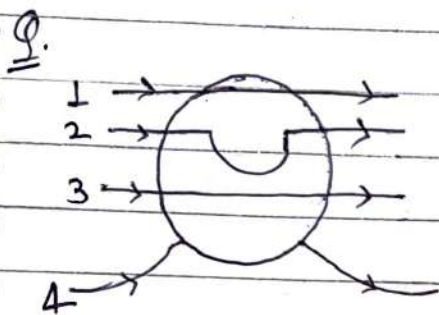
$$= Kq \left( \frac{1}{a} - \frac{1}{a} \right)$$

$$V_A - V_B = 0$$

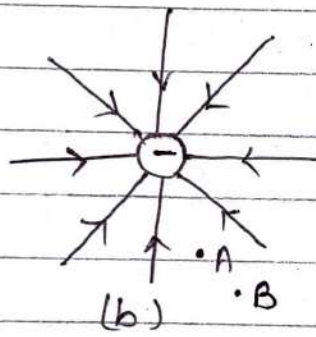
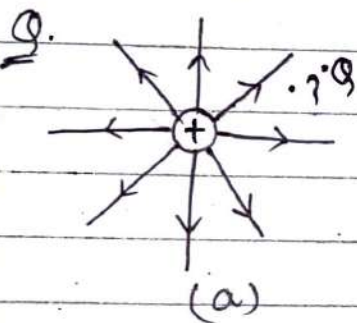


Q. प्रदर्शित चित्र में किसी आवेश  $q$  को बिंदु A से C तथा C से B तक लाने में किए गए कार्य का मान ज्ञात करो ?

Q. मुक्त आकाश में  $0.1 \text{ m}^3$  आयतन में वि. विभव का मान  $5 \text{ volt}$  है तो इस क्षेत्र में वि. क्षेत्र की गणना करो ?



Q. प्रदर्शित चित्र में धातु के गोले को सम वि. क्षेत्र में रखा गया है तो इससे वि. क्षेत्र रेखाएँ किस प्रकार निर्गमि होगी ?



प्रदर्शित चित्र में—

- i)  $V_P - V_Q$  व  $V_B - V_A$  के चिन्ह बताइए।
- ii) यदि किसी छोटे ऋणावेश को बिंदु Q से P तथा A से B तक ले जाने में वि. स्थितिज

ऊर्जा के चिन्ह बताइए।

- iii) किसी छोटे धनावेश को बिंदु Q से बिंदु P तक ले जाने में क्षेत्र के द्वारा किए गए कार्य का चिन्ह बताइए ?
- iv) किसी छोटे ऋणावेश को बिंदु B से बिंदु A तक ले जाने में बाह्य शक्ति के द्वारा किए गए कार्य का चिन्ह बताइए ?
- v) किसी छोटे ऋणावेश को बिंदु B से बिंदु A तक ले जाने में गतिज ऊर्जा में वृद्धि होगी या कमी ?

Q. यदि दो धातु कि प्लेट एक-दूसरे से  $3 \text{ mm}$  की दूरी पर स्थित है व इन्हें  $12 \text{ volt}$  की बैटरी से जोड़ा गया है तो इनके मध्य वि. क्षेत्र की गणना करो ?



Q.1. A से तक

$$W_1 = Q(V_C - V_A) \text{ --- (1)}$$

C से B तक

$$W_2 = Q(V_B - V_C) \text{ --- (2)}$$

सभी 1 व 2 से

$$W = Q(V_B - V_A) \quad \because V_B = V_A$$

$$\boxed{W = 0 \text{ जुल}}$$

Q.2.  $V = 5 \text{ Volt}$

$$E = -\frac{dV}{dr} \text{ से}$$

$$\because V = 5 \text{ Volt}$$

$$\boxed{E = 0 \text{ V/m}}$$